



## การสั่นสะเทือนในระบบพื้นคอนกรีตอัดแรงสำเร็จรูปเนื่องจากกิจกรรมของมนุษย์

### VIBRATION IN PRECAST-PRESTRESSED CONCRETE SLABS

#### DUE TO HUMAN ACTIVITIES

มงคล จีรวัชเรเดช (Mongkol Jiravatcharadet)<sup>1</sup>

พรพิไล กิติรัตน์ตระการ (Phornpilai Kitrattrakarn)<sup>2</sup>

<sup>1</sup>ผู้ช่วยศาสตราจารย์ สาขาวิชาวิศวกรรมโยธา มหาวิทยาลัยเทคโนโลยีสุรนารี นครราชสีมา [mongkol@sut.ac.th](mailto:mongkol@sut.ac.th)

<sup>2</sup>ผู้ช่วยวิจัย สาขาวิชาวิศวกรรมโยธา มหาวิทยาลัยเทคโนโลยีสุรนารี นครราชสีมา [pornpilai@lycos.com](mailto:pornpilai@lycos.com)

**บทคัดย่อ :** บทความนี้มีวัตถุประสงค์เพื่อระบุปัญหาเกี่ยวกับการสั่นสะเทือนในระบบพื้นคอนกรีตอัดแรงสำเร็จรูปที่มีการผลิตและจำหน่ายในประเทศไทย ภายใต้แรงกระทำทางพลศาสตร์เนื่องจากกิจกรรมของมนุษย์ได้แก่ การเดินแอโรบิก การวิ่งเหยาะๆ และการวิ่งธรรมดา ซึ่งจำลองเป็นฟังก์ชันทางคณิตศาสตร์ ในการศึกษาจะแบ่งออกเป็นกรณีวิเคราะห์ทางทฤษฎีและการทดสอบเพื่อหาค่าคุณสมบัติทางพลศาสตร์และค่าความเร่งสูงสุดของระบบ ในการวิเคราะห์ค่าความเร่งสูงสุดของระบบจะแบ่งพื้นออกเป็นสัดส่วนด้านยาวต่อด้านกว้างดังนี้ 1 : 0.5, 1 : 1, 1 : 1.5 และ 1 : 2 นำผลทั้งสองวิธีเปรียบเทียบกันแล้วทำการปรับปรุงค่าจากการทดสอบและวิเคราะห์ให้สอดคล้องกัน ต่อจากนั้นทำการเปรียบเทียบเพิ่มเติมกับเกณฑ์มาตรฐานที่กำหนดค่าความเร่งสูงสุดที่แนะนำให้เกิดขึ้นในพื้นที่สำหรับการใช้อาคารแบบต่าง ๆ จากการศึกษาพบว่าระบบพื้นที่มีสัดส่วน 1 : 0.5 ค่าส่วนใหญ่มีค่าเกินเกณฑ์มาตรฐาน และสัดส่วน 1 : 2 มีบางส่วนจะเห็นว่าระบบพื้นควรมีการปรับปรุงการออกแบบเพื่อให้สอดคล้องกับเกณฑ์มาตรฐานเกี่ยวกับการสั่นสะเทือนในระบบพื้นต่อไป

**ABSTRACT :** The proposed of this article is to define the vibration problem in Precast-Prestressed concrete slab (PC slab) which constructed by using the product of Thailand due to human activities such as aerobics, jogging and running which in the form of mathematical model. The study is divided into the analysis and experiment to find the dynamic properties and the maximum acceleration of the systems. The slabs are considered in full size with the ratio of length and width of 1:0.5, 1:1, 1:1.5 and 1:2 in the acceleration analysis. Updating the dynamic properties from the analysis with the experiment and then analyze the maximum acceleration of the system again. Compare the maximum acceleration of each case with the recommendation code. The comparison shows that the natural frequencies of the slab in the experiment are nearly close to the analysis and from the comparing of maximum accelerations of the slab are show that the majority of slab with ratio of 1 : 0.5 are upper than the code and rarely in the ratio of 1 : 2. It can be concluded that the slab has the vibration problem with the human activities and should extend the research in the design of PC slab to reduce vibration which compatible with the code.

**KEYWORDS :** Precast-Prestressed, Vibration, Natural frequency, Human activities

## 1. บทนำ

เทคโนโลยีเกี่ยวกับวัสดุและกรรมวิธีการก่อสร้างมีการพัฒนา มากขึ้น มีการคำนึงถึงความประหยัด ความสะดวกรวดเร็วในการ ก่อสร้างมากขึ้นด้วยเช่นกัน วัสดุที่นำมาใช้สำหรับการออกแบบ และก่อสร้างจึงมีกำลังสูงและสามารถทำงานได้ง่ายและรวดเร็ว สำหรับส่วนของโครงสร้างพื้นนั้น พื้นคอนกรีตอัดแรงสำเร็จรูป ถือเป็นวัสดุที่นิยมนำมาใช้ในงานก่อสร้างมาก เนื่องจากเป็นวัสดุ ที่มีกำลังสูงและมีความสะดวกในการทำงานทำให้สามารถ ก่อสร้างได้อย่างรวดเร็ว ช่วยให้ประหยัดค่าใช้จ่ายในการก่อสร้าง ถึงแม้ว่าแผ่นพื้นคอนกรีตอัดแรงสำเร็จรูปที่เลือกใช้จะมีกำลัง เพียงพอในการรับน้ำหนักบรรทุกที่ได้อย่างปลอดภัย และมีการ แอนตัวไม่เกินค่าที่กำหนดไว้ตามมาตรฐาน แต่เนื่องจากการที่ แผ่นพื้นมีน้ำหนักน้อยและมีความยืดหยุ่นมาก เมื่อเทียบกับพื้น คอนกรีตเสริมเหล็กธรรมดา รวมทั้งไม่ได้หล่อเป็นเนื้อเดียวกับ โครงสร้าง ผลกระทบต่อโครงสร้างที่ตามมาคือ ความ สั่นสะเทือนของโครงสร้างมีมากขึ้น ถึงแม้ว่าโครงสร้างจะมีความปลอดภัย แต่การสั่นสะเทือนของโครงสร้าง จะมีผลต่อการ รับรู้ของผู้อาศัยอยู่ในอาคาร ซึ่งทำให้เกิดความรู้สึกไม่ สะดวกสบาย นอกจากนี้ ความสั่นสะเทือนยังอาจก่อให้เกิด ปัญหาในอาคารที่มีเครื่องมือซึ่งต้องการความละเอียดแม่นยำสูง อีกด้วย หากมีความสั่นสะเทือนมารบกวนมากอาจทำให้ความ แม่นยำในการทำงานน้อยลงจนไม่สามารถปฏิบัติงานได้

ได้มีผู้ทำการศึกษาการสั่นสะเทือนในพื้นที่ชนิดต่าง ๆ เช่น Allen (1990) [1] ได้ทำการศึกษาและแก้ปัญหาการสั่นสะเทือน ในพื้นที่ซึ่งมีค่ามากจนผู้ใช้รู้สึกไม่ปลอดภัย กิตติศักดิ์ คุลธิยาวิชัย (2545) [2] ได้ทำการศึกษาพฤติกรรมการสั่นสะเทือนของพื้น คอนกรีตช่วงยาว เนื่องจากการเดิน แผ่นพื้นเป็นพื้นคอนกรีต ขนาด 9.50x9.50 ม มีความหนา 3 0.24 0.26 และ 0.28 ม. Hong Nam (2004) [3] ทำการศึกษาและแก้ปัญหาที่เกิดขึ้นกับพื้นสนาม แบดมินตันหนา 15 ซม.วางอยู่บนดงเหล็กทุก ๆ 5 เมตร ยาว 20 เมตร และพรพิล เกียรติรัตน์ตระกูล (2546) [4] ได้ศึกษาเชิงทฤษฎี เกี่ยวกับการสั่นสะเทือนในพื้นที่คอนกรีตอัดแรงสำเร็จรูปเนื่องจาก กิจกรรมของมนุษย์

จากเหตุผลข้างต้นจะเห็นว่าพื้นคอนกรีตอัดแรงสำเร็จรูปมีความเสี่ยงต่อการสั่นสะเทือนที่มากเกินไป จึงเหมาะที่จะนำมา ศึกษาเพื่อเผยแพร่และเป็นแนวทางในการศึกษาขั้นออกแบบ ต่อไป ทั้งนี้ได้มีผู้เสนอแนวทางในการออกแบบเพื่อป้องกัน

สั่นสะเทือนแต่ยังไม่ได้ทำการศึกษาและทดสอบกับพื้นคอนกรีต อัดแรงสำเร็จรูปเช่น ATC Design Guide (ATC, 1999 [5]) และ PCI Design Handbook (PCI, 2004 [6])

## 2. ระเบียบวิธีวิจัย

การวิจัยแบ่งออกเป็นสองส่วนคือการวิจัยเชิงทฤษฎีและการวิจัย เชิงทดลอง ความยาวพื้นที่นำมาวิเคราะห์ คือ 3, 4 และ 5 เมตร น้ำหนักบรรทุกพลวัตจากกิจกรรมของมนุษย์ได้แก่ การเดินแอร์ บิค การวิ่งเหยาะ ๆ และการวิ่ง คูได้จากพรพิล เกียรติรัตน์ตระกูล (2546) [4]

### 2.1 การวิจัยเชิงทฤษฎี

- สร้างแบบจำลองของระบบพื้น แบ่งสัดส่วนของพื้น ด้านยาวต่อด้านกว้างดังนี้ 1:0.5, 1:1, 1: 1.5 และ 1:2
- วิเคราะห์หาค่าคุณสมบัติทางพลศาสตร์ของระบบ
- วิเคราะห์หาค่าการตอบสนองของระบบพื้น โดยใช้ โปรแกรม MATLAB

แบบจำลองระบบพื้นและการวิเคราะห์ คูได้จาก พรพิล เกียรติรัตน์ตระกูล (2546) [4]

### 2.2 การวิจัยเชิงทดลอง

- จัดเตรียมวัสดุและอุปกรณ์
  - ทำการจัดเตรียมและจัดเก็บวัสดุ เช่น wire mesh, เหล็กเส้น, ปูนซีเมนต์, แผ่นพื้นคอนกรีตอัดแรงสำเร็จรูป
  - ทำการจัดเตรียมอุปกรณ์ที่เกี่ยวข้องกับการทดสอบ เช่น ชุด impact loading, ฐานติดตั้งพื้นคอนกรีตอัดแรงสำเร็จรูป, คอมพิวเตอร์สำหรับบันทึกและแปลงข้อมูล
- ขั้นตอนในห้องปฏิบัติการ
  - จัดเรียงพื้นคอนกรีตอัดแรงสำเร็จรูปบนคานแล้ว ทำการทดสอบการสั่นสะเทือนที่หน้า และทดสอบกำลังอัดประลัยของ คอนกรีตที่หน้า
  - ติดตั้ง impact loading frame และอุปกรณ์ตรวจวัด
  - ทดสอบหาค่าการตอบสนองของระบบ
- ขั้นตอนการวิเคราะห์และสรุปผล
  - นำค่าการตอบสนองของระบบมาวิเคราะห์หาค่า คุณสมบัติทางพลศาสตร์ได้แก่ ค่าความถี่ธรรมชาติ โดยการ วิเคราะห์ทางความถี่

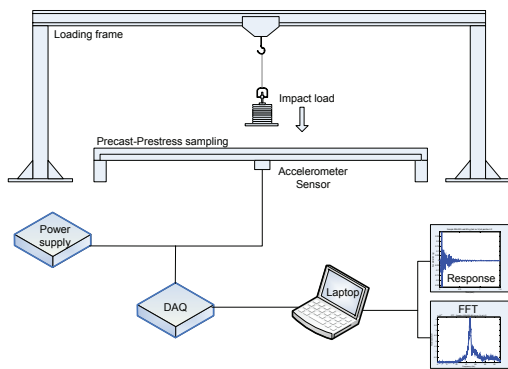
- เปรียบเทียบกับผลที่ได้จากการวิเคราะห์เชิง  
ทฤษฎี

- ปรับแก้ค่าคุณสมบัติทางพลศาสตร์จากการ  
วิเคราะห์เชิงทฤษฎีกับการทดสอบให้สอดคล้องกัน

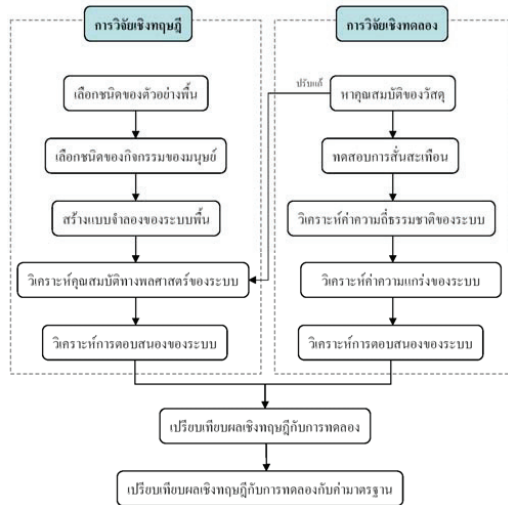
- วิเคราะห์ค่าการตอบสนองของระบบเนื่องจาก  
กิจกรรมของมนุษย์

- นำค่าความเร่งสูงสุดของระบบเปรียบเทียบกับ  
เกณฑ์มาตรฐาน National Building Code of Canada 1995

แผนภาพการติดตั้งอุปกรณ์แสดงดังภาพที่ 1 และขั้นตอน  
โดยสรุปแสดงดังภาพที่ 2



ภาพที่ 1 แผนภาพการติดตั้งอุปกรณ์ทดสอบ



ภาพที่ 2 แผนภาพการดำเนินการวิจัย

### 3. ผลและการอภิปรายผลการวิจัย

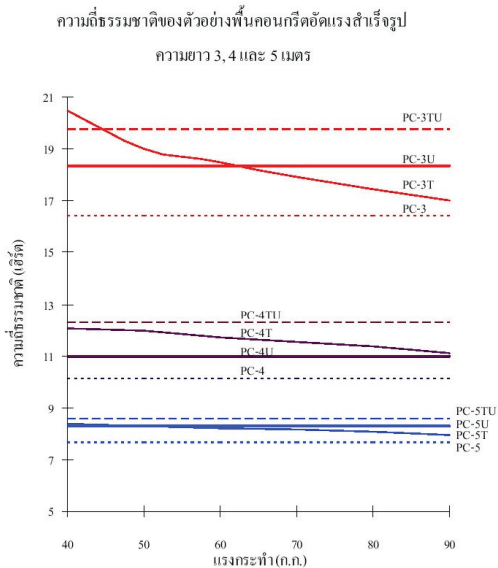
ผลการวิจัยแบ่งออกเป็นสองส่วนคือ 1. คุณสมบัติทางพลศาสตร์  
ของระบบ ได้แก่ ค่าความถี่ธรรมชาติ และ 2. การตอบสนองของ  
ระบบ ได้แก่ ค่าความเร่งสูงสุด ของทั้งการวิจัยเชิงทฤษฎี และเชิง  
ทดลอง

#### 3.1 ความถี่ธรรมชาติของระบบ

ค่าความถี่ธรรมชาติของระบบพื้นคอนกรีตอัดแรงสำเร็จรูป  
ตัวอย่าง 3, 4 และ 5 เมตร มีค่าอยู่ระหว่าง 16.42 – 19.74 Hz,  
10.12 – 12.29 Hz และ 7.64 – 8.55 Hz. ตามลำดับ ค่าที่ได้จากการ  
ทดสอบมีค่าสูงกว่าค่าจากการวิเคราะห์เชิงทฤษฎี อยู่ระหว่าง  
11.91 – 21.44 % เมื่อเปรียบเทียบระหว่างค่าจากการทดสอบที่  
ปรับแก้แล้วกับผลทางทฤษฎีเบื้องต้น แต่ถ้าเปรียบเทียบกับค่า  
ทางทฤษฎีที่ปรับแก้แล้วจะมีค่าสูงกว่าอยู่ระหว่าง 2.89 – 11.73%  
ดังแสดงในภาพที่ 3 ค่าความถี่ธรรมชาติที่ปรับแก้แล้วจะมีค่าสูง  
กว่าค่าเริ่มต้น และใกล้เคียงกับค่าจากการทดสอบมากขึ้น  
เนื่องจากค่าที่ปรับแก้คือ ค่าลึงอัดของคอนกรีตเททับหน้า และ  
ความหนามีค่าสูงกว่าค่าเริ่มต้น ตัวอย่าง 3 เมตรมีค่าสูงกว่าค่า  
เริ่มต้นมากกว่ากรณีอื่นๆ เพราะมีค่าลึงอัดของคอนกรีตเททับ  
หน้ามากกว่าค่าเริ่มต้นมาก ถึงแม้จะมีความหนาของคอนกรีตเท  
ทับหน้าเพิ่มขึ้นน้อยกว่าตัวอย่าง 4 เมตรก็ตาม ทั้งนี้เป็นมีสาเหตุ  
มาจากค่าลึงอัดประลัยของคอนกรีตจะมีผลกับค่าโมดูลัสความ  
ยืดหยุ่นทำให้ค่าความแกร่งเพิ่มมากขึ้น สำหรับความหนาของ  
คอนกรีตเททับหน้าเพิ่มขึ้นทำให้ค่าโมเมนต์ความเฉื่อยของหน้า  
ตัดและมวลเพิ่มขึ้น ความเฉื่อยที่เพิ่มขึ้นทำให้ค่าความแกร่ง  
เพิ่มขึ้นแต่เพิ่มขึ้น ไม่มาก แต่มีผลกับมวลมากกว่า การที่มวล  
เพิ่มขึ้นมีผลทำให้ความถี่ธรรมชาติลดลง ดังนั้นในการเพิ่มความ  
หนาของคอนกรีตทับหน้าจึงไม่เหมาะสมที่จะนำมาใช้ในการเพิ่ม  
ค่าความถี่ธรรมชาติ ในตัวอย่าง 5 เมตร ค่าปรับแก้มีค่ามากกว่า  
การทดสอบทั้งนี้อาจเนื่องมาจากแรงดึงในลวดอัดแรงที่น้อยกว่า  
ค่าจริงที่ได้จากบริษัทผู้ผลิต ซึ่งคุณสมบัติเหล่านี้มีผลต่อค่าความ  
แกร่งของระบบโดยตรง การที่ค่าจากการทดสอบมีค่ามากกว่ามี  
ผลเนื่องจากค่าความแกร่งของระบบเป็นตัวหลัก เพราะรูปแบบ  
ของจตุรรองรับที่ใช้ทางทฤษฎีเป็นจตุรรองรับแบบง่าย แต่ใน  
ตัวอย่างหรือการใช้งานจริงจตุรรองรับจะมีความสามารถในการ  
ต้านทาน โมเมนต์ได้บางส่วน

### 3.2 ความเร่งสูงสุดของระบบ

พฤติกรรมการสั่นสะเทือนของระบบพื้นคอนกรีตอัดแรงสำเร็จรูปนำเสนอเกี่ยวกับ ความเร่งสูงสุดของระบบเนื่องจากความเร่งของระบบมีผลของมวล (พิจารณาพื้นตามสัดส่วนของด้านยาวของแผ่นพื้นต่อด้านกว้างที่นำพื้นมาเรียงต่อกัน คือ 1 : 0.5, 1 : 1, 1 : 1.5 และ 1 : 2) ขนาดของแรงกระทำ (40 – 90 กิโลกรัม) ชนิดของกิจกรรม (เดินแอโรบิก วิ่งเหยาะๆ และวิ่งธรรมดา) ภาพรวมค่าความเร่งสูงสุดที่เกิดขึ้นในระบบพื้นคอนกรีตอัดแรงได้ค่าดังตารางที่ 1 จากตารางจะเห็นว่าพื้นความยาว 3, 4 และ 5 เมตร มีค่าใกล้เคียงกัน แสดงว่าผลของมวลและความถี่ธรรมชาติแปรผกผันซึ่งกันและกัน เพราะพื้นที่ความยาวน้อยกว่ามีค่าความถี่ธรรมชาติสูงกว่าและมีมวลน้อยกว่าเช่นเดียวกับพื้นที่ยาวกว่ามีค่าความถี่ธรรมชาติน้อยกว่าและมีมวลมากกว่า ค่าความเร่งสูงสุดจึงมีค่าใกล้เคียงกัน



ภาพที่ 3 ความถี่ธรรมชาติของระบบ (PC-4 คือ ค่าจากการวิเคราะห์เบื้องต้นของตัวอย่าง 4 เมตร, PC-4T คือ ค่าจากการทดสอบ, PC-4U คือ ค่าจากการปรับแก้ค่าเชิงทฤษฎี และ PC-4TU คือ ค่าจากการปรับแก้ค่าจากการทดสอบ)

### 4. สรุปและข้อเสนอแนะ

โดยภาพรวมสามารถสรุปได้ว่าความเร่งสูงสุดทั้งการวิเคราะห์ทางทฤษฎีและการทดสอบมีค่าความเร่งอยู่ระหว่าง 0.004g – 0.07g ค่าส่วนใหญ่อยู่ระหว่าง 0.007g – 0.04g จะเห็นได้ว่าค่าเหล่านี้สูงกว่าค่ามาตรฐาน NBCC 1995 [7] ในตารางที่ 2 ถึงแม้จะพิจารณาการกระทำเพียงครั้งเดียวเท่านั้น ควรมีการ

ปรับปรุงระบบพื้นให้มีความสามารถในการต้านทานการสั่นสะเทือนที่เกิดขึ้นเพื่อให้สอดคล้องกับระดับความเร่งสูงสุดในมาตรฐาน NBCC 1995 ที่ใช้กับลักษณะของอาคารชนิดต่าง ๆ

การวิเคราะห์ค่าความเร่งสูงสุดของระบบพื้น ทำโดยนำค่าความถี่ธรรมชาติที่ได้จากการทดสอบและการวิเคราะห์ทางทฤษฎี แล้ววิเคราะห์จากแรงกระทำที่เป็นแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ เนื่องจากมีความแน่นอนของข้อมูลมากกว่า และเนื่องจากระบบพื้นที่จำลองเป็นพื้นที่จัดเรียงเพียง 3 แผ่น มวลของระบบจึงไม่เหมือนกับภาระใช้งานจริง จึงต้องมีการเทียบสัดส่วนโดยพิจารณามวลที่เพิ่มขึ้นด้วย หากต้องการทราบค่าความเร่งจริงที่เกิดขึ้นเพื่อทำการเปรียบเทียบข้อมูลจากการวิเคราะห์ ควรทดสอบกับพื้นขนาดจริงตามสัดส่วนที่ได้นำเสนอ คือ 1 : 0.5, 1 : 1, 1 : 1.5 และ 1 : 2

ตารางที่ 1 ความเร่งสูงสุดของระบบพื้น

ความยาว (เมตร)	ความเร่งสูงสุด (เมตร/วินาที <sup>2</sup> )		
	ทฤษฎี (เบื้องต้น)	ทฤษฎี (ปรับแก้)	ทดสอบ
3	0.038 – 0.838 (0.004g – 0.085g)	0.031 – 0.670 (0.003g – 0.068g)	0.029 – 0.615 (0.003g – 0.063g)
4	0.038 – 0.906 (0.004g – 0.092g)	0.032 – 0.746 (0.003g – 0.076g)	0.028 – 0.640 (0.003g – 0.065g)
5	0.032 – 0.781 (0.003g – 0.080g)	0.028 – 0.680 (0.003g – 0.069g)	0.027 – 0.651 (0.003g – 0.066g)

ตารางที่ 2 ขีดจำกัดความเร่งสำหรับกิจกรรมที่มีความถี่ระหว่าง 1.5 – 8 เฮิร์ต (NBCC1995)

Activity or occupancy	Limiting peak Acceleration (a <sub>p</sub> /g)
Offices and residences (day time)	0.004-0.007
Dancing and weightlifting	0.015-0.025
Rhythmic activity	0.04-0.07

### 5. กิตติกรรมประกาศ

การวิจัยนี้ได้รับทุนสนับสนุนจากมหาวิทยาลัยเทคโนโลยีสุรนารี และสำนักงานคณะกรรมการวิจัยแห่งชาติ

### 6. เอกสารอ้างอิง

[1] Allen, D.E. (1990). Building vibrations from aerobics. *Canadian Journal of Civil Engineering*. The National Research Council of Canada, 17(5): 771-779.

- [2] กิตติศักดิ์ กุลธิชาวิชัย, 2545. Dynamic Behavior of Long-Span Flat Concrete Floor Due to Walking Load. การประชุมวิชาการวิศวกรรมโยธาแห่งชาติครั้งที่ 6, STR-124-STR-129. ชลบุรี.
- [3] Hoang Nam. (2004). *Optimal Multiple Tuned Mass Dampers for Structures with Closely-Spaced Natural Frequencies*, AIT Dissertation, No. ST-04-2, Bangkok, Thailand.
- [4] พรพีไล กิติรัตน์ตระกูล, 2546. การศึกษาพฤติกรรมการสั่นสะเทือนของพื้นคอนกรีตอัดแรงเนื่องจากกิจกรรมของมนุษย์. มหาคณิศ, มหาวิทยาลัยเทคโนโลยีสุรนารี.
- [5] ATC. (1999). *ATC Design Guide 1, Minimizing Floor Vibration*, Applied Technology Council, Red-wood City, CA.
- [6] PCI Industry Handbook Committee. (2004). *PCI Design Handbook Precast and Prestressed Concrete*, 5th Edition, Precast/Prestressed Concrete Institute, Chicago, IL.
- [7] National Building Code of Canada, NBC. (1995). Commentary A : *Serviceability Criteria for Deflections and Vibrations*.