รหัสโครงการ SUT7-711-55-12-09



การคำนวณความถี่ธรรมชาติและกำลังงานสูญเสียของ หม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกด้วยวิธีไฟในท์อิลิเมนท์แบบ 3 มิติ (Calculation of Natural Frequency and Power Loss of a Piezoelectric Transformer by Using 3D Finite Element Method)

ได้รับทุนอุดหนุนการวิจัยจาก มหาวิทยาลัยเทคโนโลยีสุรนารี

ผลงานวิจัยเป็นความรับผิดชอบของหัวหน้าโครงการวิจัยแต่เพียงผู้เดียว

รหัสโครงการ SUT7-711-55-12-09



การคำนวณความถี่ธรรมชาติและกำลังงานสูญเสียของ หม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกด้วยวิธีไฟในท์อิลิเมนท์แบบ 3 มิติ (Calculation of Natural Frequency and Power Loss of a Piezoelectric Transformer by Using 3D Finite Element Method)

คณะผู้วิจัย

หัวหน้าโครงการ ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.เผด็จ เผ่าละออ สาขาวิชาวิศวกรรมไฟฟ้า สำนักวิชาวิศวกรรมศาสตร์ มหาวิทยาลัยเทคโนโลยีสุรนารี

> **ผู้ร่วมวิจัย** นายสมศักดิ์ วัชระคุปต์

ได้รับทุนอุดหนุนการวิจัยจากมหาวิทยาลัยเทคโนโลยีสุรนารี ปีงบประมาณ พ.ศ. 2555 ผลงานวิจัยเป็นความรับผิดชอบของหัวหน้าโครงการวิจัยแต่เพียงผู้เดียว

พฤษภาคม 2556

กิตติกรรมประกาศ

ขอขอบคุณมหาวิทยาลัยเทคโนโลยีสุรนารีที่ได้สนับสนุนทุนวิจัยสำหรับโครงการนี้ โดยการ วิจัยครั้งนี้ได้รับทุนอุดหนุนการวิจัยจากมหาวิทยาลัยเทคโนโลยีสุรนารี ปีงบประมาณ 2555



บทคัดย่อ

หม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกจะทำหน้าที่ในการเพิ่มหรือลคระคับพลังงานไฟฟ้าให้เหมาะสม กับการส่งจ่ายพลังงาน โดยในทางค้านขาเข้าของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกจะแปลงพลังงานไฟฟ้า ให้เป็นพลังงานกลก่อนแล้วจึงแปลงพลังงานกลกลับเป็นพลังงานไฟฟ้าอีกครั้งทางค้านขาออกของ หม้อแปลง สำหรับการส่งถ่ายพลังงานทางกลจะส่งถ่ายในรูปแบบของการสั่นสะเทือนโคยจะทำงาน ในช่วงความถี่ธรรมชาติ สิ่งหนึ่งที่สามารถบ่งบอกถึงประสิทธิภาพของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริก ้ได้คือกำลังงานสูญเสีย ดังนั้นงานวิจัยนี้จึงได้ทำการกำนวณหาก่าความถี่ธรรมชาติพร้อมกับการ ้จำลองผลการกระจายของค่าศักย์ไฟฟ้าและการกระจัดเชิงกลของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริก โดย แบบจำลองทางคณิตศาสตร์ของสมการการสั่นสะเทือนสำหรับในการหาค่าความถิ่ธรรมชาติและ สมการความสัมพันธ์ระหว่างทางไฟฟ้ากับทางกลของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกนั้นจะอยู่ในรูปของ ้สมการเชิงอนุพันธ์ย่อย โคยใช้วิธีไฟในท์อิลิเมนท์แบบ 3 มิติในการหาผลเฉลย เพื่อที่จะสามารถกาค ้เคาช่วงความถี่ในการทำงานของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกและสามารถนำผลของค่าศักย์ไฟฟ้าและ การกระจัดเชิงกลที่ได้จากการจำลองนั้นนำไปประยุกต์ใช้ในการหาค่ากำลังงานสูญเสียของหม้อ แปลงไพอิโซอิเล็กทริกรวมไปถึงการคำนวณหาประสิทธิภาพของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกโดย ้โปรแกรมสำหรับจำลองผลการกระจายของค่าศักย์ไฟฟ้าและการกระจัคเชิงกลพร้อมโปรแกรม ้คำนวณหาค่าความถี่ธรรมชาติได้ใช้โปรแกรม MATLAB™ ที่พัฒนาขึ้นเองพร้อมตรวจสอบความ ถูกต้องของโปรแกรมด้วยการนำไปเปรียบเทียบกับผลการทดสอบจริง

ร_{ราวอักยาลัยเทคโนโลยีสุรุบ}า

ABSTRACT

A piezoelectric transformer has the main function as an ordinary transformer in order to decrease or increase power level. When applying electric stress on its input terminal, the piezoelectric material converts electrical energy into mechanical energy in form of vibration. This energy transfers through piezoelectric materials, layer by layer, until it reaches the output terminal. The mechanical energy will be transformed back to electric energy. This process is to operate at the natural frequency in order to gain the maximum efficiency and low losses. In this research, calculation of the natural frequency together with electric potential distribution and mechanical displacement for a piezoelectric transformer is determined. Partial differential equations of mechanical vibration coupled with electromagnetic fields for a piezoelectric transformer are formulated and solved by using 3D finite element method (3D-FEM). MATLAB software is employed to simulate electrical and mechanical responses of the piezoelectric transformer. Electrical potential, mechanical displacement, energy losses and overall efficiency are investigated. In addition, comparisons between simulation results with those of the experimental test are made.

		J
สา	ົງໃ	ปญ

	หน้า
กิตติกรรมประกาศ	ា
บทคัดย่อภาษาไทย	บ
บทคัดย่อภาษาอังกฤษ	ค
สารบัญ	٩٩
สารบัญตาราง	¥
สารบัญรูป	ଅ
บทที่ 1 บทน <u>ำ</u>	1
1.1 ความสำคัญและที่มาของปัญหาการวิจัย	1
1.2 วัตถุประสงค์ของการวิจัย	2
1.3 ข้อตกลงเบื้องต้น	2
1.4 ขอบเขตของการวิจัย	2
1.5 ประโยชน์ที่ได้รับจากการวิจัย	
1.6 การจัครูปเล่มรายงานการวิจัย	
บทที่ 2 การคำนวณศักย์ไฟฟ้าและการกระจัดเชิงกลของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กท	าริก
ด้วยระเบียบวิธีไฟไนท์อิลิเมนท์	
2.1 บทนำ	5
2.2 แบบจำลองทางคณิตศาสตร์ของศักย์ไฟฟ้าและการกระจัคเชิงกลของ	
หม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกแบบ 3 มิติล	5
2.3 การคำนวณศักย์ไฟฟ้าและการกระจัดเชิงกลด้วยวิธีไฟในท์อิลิเมนท์.	
2.3.1 การออกแบบอิลิเมนท์ของพื้นที่ศึกษา	9
2.3.2 ฟังก์ชันการประมาณภายในอิลิเมนท์แบบ 3 มิติ	
2.3.3 การสร้างสมการอิลิเมนท์	
2.3.4 การประกอบสมการอิลิเมนท์ขึ้นเป็นระบบ	
2.3.5 การประยุกต์เงื่อนไขขอบเขตพร้อมหาค่าผลเฉลย	18
2.4 สรุป	20

สารบัญ (ต่อ)

		หน้า
บทที่ 3	ความถี่ธรรมชาติของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริก	21
	3.1 บทนำ	21
	3.2 ความถี่ธรรมชาติ	21
	3.3 วิธีการหาค่าความถี่ธรรมชาติของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริก	22
	3.4 การคำนวณความถี่ธรรมชาติด้วยวิธีค่าเจาะจง	23
	3.5 ผลการวัดความถี่ธรรมชาติและค่าศักย์ใฟฟ้าของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริก	26
	3.6 การเปรียบเทียบผลความถี่ธรรมชาติจากการทคลองกับการคำนวณ	
	ด้วยวิธีไฟไนท์อิลิเมนท์	28
	3.7 สรุป	29
บทที่ 4	โปรแกรมจำลองผลศักย์ไฟฟ้าและการกระจัคเชิงกลพร้อมผลการจำลองแบบ 3 มิติ	30
	4.1 บทนำ	30
	4.2 โครงสร้างของโปรแกรมจำลองผล	30
	4.2.1 โปรแกรมการสร้างกริค	30
	4.2.2 โปรแกรมจำลองผลศักย์ไฟฟ้าและการกระจัคเชิงกลของ	
	หม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริก	32
	4.3 ผลการจำลองด้วยระเบียบวิธีไฟในท์อิลิเมนท์พร้อมวิเคราะห์ผล	33
	4.4 การคำนวณกำลังงานสูญเสียของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริก	40
	4.5 ผลการจำลองกำลังงานสูญเสียของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริก	
	ด้วยวิธีไฟไนท์อิลิเมนท์พร้อมวิเคราะห์ผล	41
	4.6 ประสิทธิภาพของหม้อแปลงใพอิโซอิเล็กทริก	45
	4.7 สรุป	47
บทที่ 5	สรุปและข้อเสนอแนะ	48
	5.1 สรุป	48
	5.2 ข้อเสนอแนะงานวิจัยในอนาคต	49
บรรณา	นุกรม	50

หน้า

ภาคผนวก	
การเผยแพร่ผลงานวิจัย	54
ประวัติผู้วิจัย	55



สารบัญตาราง

ตารางที่	หน้า
2.1 พารามิเตอร์ของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกที่ใช้ในการจำลองผล	19
3.1 การเปรียบเทียบความถี่ธรรมชาติของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกระหว่างการ	
ทคลองจริงและวิธีไฟในท์อิลิเมนท์	28



สารบัญรูป

รูป ^ะ	ก	หน้า
2.1	หม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกชนิดวงแหวนแบน	10
2.2	การแบ่งอิลิเมนท์และจุดต่อของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกแบบ 3 มิติ	10
2.3	ภาพการขยายการแบ่งอิลิเมนท์และการเชื่อมต่อของอิลิเมนท์ต่างๆ	11
3.1	แบบจำลองทางกายภาพของระบบสั่นสะเทือน	23
3.2	การทดสอบหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกชนิดการสั่นตามแนวรัศมีเพื่อหาค่าความถี่ธรรมช	าติ26
3.3	แผนภาพวงจรการทคลองเพื่อหาก่าความถี่ธรรมชาติของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริก	29
3.4	กราฟแสดงผลของความถี่ธรรมชาติของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริก	27
4.1	ขอบเขตในการศึกษาของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกแบบ 3 มิติ	31
4.2	แผนภูมิการดำเนินงานของโปรแกรมจำลองผลศักย์ไฟฟ้าและการกระจัดเชิงกล	
	ด้วยระเบียบวิธีไฟไนท์อิลิเมนท์แบบ 3 มิต <u>ิ</u>	32
4.3	การกระจายตัวของศักย์ไฟฟ้า (V) ภายในหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกที่ความถี่ 82 kHz	34
4.4	การกระจัดเชิงกล (m) ภายในหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกที่ความถี่ 82 kHz	34
4.5	การกระจายตัวของศักย์ไฟฟ้า (V) ภายในหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกที่ความถี่ 84 kHz	35
4.6	การกระจัดเชิงกล (m) ภายในหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกที่ความถี่ 84 kHz	35
4.7	การกระจายตัวของศักย์ไฟฟ้า (V) ภายในหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกที่ความถี่ 86 kHz	
4.8	การกระจัดเชิงกล (m) ภายในหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกที่ความถี่ 86 kHz	36
4.9	การกระจายตัวของศักย์ไฟฟ้า (V) ภายในหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกที่ความถี่ 88 kHz	37
4.1	0 การกระจัดเชิงกล (m) ภายในหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกที่ความถี่ 88 kHz	
4.1	1 อัตราการขยายศักย์ไฟฟ้าของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกในช่วงความถี่ 80-90 kHz	39
4.1	2 ระยะการกระจัดเชิงกลของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกในช่วงความถี่ 80-90 kHz	39
4.1	3 กำลังงานสูญเสียทางกล (W) ภายในหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกที่ความถี่ 82 kHz	
4.1	4 กำลังงานสูญเสียทางกล (W) ภายในหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกที่ความถี่ 84 kHz	
4.1	5 กำลังงานสูญเสียทางกล (W) ภายในหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกที่ความถี่ 86 kHz	
4.1	6 กำลังงานสูญเสียทางกล (W) ภายในหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกที่ความถี่ 88 kHz	
4.1	7 กำลังงานสูญเสียทางกลของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกในช่วงความถี่ 80-90 kHz	44
4.1	8 วงจรการถ่ายโอนกำลังงานไฟฟ้าสูงสุด	
4.1	9 ประสิทธิภาพของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริก	46

บทที่ 1

บทนำ

1.1 ความสำคัญและที่มาของปัญหาการวิจัย

การสั่นสะเทือน คือ ปรากฏการณ์ของการเคลื่อนที่กลับไปกลับมาของวัตถุจากอิทธิพลของ แรงกระทำ ซึ่งอาจเป็นแรงกระทำจากภายในที่ก่อให้เกิดการสั่นสะเทือนแบบอิสระ (free vibration) โดยสั่นด้วยความถี่ธรรมชาติ (natural frequency) ซึ่งอาจจะมีความถี่เดียวหรือหลายความถี่ก็ได้ ทั้งนี้ ขึ้นอยู่กับธรรมชาติของระบบ หรือเป็นแรงกระทำจากภายนอกที่ก่อให้เกิดการสั่นสะเทือนแบบบังคับ (forced vibration) โดยสั่นด้วยความถี่เท่ากับความถึ่งองแรงภายนอกที่มากระทำ และถ้าความถี่ที่มา กระทำเท่ากับความถี่ธรรมชาติ จะทำให้เกิดปรากฏการณ์เรโซแนนซ์ (resonance) นั่นคือขนาดของ การสั่นสะเทือนจะถูกขยายมากขึ้นจนทำให้เกิดความเสียหายแก่ระบบได้ (เผด็จ เผ่าละออ, 2548) แต่ ในปัจจุบันได้มีการพัฒนาเทคโนโลยีไปอีกขั้นหนึ่งซึ่งเป็นอุปกรณ์ที่มีลักษณะการทำงานด้วยการ ้สั่นสะเทือน คือ หม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริก (piezoelectric transformers) ซึ่งจะอาศัยหลักการคัปปลิ้ง ทางไฟฟ้าและทางกล (electro-mechanical coupling) โดยทางด้านบาเข้าจะแปลงพลังงานไฟฟ้าเป็น พลังงานกลก่อน แล้วจะแปลงพลังงานกลกลับเป็นพลังงานไฟฟ้าอีกครั้งทางค้านขาออก ซึ่งจะส่งถ่าย พลังงานทางกลในรูปแบบของการสั่นและในช่วงความถี่ที่หม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกสามารถทำงาน ้ได้นั้นคือ ช่วงความถี่ธรรมชาติ หม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกจะมีโครงสร้างของตัวอปกรณ์ที่ไม่ ้ซับซ้อนและมีคุณสมบัติที่สำคัญ คือ มีขนาคเล็ก น้ำหนักเบา ไม่มีขคลวค ไม่มีสนามแม่เหล็ก อัตรา การขยายไฟฟ้าสูง คังนั้นหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกจึงนับเป็นอุปกรณ์ที่สำคัญอย่างหนึ่งในบรรคา อุปกรณ์ไฟฟ้าทั้งหลายและสิ่งหนึ่งที่จะบอกถึงประสิทธิภาพของหม้อแปลงได้คือกำลังงานงาน สญเสีย (losses)

แบบจำลองทางคณิตศาสตร์ของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริก โดยปกติจะสามารถอธิบายได้ ในรูปของสมการอนุพันธ์ (differential equation) หรือสมการอินทิกรัล (integral equation) ซึ่งเป็นไป ได้ยากที่จะหาผลเฉลยแม่นตรง (exact solution) ได้ ดังนั้นจึงจำเป็นต้องใช้วิธีการหาผลเฉลย โดยประมาณ (approximate solution) ซึ่งวิธีการหาผลเฉลยโดยประมาณนั้นมีหลายวิธีและวิธีที่ได้รับ กวามนิยมกันอย่างกว้างขวางคือ วิธีไฟไนท์อิลิเมนท์ (finite element method: FEM) ซึ่งเป็นวิธีการหา ผลเฉลยโดยประมาณของสมการที่อยู่ในรูปอนุพันธ์ย่อย (partial differential equation: PDE) และวิธี นี้สามารถนำมาใช้กับปัญหาที่มีรูปร่างลักษณะซับซ้อนใดๆ ก็ได้ โดยสามารถจำลองรูปร่างลักษณะ ดั้งเดิมที่แท้จริงได้ใกล้เคียงและเที่ยงตรงกว่า ด้วยวิธีการกำนวณเชิงตัวเลข อีกทั้งสมรรถนะของ กอมพิวเตอร์ที่สูงขึ้น จึงทำให้การกำนวณเชิงตัวเลขสามารถทำได้อย่างรวดเร็ว ทำให้วิธีไฟไนท์ อิลิเมนท์เป็นวิธีที่มีประสิทธิภาพสูงสุดและใด้รับความนิยมแพร่หลายในปัจจุบัน โดยเฉพาะงานวิจัย นี้ซึ่งต้องอาศัยวิธีไฟไนท์อิลิเมนท์แบบ 3 มิติมาช่วยดำเนินการ

ระเบียบวิธีไฟในท์อิลิเมนท์เริ่มวิวัฒนาการมาตั้งแต่ด้นปี ค.ศ. 1950 ปัจจุบันเป็นวิธีการ คำนวณเชิงตัวเลขวิธีหนึ่งที่ได้รับความนิยมมาก เนื่องจากปัจจุบันคอมพิวเตอร์มีความเร็วสูงและมี หน่วยความจำขนาดใหญ่ ทำให้สามารถคำนวณงานต่าง ๆ ด้วยวิธีไฟในท์อิลิเมนท์ได้ง่ายและรวดเร็ว ขึ้น ในปัจจุบันได้มีการนำวิธีไฟในท์อิลิเมนท์มาประยุกต์ใช้กับงานทางด้านวิศวกรรมแทบทุกสาขา ซึ่งระเบียบวิธีนี้จะจัดแบ่งพื้นที่ของปัญหาเป็นชิ้นส่วนย่อยที่ประกอบขึ้นจากจุดต่อ โดยเชื่อมต่อกัน ด้วยกริด สำหรับปัญหา 3 มิตินิยมใช้ชิ้นส่วนย่อยที่เป็นรูปทรงสี่หน้าสี่จุดต่อ (linear tetrahedral) เพื่อ ประมาณโดเมนของปัญหา ซึ่งข้อดีของระเบียบวิธีนี้คือ สามารถหาผลเฉลยรวมไปถึงหาค่าความถึ่ ธรรมชาติของระบบที่มีรูปร่างซับซ้อนได้ดี นอกจากนี้ยังง่ายต่อการกำหนดเงื่อนไขขอบเขตที่อาจมี หลายลักษณะผสมกันอยู่ในระบบ ดังนั้นจึงมีความจำเป็นอย่างยิ่งสำหรับงานวิจัยหม้อแปลง ไพอิโซอิเล็กทริกที่ต้องนำวิธีไฟในท์อิลิเมนท์มาใช้ในการดำเนินการ

1.2 วัตถุประสงค์ของการวิจัย

- เพื่อศึกษาคุณสมบัติและการทำงานของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริก

 เพื่อพัฒนาโปรแกรมไฟในท์อิลิเมนท์ 3 มิติ สำหรับคำนวณหาค่าความถี่ธรรมชาติและ สำหรับคำนวณหาค่าการกระจายตัวของศักย์ไฟฟ้าและการกระจัดเชิงกลได้อย่างถูกต้องและแม่นยำ
 เพื่อคำนวณหากำลังงานสูญเสียและประสิทธิภาพของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริก

1.3 ข้อตกลงเบื้องต้น

- หม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกเป็นแบบวงแหวนแบนอยู่ในสภาพที่สมบูรณ์และแหล่งจ่ายไฟ เป็นรูปคลื่นไซน์ที่สมบูรณ์

- วัสดุที่ใช้ทำหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกมีคุณสมบัติความเป็นไอโซทรอปิก (isotropic) และความเป็นเนื้อเดียวกัน (homogeneous) ประกอบกับหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกทำงานที่ อุณหภูมิห้องคงที่ จึงยังไม่พิจารณาผลจากการขยายตัวของวัสดุ

1.4 ขอบเขตของการวิจัย

- ใช้ MATLAB[™] เพื่อพัฒนาโปรแกรมไฟไนท์อิลิเมนท์สำหรับคำนวณหาความถี่ธรรมชาติ และวิเคราะห์ปัญหาการกระจายตัวของศักย์ไฟฟ้ากับการกระจัดเชิงกลของหม้อแปลงไพอิโซ อิเล็กทริกชนิควงแหวนแบน พร้อมเปรียบเทียบกับผลการทดสอบจริง - พิจารณาหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกชนิดวงแหวนแบน โหมดการทำงานแบบสั่นตามแนว รัศมี

วิธีไฟในท์อิลิเมนท์ที่ใช้ในการวิเคราะห์การกระจายตัวของศักย์ไฟฟ้าและการกระจัด
 เชิงกลเป็นแบบ 3 มิติ

1.5 ประโยชน์ที่ได้รับจากการวิจัย

- สามารถเข้าใจถึงพฤติกรรมการสั่นของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกในช่วงความถี่ปกติและ ช่วงความถี่ธรรมชาติที่ส่งผลต่อค่าศักย์ไฟฟ้าและการกระจัดเชิงกลที่เกิดขึ้น

- ได้หลักการและแนวความคิดสำหรับความถี่ธรรมชาติและการกระจายตัวของค่าศักย์ไฟฟ้า กับการกระจัดเชิงกลที่เกิดขึ้น อันมีผลต่อกำลังงานสูญเสียและประสิทธิภาพของหม้อแปลง ไพอิโซอิเล็กทริก

- ได้โปรแกรมจำลองผลที่เกิดจากการพัฒนาโปรแกรมไฟในท์อิลิเมนท์แบบ 3 มิติ ที่สามารถ นำไปประยุกต์ใช้เข้ากับปัญหาจริงในการวิเคราะห์ความถี่ธรรมชาติและการกระจายตัวของค่า ศักย์ไฟฟ้ากับการกระจัดเชิงกลของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริก

1.6 การจัดรูปเล่มรายงานการวิจัย

รายงานการวิจัยนี้ประกอบด้วย 5 บท และ 1 ภาคผนวก บทที่ 1 เป็นบทนำ กล่าวถึงความ เป็นมาและความสำคัญของปัญหา วัตถุประสงค์และเป้าหมายของงานวิจัย รวมทั้งขอบเขตของ งานวิจัย ส่วนบทอื่นๆ ประกอบด้วยเนื้อหาดังต่อไปนี้

บทที่ 2 มีเนื้อหาว่าด้วยแบบจำลองทางคณิตศาสตร์สำหรับการคำนวณศักย์ไฟฟ้าและการ กระจัดเชิงกลของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกด้วยระเบียบวิธีไฟไนท์อิลิเมนท์แบบ 3 มิติ โดยได้ อธิบายขั้นตอนต่าง ๆ ในการประยุกต์ใช้ระเบียบวิธีไฟไนท์อิลิเมนท์เพื่อคำนวณหาค่าคำนวณ ศักย์ไฟฟ้าและการกระจัดเชิงกลที่กระจาย ณ ตำแหน่งต่างๆของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกชนิด วงแหวนแบน

บทที่ 3 ใด้นำเสนอวิธีคำนวณความถี่ธรรมชาติของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกด้วยวิธี ไฟในท์อิลิเมนท์ โดยได้อธิบายทฤษฎีและขั้นตอนต่างๆในการประยุกต์ใช้ พร้อมแสดงผลความถี่ ธรรมชาติของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกที่ได้จากการทดลองและการกำนวณ

บทที่ 4 อธิบายถึงโปรแกรมที่ใช้ในการวาครูปและสร้างกริดอัติโนมัติประกอบกับโปรแกรม การ จำล องศักย์ ไฟ ฟ้าและการกระ จัดเชิงกลพร้อมแสดงผลการ จำลองหม้อแปลง ไพอิโซอิเล็กทริกแบบ 3 มิติ โดยกล่าวถึงพารามิเตอร์ที่ประยุกต์ใช้ในการจำลองผล รวมถึงอธิบาย โครงสร้างของโปรแกรมจำลองผล ประกอบกับการเปรียบเทียบผลเฉลยค่าศักย์ไฟฟ้าแบบ 3 มิติ จาก การจำลองผลกับการทคลองจริงรวมไปถึงอธิบายทฤษฎีของกำลังงานสูญเสียพร้อมขั้นตอนต่างๆใน การนำไปประยุกต์ใช้ประกอบกับแสดงวิธีการคำนวณกำลังงานสูญเสียของหม้อแปลง ไพอิโซอิเล็กทริกและแสดงผลประสิทธิภาพของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริก

บทที่ 5 เป็นบทสรุปและข้อเสนอแนะ

ส่วนภาคผนวก เป็นการกล่าวถึงผลงานวิจัยที่ได้รับการตีพิมพ์เผยแพร่



บทที่ 2

การคำนวณศักย์ไฟฟ้าและการกระจัดเชิงกลของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกด้วยระเบียบ วิธีไฟไนท์อิลิเมนท์

2.1 บทนำ

ระเบียบวิธีไฟไนท์อิลิเมนท์ (finite element method : FEM) เป็นวิธีที่ใช้ในการหาผลเฉลย แบบประมาณของสมการเชิงอนุพันธ์ย่อย (partial differential equation : PDE) ดังเช่น สมการ ้สนามไฟฟ้า สนามแม่เหล็ก และสมการการกระจายของอุณหภูมิ เป็นต้น ซึ่งเป็นวิธีที่ได้รับความนิยม ้อย่างแพร่หลายในปัจจุบัน เนื่องจากเป็นวิธีที่สามารถวิเคราะห์งานที่มีโครงสร้างซับซ้อน หรือรูปร่าง ้ที่มีลักษณะ โค้งมนได้ อีกทั้งประสิทธิภาพและการประมวลผลที่สูงขึ้นของคอมพิวเตอร์ในปัจจุบัน ้สามารถรองรับการจำลองผลด้วยระเบียบวิธีไฟในท์อิลิเมนท์ได้ นอกจากนี้ในบางระบบที่มีบริเวณที่ ต้องการวิเคราะห์มีพื้นที่ขนาดเล็กมากเมื่อเทียบกับปัญหารวมของระบบที่เป็นพื้นที่ขนาด ใหญ่ ระเบียบวิธีไฟไนท์อิลิเมนท์ก็สามารถแบ่งกริดขนาดเล็กหรือใหญ่ ที่สามารถเชื่อมความสัมพันธ์ ้ของ 2 บริเวณที่มีขนาคแตกต่างกันได้อย่างกรอบกลุมและอิสระอย่างเช่น งานวิจัยนี้ที่พิจารณาก่า ้ศักย์ไฟฟ้าและการกระจัดเชิงกลที่ปรากฏขึ้นรอบตัวหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริก ซึ่งพื้นที่บริเวณ ดังกล่าวมีลักษณะที่โค้งมนแต่ระเบียบวิธีไฟในท์อิลิเมนท์ก็สามารถตึกริดรูปทรงสี่หน้าสำหรับการ ้จำลองผลด้วยระเบียบวิธีไฟไนท์อิลิเมนท์แบบ 3 มิติให้มีขนาดเล็กเหมาะสมเพื่อการวิเคราะห์ภายใน ้บริเวณดังกล่าวให้ได้ค่าผลเฉลยที่มีความแม่นยำได้ ซึ่งระเบียบวิธีไฟไนท์อิลิเมนท์ก็สามารถตึกริดให้ มีขนาดใหญ่เพื่อลดปริมาณของกริดของบริเวณที่ไม่จำเป็นเพื่อช่วยย่นระยะเวลาในการหาผลเฉลยแต่ ยังสามารถรักษาความแม่นยำของผลเฉลยได้เช่นกัน ซึ่งการดำเนินการแบบนี้จะก่อให้เกิดจำนวนอิลิ เมนท์ที่ใช้ในระบบที่ศึกษามีจำนวนไม่มาก และสามารถคำนวณหาผลเฉลย ณ บริเวณที่ต้องการได้ ้อย่างรวดเร็ว รวมทั้งยังสามารถจำลองผลระบบที่มีความแตกต่างกันทางค้านวัสดุได้ ดังนั้นในบทนี้จึง ้ได้นำเสนอแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกและขั้นตอนการจำลองผล ้ด้วยระเบียบวิธีไฟไนท์อิลิเมนท์ พร้อมทั้งประยุกต์ใช้ระเบียบวิธีไฟไนท์อิลิเมนท์แบบ 3 มิติเพื่อใช้ใน การคำนวณหาค่าศักย์ไฟฟ้าและการกระจัดเชิงกลที่กระจายตัวรอบหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกต่อไป

2.2 แบบจำลองทางคณิตศาสตร์ของศักย์ไฟฟ้าและการกระจัดเชิงกลของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริก แบบ 3 มิติ

การทำงานของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริก ซึ่งเป็นการทำงานในลักษณะของไพอิโซ อิเล็กทริกแอคชวลเอเตอร์ที่มีการเปลี่ยนจากพลังงานไฟฟ้าเป็นพลังงานกล (inverse effect) และมีการ ทำงานในลักษณะของไพอิโซอิเล็กทริกทรานสดิวเซอร์ที่มีเปลี่ยนจากพลังงานกลเป็นไฟฟ้า (direct effect) เพราะฉะนั้นแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกจะปรากฏในรูปแบบ ของสมการความสัมพันธ์ระหว่างทางไฟฟ้าและทางกล โดยจะประกอบไปด้วยพารามิเตอร์ทางไฟฟ้า และทางกลได้แก่ ความเค้น (stress tensor: T) ความเครียด (strain tensor: S) สนามไฟฟ้า (electric field: E) และความหนาแน่นฟลักซ์ไฟฟ้า (electric displacement: D) สามารถแสดงด้วยสมการ ความสัมพันธ์ดังนี้ (Joo, Lee, and Jung, 2001)

$$\mathbf{T} = c^E \mathbf{S} - e^T \mathbf{E}$$
(2.1)

$$\mathbf{D} = e\mathbf{S} + \boldsymbol{\varepsilon}^{\mathbf{E}}\mathbf{E} \tag{2.2}$$

เมื่อ *ɛ* คือ เมตริกซ์สภาพยอมทางไฟฟ้าเมื่อความเครียดคงที่ (dielectric permittivity tensor at constant strain) มีค่าเท่ากับ *ɛ,ɛ,*

- c^{E} คือ เมตริกซ์ค่าคงที่เมื่อสนามไฟฟ้าคงที่ (elastic stiffness tensor at constant electric)
- e คือ เมตริกซ์ค่าคงที่ความเค้นของใพอิโซอิเล็กทริก (piezoelectric stress tensor)

ในการคำนวณหาค่าสนามไฟฟ้า E สามารถคำเนินการได้โดยเลี่ยงไปคำนวณหาศักย์ไฟฟ้า Ф ก่อน โดยที่ค่าสนามไฟฟ้า E สามารถคำนวณได้ด้วยเกรเดียนต์ (gradient) ศักย์ไฟฟ้า Ф ซึ่งแสดง ได้ดังนี้

 $\mathbf{E} = -\nabla\Phi \tag{2.3}$

การกำนวณหากวามเกรียด S สามารถกระทำได้โดยผ่านการกระจัดเชิงกล u แสดงได้ดังนี้

$$\mathbf{S} = Bu \tag{2.4}$$

$$B = \begin{bmatrix} \frac{\partial}{\partial x} & 0 & 0 \\ 0 & \frac{\partial}{\partial y} & 0 \\ 0 & 0 & \frac{\partial}{\partial z} \\ 0 & 0 & \frac{\partial}{\partial z} \\ 0 & \frac{\partial}{\partial z} & \frac{\partial}{\partial y} \\ \frac{\partial}{\partial z} & 0 & \frac{\partial}{\partial x} \\ \frac{\partial}{\partial y} & \frac{\partial}{\partial x} & 0 \end{bmatrix}$$

จากกฎข้อ 2 ของนิวตัน (Newton's law) จะได้ว่า

$$\nabla \cdot \mathbf{T} = \rho \frac{\partial^2 \mathbf{u}}{\partial t^2} \tag{2.5}$$

เมื่อ ρ คือ ความหนาแน่นมวลของวัสดุ (mass density) และจากการศึกษาคุณสมบัติจากกฎ ของเกาส์ (Gauss's law) ในรูปอนุพันธ์ความหนาแน่นของฟลักซ์ไฟฟ้า โดยที่การกระจายประจุเชิง ไฟฟ้าเป็นศูนย์ พบว่า

$$(\nabla \cdot \mathbf{D}) = 0 \tag{2.6}$$

แล้วนำสมการที่ (2.5) แทนลงในสมการที่ (2.1) แล้วนำสมการที่ (2.6) แทนลงในสมการ ที่ (2.2) จะได้

$$\rho \frac{\partial^2 \mathbf{u}}{\partial t^2} = \nabla \cdot (c^E \mathbf{S} - e^T \mathbf{E})$$
(2.7)

 $\mathbf{0} = \nabla \cdot (e\mathbf{S} + \varepsilon^s \mathbf{E}) \tag{2.8}$

นำสมการที่ (2.3) และ (2.4) แทนลงในสมการที่ (2.7) และ (2.8) จะได้

$$\rho \frac{\partial^2 \mathbf{u}}{\partial t^2} = \nabla \cdot (c^E B u + e^T \nabla \Phi)$$
(2.9)

$$0 = \nabla \cdot (eBu - \varepsilon^s \nabla \Phi) \tag{2.10}$$

ดังนั้นแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริก ซึ่งจะปรากฏอยู่ในรูป สมการอนุพันธ์ย่อย (partial differential equation: PDE) อันดับสอง สามารถแสดงได้ด้วยสมการที่ (2.11) และ (2.12) ดังนี้

$$c^{E}(\nabla \cdot Bu) - \rho \frac{\partial^{2} \mathbf{u}}{\partial t^{2}} + e^{T}(\nabla \cdot \nabla \Phi) = 0$$
(2.11)

$$e(\nabla \cdot Bu) - \varepsilon^{s} (\nabla \cdot \nabla \Phi) = 0$$
(2.12)

ในกรณีปัญหาที่พิจารณามีการเปลี่ยนแปลงตามเวลาและมีเพียงความถี่เคียว (time harmonic) โดยสามารถแทน **u** อยู่ในรูปของจำนวนเชิงซ้อน $\mathbf{u} = u e^{j \omega t}$ ดังนั้น

$$\frac{\partial^2 \mathbf{u}}{\partial t^2} = -\omega^2 u \tag{2.13}$$

ซึ่ง 🖉 คือความถี่เชิงมุมเมื่อแทนก่าลงในสมการที่ (2.13) จึงได้สมการเป็น

$$c^{E}(\nabla \cdot Bu) + \rho \omega^{2} u + e^{T}(\nabla \cdot \nabla \Phi) = 0$$
(2.14)

$$e(\nabla \cdot Bu) - \varepsilon^{s} (\nabla \cdot \nabla \Phi) = 0 \tag{2.15}$$

การหาผลเฉลยแม่นตรง (exact solution) ของสมการอนุพันธ์ย่อย อันดับที่สองที่ปรากฏใน สมการที่ (2.14) และ (2.15) ซึ่งมีความยากและซับซ้อนอย่างมากในการแก้ปัญหา ดังนั้นงานวิจัยนี้จึง เลือกใช้วิธีไฟในท์อิลิเมนท์ในการหาค่าผลเฉลยโดยประมาณซึ่งเป็นวิธีการคำนวณเชิงตัวเลขที่มี ประสิทธิภาพสูงสุดสำหรับการแก้สมการอนุพันธ์ย่อย

2.3 การคำนวณศักย์ไฟฟ้าและการกระจัดเชิงกลด้วยวิธีไฟในท์อิลิเมนท์

สืบเนื่องจากสมการเชิงอนุพันธ์เพื่อใช้ในการคำนวณหาศักย์ไฟฟ้าและการกระจัดเชิงกลของ หม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกดังแสดงในสมการที่ (2.14) และ (2.15) สำหรับปัญหาในรูปแบบ 3 มิติ นั้นหาผลเฉลยแม่นตรงได้ยากเพราะด้วยเหตุที่ติดอยู่ในรูปสมการเชิงอนุพันธ์ย่อยขนาด 3 มิติดังนั้น การหาค่าผลเฉลยโดยประมาณด้วยระเบียบวิธีไฟในท์อิลิเมนท์จึงถูกนำมาใช้ในการนี้ ซึ่งประกอบไป ด้วยขั้นตอนการดำเนินงานต่าง ๆ ดังนี้

2.3.1 การออกแบบอิลิเมนท์ของพื้นที่ศึกษา

งานวิจัยนี้ได้พิจารณาหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกชนิดวงแหวนแบน (circular ring) ซึ่งเป็นชนิดโหมดการสั่นตามแนวรัศมี โดยมีลักษณะเป็นวงกลมมีเส้นผ่านสูนย์กลาง 30 มิลลิเมตร มี กวามหนา 2.36 มิลลิเมตร ด้านบนของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกจะทาขั้วอิเล็กโทรดตามลาย วงแหวนแบ่งออกเป็น 2 ชั้นโดยชั้นรอบนอกจะทำหน้าที่เป็นขั้วอิเล็กโทรดขาเข้าและชั้นรอบในเป็น ขั้วอิเล็กโทรดขาออกมีขนาดเส้นผ่านสูนย์กลาง 20 มิลลิเมตร โดยมีช่องว่างระหว่างชั้น 1 มิลลิเมตร และด้านล่างจะทาขั้วอิเล็กโทรดเต็มหน้าวงกลม ซึ่งทำหน้าที่เป็นขั้วอิเล็กโทรดกราวค์ สามารถแสดง ได้ดังรูปที่ 2.1 ซึ่งงานวิจัยนี้ได้ศึกษาในรูปแบบ 3 มิติ

สำหรับปัญหาในแบบ 3 มิตินั้น ขั้นตอนแรกจะเริ่มจากการแบ่งปริมาตรของ หม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกออกเป็นอิลิเมนท์รูปทรงสี่หน้าสี่จุดต่อ (tetrahedral elements) โดย สมมติลักษณะการกระจายของผลลัพธ์ โดยประมาณ ณ ตำแหน่งใด ๆ บนอิลิเมนท์เป็นแบบ เชิงเส้น ซึ่งผ่านการเชื่อมต่อกันระหว่างจุดต่อและอิลิเมนท์ต่าง ๆ การออกแบบกริดของหม้อแปลง ไพอิโซอิเล็กทริกเป็นรูปอิลิเมนท์ต่าง ๆ ได้ใช้โปรแกรมสำเร็จรูปที่ชื่อว่า Solidworks โดยเมื่อกำหนด กวามละเอียดของกริดสูงสุดจะมีจำนวนจุดต่อและอิลิเมนท์ที่ใช้ภายในระบบอยู่เป็น จำนวน 11,607 จุดต่อและ 55,406 อิลิเมนท์ ตามลำดับ ตัวอย่างการออกแบบกริดของปัญหาใน แบบ 3 มิติ สามารถแสดงได้ด้วยรูปที่ 2.2 โดยจะแสดงให้เห็นถึงความละเอียดในการออกแบบกริด และในรูปที่ 2.3 จะแสดงภาพการขยายการแบ่งอิลิเมนท์ของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกเพื่อให้เห็น ถึงการเชื่อมต่อระหว่างจุดต่ออย่างชัดเจนยิ่งขึ้น



รูปที่ 2.1 หม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกชนิดวงแหวนแบน



รูปที่ 2.2 การแบ่งอิลิเมนท์และจุดต่อของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกแบบ 3 มิติ



รูปที่ 2.3 ภาพการขยายการแบ่งอิลิเมนท์และการเชื่อมต่อของอิลิเมนท์ต่างๆ

2.3.2 ฟังก์ชันการประมาณภายในอิลิเมนท์แบบ 3 มิติ

การออกแบบอิลิเมนท์นั้นสามารถออกแบบได้หลายรูปแบบ โดยรูปแบบของ อิลิเมนท์ที่แตกต่างกันนี้นำมาซึ่งการเลือกใช้พึงก์ชันการประมาณภายในอิลิเมนท์ที่แตกต่างกันไป ดังนั้นในหัวข้อนี้ได้ทำการพิจารณาพึงก์ชันการประมาณภายในอิลิเมนท์ในรูปแบบทรงสี่หน้าสื่ จุดต่อและแสดงให้เห็นถึงกระบวนการดำเนินงานในการเลือกใช้พึงก์ชันการประมาณภายใน อิลิเมนท์ที่ถูกต้องตามรูปร่างของอิลิเมนท์ที่เลือกใช้

ขั้นตอนนี้เป็นการเลือกรูปแบบของฟังก์ชันการประมาณภายในอิลิเมนท์ โดยเมื่อ สมมติให้ลักษณะการกระจายของผลเฉลยบนอิลิเมนท์เป็นแบบเชิงเส้น ในที่นี้จะขอยกตัวอย่างเมื่อ พิจารณาการกระจายตัวของผลเฉลย A ใดๆ ในระบบพิกัดฉาก 3 มิติ จะได้

$$A(x, y, z) = A_1 N_1 + A_2 N_2 + A_3 N_3 + A_4 N_4$$
(2.16)

สมการที่ (2.16) คือพึงก์ชันรูปร่าง (shape function) ของรูปแบบทรงสี่หน้าสิ่จุดต่อ โดยที่ N_n , n = 1, 2 , 3, 4 คือ พึงก์ชันการประมาณภายในอิลิเมนท์ และ A_n , n = 1, 2, 3, 4 คือ ผลลัพธ์แต่ละจุดต่อ (1, 2, 3, 4) ในแต่ละอิลิเมนท์ โดย

$$N_n = \frac{1}{6V} (a_n + b_n x + c_n y + d_n z) \qquad \text{ind} n = 1, 2, 3, 4 \qquad (2.17)$$

โดยที่

$$a_{1} = x_{4}(y_{2}z_{3} - y_{3}z_{2}) + x_{3}(y_{4}z_{2} - y_{2}z_{4}) + x_{2}(y_{3}z_{4} - y_{4}z_{3})$$

$$a_{2} = x_{4}(y_{3}z_{1} - y_{1}z_{3}) + x_{3}(y_{1}z_{4} - y_{4}z_{1}) + x_{1}(y_{4}z_{3} - y_{3}z_{4})$$

$$a_{3} = x_{4}(y_{1}z_{2} - y_{2}z_{1}) + x_{2}(y_{4}z_{1} - y_{1}z_{4}) + x_{1}(y_{2}z_{4} - y_{4}z_{2})$$

$$a_{4} = x_{3}(y_{2}z_{1} - y_{1}z_{2}) + x_{2}(y_{1}z_{3} - y_{3}z_{1}) + x_{1}(y_{3}z_{2} - y_{2}z_{3})$$

$$b_1 = y_4(z_3 - z_2) + y_3(z_2 - z_4) + y_2(z_4 - z_3)$$

$$b_2 = y_4(z_1 - z_3) + y_1(z_3 - z_4) + y_3(z_4 - z_1)$$

$$b_3 = y_4(z_2 - z_1) + y_2(z_1 - z_4) + y_1(z_4 - z_2)$$

$$b_4 = y_3(z_1 - z_2) + y_1(z_2 - z_3) + y_2(z_3 - z_1)$$

$$c_{1} = x_{4}(z_{2} - z_{3}) + x_{2}(z_{3} - z_{4}) + x_{3}(z_{4} - z_{2})$$

$$c_{2} = x_{4}(z_{3} - z_{1}) + x_{3}(z_{1} - z_{4}) + x_{1}(z_{4} - z_{3})$$

$$c_{3} = x_{4}(z_{1} - z_{2}) + x_{1}(z_{2} - z_{4}) + x_{2}(z_{4} - z_{1})$$

$$c_{4} = x_{3}(z_{2} - z_{1}) + x_{2}(z_{1} - z_{3}) + x_{1}(z_{3} - z_{2})$$

$$d_{1} = x_{4}(y_{3} - y_{2}) + x_{3}(y_{2} - y_{4}) + x_{2}(y_{4} - y_{3})$$

$$d_{2} = x_{4}(y_{1} - y_{3}) + x_{1}(y_{3} - y_{4}) + x_{3}(y_{4} - y_{1})$$

$$d_{3} = x_{4}(y_{2} - y_{1}) + x_{2}(y_{1} - y_{4}) + x_{1}(y_{4} - y_{2})$$

$$d_{4} = x_{3}(y_{1} - y_{2}) + x_{1}(y_{2} - y_{3}) + x_{2}(y_{3} - y_{1})$$

และ V คือปริมาตรของรูปทรงสี่หน้าของแต่ละอิลิเมนท์ ซึ่งหาได้จากดีเทอร์ มิแนนต์ของสัมประสิทธ์ดังนี้

$$V = \frac{1}{6} \begin{vmatrix} 1 & x_1 & y_1 & z_1 \\ 1 & x_2 & y_2 & z_2 \\ 1 & x_3 & y_3 & z_3 \\ 1 & x_4 & y_4 & z_4 \end{vmatrix}$$
(2.18)

2.3.3 การสร้างสมการอิลิเมนท์

งั้นตอนนี้ถือว่าเป็นขั้นตอนที่สำคัญที่สุดของวิธีไฟไนท์อิลิเมนท์ ซึ่งเป็นการสร้าง สมการของอิลิเมนท์ให้สอคคล้องกับสมการเชิงอนุพันธ์ของปัญหาต่าง ๆ สำหรับปัญหาของ ระบบ 3 มิติ ทางระเบียบวิธีไฟในท์อิลิเมนท์จะต้องจัดสมการเชิงอนุพันธ์ของปัญหาให้อยู่ในรูปแบบ ทั่วไป ดังแสดงในสมการที่ (2.14) และ (2.15) ก่อนที่จะเข้าสู่การสร้างสมการของอิลิเมนท์ ดังต่อไปนี้ (Yong, and Cho, 1994)

$$\begin{bmatrix} (K+M)_{11} & (K+M)_{12} \\ (K+M)_{21} & (K+M)_{22} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} U \\ \Phi \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} F \\ Q \end{bmatrix}$$
(2.19)

โดยที่ [U] และ [Φ] คือ ค่าการกระจัดเชิงกลและค่าศักย์ไฟฟ้าซึ่งเป็นตัวที่ไม่ทราบ ค่าในแต่ละจุดต่อ ซึ่งสมการที่ (2.19) นี้ สามารถเขียนขึ้นได้โดยตรงจากสมการเชิงอนุพันธ์ โดยการ ประยุกต์วิธีการถ่วงน้ำหนักเศษตกค้าง (method of weighted residuals) ซึ่งถูกจัดให้เป็นวิธีที่นิยมที่สุด ในการประยุกต์ใช้กับปัญหาต่างๆ ในปัจจุบัน และวิธีนี้ยังสามารถจำแนกแยกย่อยออกไปได้อีกเช่น ใช้วิธีของกาเลอร์คิน (Galerkin) ซึ่งเมตริกซ์ที่เกิดขึ้นจากวิธีนี้ ปกติแล้วจะมีความสมมาตร จึง ก่อให้เกิดประโยชน์อย่างมากในการเขียนโปรแกรมคอมพิวเตอร์เพื่อใช้กับปัญหาขนาดใหญ่

ทย เทเกตบระ เอช นออ เงม เก เนการเงอน เบรแกรมหอมพรรเตอรเพอ เชกบบญหาเงน เต เหญ การสร้างสมการของอิลิเมนท์ด้วยการถ่วงน้ำหนักเศษตกด้างมีหลักการดังนี้คือ หาก แทนผลเฉลย โดยประมาณลงในสมการที่ (2.14) และ (2.15) จะไม่ได้ค่าเท่ากับศูนย์ แต่จะมีค่าเท่ากับ *R* ดังแสดงด้วยสมการที่ (2.20) และ (2.21)

$$c^{E}(\nabla \cdot Bu) + \rho \omega^{2} u + e^{T}(\nabla \cdot \nabla \Phi) = R$$
(2.20)

$$e(\nabla \cdot Bu) - \varepsilon^{s} (\nabla \cdot \nabla \Phi) = R$$
(2.21)

ซึ่ง *R* เรียกว่าเศษตกค้าง (residual) เป็นค่าผิดพลาดที่เกิดขึ้นจากการใช้ผลเฉลยโดยประมาณ ซึ่งไม่ใช่ ผลเฉลยแม่นตรงของปัญหา เศษตกค้าง *R* ที่เกิดขึ้นควรมีค่าต่ำที่สุด เพื่อผลเฉลยโดยประมาณที่ เกิดขึ้นจะมีค่าเที่ยงตรงมากที่สุด และในงานวิจัยนี้ วิธีการถ่วงน้ำหนักเศษตกค้างได้ใช้วิธีของ กาเลอร์กิน (Preston, Reece, and Sangha, 1988) และ (Kim, Kwon, and Park, 1999) วิธีนี้สามารถ กระทำได้โดยการคูณเศษตกค้าง *R* ด้วยฟังก์ชันน้ำหนัก (weighting function: *W*) แล้วอินทิเกรตรอบ ปริมาตรและกำหนดผลที่ได้ให้เท่ากับศูนย์ นั่นคือ

$$\int_{v} W_{n} R dv = 0 \quad , n = 1, 2, 3, 4$$
(2.22)

งานวิจัยนี้เลือกกริดรูปทรงสี่หน้าสี่จุดต่อในการคำนวณ ดังนั้นจุดที่ไม่ทราบค่าจะมี 4 จุดซึ่งได้แก่จุด ต่อทั้งสี่ ดังนั้นจึงต้องการ 4 สมการในการแก้หาจุดที่ไม่ทราบค่า นั้นหมายถึงในสมการ ที่ (2.19) จะต้องมีค่า n = 1, 2, 3, 4 และ โดยปกติจะเลือก $W_n = N_n$ (Lerch, 1990) ซึ่งเรียกว่า บับโนฟ-กาเลอร์คิน (Bubnov-Galerkin) ดังนั้นเมื่อแทนค่า *R* ด้วยสมการ (2.20) และ (2.21) ลงใน สมการที่ (2.22) จะได้

$$\int_{v} \nabla \cdot N_{n} (c^{E} B u) dv + \int_{v} N_{n} (\rho \omega^{2} u) dv + \int_{v} \nabla \cdot N_{n} (e^{T} \nabla \Phi) dv = 0$$
(2.23)

$$\int_{v} \nabla \cdot N_{n}(eBu) dv - \int_{v} \nabla \cdot N_{n}(\varepsilon^{s} \nabla \Phi) dv = 0$$
(2.24)

และจากสมการที่ (2.3) เขียนในรูปใหม่จะได้ (Safari, and Akdogan, 2008)

$$\mathbf{E} = -\nabla \Phi = -\left[\nabla N_1 \quad \nabla N_2 \dots \nabla N_n\right] \Phi$$
(2.25)

เมื่อ n คือ จำนวนจุดต่อที่อยู่ในอิลิเมนท์และจากสมการที่ (2.25) สามารถเขียนเป็น

$$\mathbf{E} = -\left[B_{\Phi}\right] \mathbf{\Phi}$$

$$\left[B_{\Phi}\right] = \begin{bmatrix} \frac{\partial N_{n}}{\partial x} \\ \frac{\partial N_{n}}{\partial y} \\ \frac{\partial N_{n}}{\partial z} \end{bmatrix}$$

$$(2.26)$$

$$(2.27)$$

โดยที่

ແລະ

$$\frac{\partial N_n}{\partial x} = \frac{b_n}{6V} \tag{2.28}$$

$$\frac{\partial N_n}{\partial y} = \frac{c_n}{6V} \tag{2.29}$$

$$\frac{\partial N_n}{\partial z} = \frac{d_n}{6V} \tag{2.30}$$

เมื่อ n = 1, 2, 3, 4 ดังนั้นสามารถเขียนสมการที่ (2.31) ได้ดังนี้

$$\begin{bmatrix} B_{\Phi} \end{bmatrix} = \frac{1}{6V} \begin{bmatrix} b_1 & b_2 & b_3 & b_4 \\ c_1 & c_2 & c_3 & c_4 \\ d_1 & d_2 & d_3 & d_4 \end{bmatrix}_{3X4}$$
(2.31)

และจากสมการที่ (2.4) สามารถเขียนในรูปใหม่แสดงได้ดังนี้

$$S = [B]u = [B_u]U \tag{2.32}$$

$$\begin{bmatrix} B_u \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \frac{\partial N_n}{\partial x} & 0 & 0 \\ 0 & \frac{\partial N_n}{\partial y} & 0 \\ 0 & 0 & \frac{\partial N_n}{\partial z} \\ 0 & \frac{\partial N_n}{\partial z} & \frac{\partial N_n}{\partial y} \\ \frac{\partial N_n}{\partial z} & 0 & \frac{\partial N_n}{\partial x} \\ \frac{\partial N_n}{\partial y} & \frac{\partial N_n}{\partial x} & 0 \end{bmatrix}$$
(2.33)

โดยที่

เมื่อ *n = 1, 2, 3, 4* และแทนสมการที่ (2.28), (2.29) และ (2.30) ในสมการที่ (2.33) ได้ดังนี้

$$\begin{bmatrix} B_{u} \end{bmatrix} = \frac{1}{6V} \begin{bmatrix} b_{1} & 0 & 0 & b_{2} & 0 & 0 & b_{3} & 0 & 0 & b_{4} & 0 & 0 \\ 0 & c_{1} & 0 & 0 & c_{2} & 0 & 0 & c_{3} & 0 & 0 & c_{4} & 0 \\ 0 & 0 & d_{1} & 0 & 0 & d_{2} & 0 & 0 & d_{3} & 0 & 0 & d_{4} \\ 0 & d_{1} & c_{1} & 0 & d_{2} & c_{2} & 0 & d_{3} & c_{3} & 0 & d_{4} & c_{4} \\ d_{1} & 0 & b_{1} & d_{2} & 0 & b_{2} & d_{3} & 0 & b_{3} & d_{4} & 0 & b_{4} \\ c_{1} & b_{1} & 0 & c_{2} & b_{2} & 0 & c_{3} & b_{3} & 0 & c_{4} & b_{4} \\ \end{bmatrix}_{6X12}$$
(2.34)

แทนค่าทั้งหมดถงในสมการที่ (2.23) และ (2.24) จะได้

$$\int_{V} \frac{1}{36V^{2}} [B_{u}]^{T} [c^{E}] [B_{u}] U dv + \int_{V} \rho \omega^{2} [N]^{T} [N] U dv + \int_{V} \frac{1}{36V^{2}} [B_{u}]^{T} [e^{T}] [B_{\Phi}] \Phi dv = 0$$
(2.35)

$$\int_{v} \frac{1}{36V^{2}} [B_{\Phi}]^{T} [e] [B_{u}] U dv - \int_{v} \frac{1}{36V^{2}} [B_{\Phi}]^{T} [\varepsilon^{s}] [B_{\Phi}] \Phi dv = 0$$
(2.36)

โดยเมื่อดำเนินการอินทิเกรตสมบูรณ์แล้วจะได้ผลลัพธ์เป็นสมการเชิงเส้น ซึ่งแสดงอยู่ในรูปของ เมตริกซ์ได้ดังนี้ (Yong, 1993)

$$\begin{bmatrix} [K_{uu}] - \omega^2 [M] & [K_{u\Phi}] \\ [K_{u\Phi}]^T & [K_{\Phi\Phi}] \end{bmatrix}_{16X16} \begin{bmatrix} U \\ \Phi \end{bmatrix}_{16X1} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix}_{16X1}$$
(2.37)

โดยที่

$$[K_{uu}]_{12X12} = \frac{1}{36V^2} [B_u]^T [c^E] [B_u] \int_V dv = \frac{1}{36V} [B_u]^T [c^E] [B_u]$$
(2.38)

$$[K_{u\Phi}]_{12X4} = \frac{1}{36V^2} [B_u]^T [e]^T [B_{\Phi}] \int_V dv = \frac{1}{36V} [B_u]^T [e]^T [B_{\Phi}]$$
(2.39)

$$[K_{\Phi\Phi}]_{4X4} = \frac{1}{36V^2} [B_{\Phi}]^T [-\varepsilon^s] [B_{\Phi}]_V \int_V dv = \frac{1}{36V} [B_{\Phi}]^T [-\varepsilon^s] [B_{\Phi}]$$
(2.40)

$$[M]_{12X12} = \int_{v} (-\rho)[N]^{T} [N] dv$$
(2.41)

จากสมการที่ (2.41) ถ้ากำหนดให้ ho เป็นค่าคงที่ภายในแต่ละอิลิเมนท์จะได้

$$[M]_{12X12} = (-\rho) \int_{v} \begin{bmatrix} N_{1} \\ N_{2} \\ N_{3} \\ \vdots \\ N_{12} \end{bmatrix}_{12X1}} [N_{1} \ N_{2} \ N_{3} \ . \ N_{12}]_{1X12} dv$$

$$\begin{bmatrix} M \end{bmatrix}_{12X12} = (-\rho) \int_{v} \begin{bmatrix} N_{1}^{2} & N_{1}N_{2} & N_{1}N_{3} & \dots & N_{1}N_{12} \\ N_{2}N_{1} & N_{2}^{2} & N_{2}N_{3} & \dots & N_{2}N_{12} \\ N_{3}N_{1} & N_{3}N_{2} & N_{3}^{2} & \dots & N_{3}N_{12} \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ N_{12}N_{1} & N_{12}N_{2} & N_{12}N_{3} & \dots & N_{12}^{2} \end{bmatrix}_{12X12} dv \quad (2.42)$$

ใช้สูตรเชิงตัวประกอบ (factorial formula) ในการประมาณการอินทิเกรทตลอด ปริมาตรดังสมการที่ (2.43) เพราะเนื่องจาก $N_1 = L_1, N_2 = L_2, N_3 = L_3, ..., N_{12} = L_{12}$ จะได้

$$\int_{v} L_{1}^{a} L_{2}^{b} L_{3}^{c}, \dots, L_{12}^{l} dv = \frac{a! b! c!, \dots, l!}{(a+b+c+, \dots, +l+3)!} 6V$$
(2.43)

จากสมการที่ (2.42) สามารถพิจารณาแยกเป็น 2 กรณี คือ $L_n = L_m$ และ $L_n \neq L_m$ ในกรณี $L_n = L_m$ จะขอยกตัวอย่างการพิจารณาจุดต่อที่ 1 ของรูปทรงสี่หน้าจะได้ a = 2และนอกนั้นจะมีค่าเป็นศูนย์ ดังนั้นจากสมการที่ (2.43) จะได้

$$\int_{v} L_{1}^{2} dv = \frac{2!0!0!, \dots, 0!}{(2+0+0+, \dots, +0+3)!} 6V$$

$$= \frac{12V}{5!} = \frac{2V}{20}$$
(2.44)

ในกรณีที่ $L_n \neq L_m$ จะขอยกตัวอย่างการพิจารณาจุดต่อที่ 1 และ 2 ของรูปทรงสี่หน้า จะได้ *a* = *b* =1 และนอกนั้นจะมีค่าเป็นศูนย์ ดังนั้นจากสมการที่ (2.43) จะได้

$$\int_{v} L_{1}^{1} L_{2}^{1} dv = \frac{1!!!0!, \dots, 0!}{(1+1+0+, \dots, +0+3)!} 6V$$

$$= \frac{6V}{5!} = \frac{V}{20}$$
(2.45)

ที่จุดต่ออื่น ๆ ของรูปทรงสี่หน้าก็พิจารณาในลักษณะเช่นเดียวกัน ดังนั้นจากสมการที่ (2.42) จะได้

$$[M]_{12X12} = \frac{(-\rho)V}{20} \begin{bmatrix} 2 & 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & . & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & . & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 2 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 2 \end{bmatrix}_{12X12}$$
(2.46)

2.3.4 การประกอบสมการอิลิเมนท์ขึ้นเป็นระบบ

ขั้นตอนนี้เป็นการนำสมการของแต่ละอิลิเมนท์ที่ได้มาประกอบกันเป็นสมการรวม ของระบบ โดยจากขั้นตอนในหัวข้อที่ 2.3.1 หากเราแบ่งลักษณะรูปร่างของปัญหาออกเป็นอิลิเมนท์ ย่อยซึ่งประกอบด้วย n จุดต่อ จะก่อให้เกิดระบบสมการรวมซึ่งประกอบด้วยสมการย่อยจำนวนทั้งสิ้น 4xn สมการดังนั้นจึงได้สมการรวมสำหรับการจำลองผลก่าของศักย์ไฟฟ้าและการกระจัดเชิงกลของ งานวิจัยนี้ในรูปสมการเชิงเส้นคือ

11 . 11

$$\begin{bmatrix} [K_{uu}] - \omega^2 [M] & [K_{u\Phi}] \\ [K_{u\Phi}]^T & [K_{\Phi\Phi}] \end{bmatrix}_{4nX4n} \begin{bmatrix} U \\ \Phi \end{bmatrix}_{4nX1} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \end{bmatrix}_{4nX1}$$
(2.47)

เมื่อ	К ,М	คือ ค่าสัมประสิทธิ์ของระบบรวม
	U	คือ ค่าศักย์ไฟฟ้าที่ไม่ทราบค่า ณ ตำแหน่งจุดต่อต่าง ๆ
	Φ	คือ ค่าการกระจัดเชิงกลที่ไม่ทราบค่า ณ ตำแหน่งจุดต่อต่าง ๆ
		The second

2.3.5 การประยุกต์เงื่อนไขขอบเขตพร้อมหาค่าผลเฉลย

สำหรับขั้นตอนการประยุกต์เงื่อนไขขอบเขตในงานวิจัยนี้จะมีทั้งหมดอยู่ 2 บริเวณที่ กำหนดเงื่อนไขค่าขอบเขต คือ ศักย์ไฟฟ้าบริเวณขั้วอิเล็ก โทรดขาเข้าและศักย์ไฟฟ้าบริเวณขั้ว อิเล็ก โทรดของกราวด์ โดยค่าศักย์ไฟฟ้าที่บริเวณดังกล่าวและค่ากงที่วัสดุต่างๆของหม้อแปลงไพอิ โซอิเล็กทริกรุ่น PZT-840 สามารถสรุปเป็นตารางที่ 2.1 ดังนี้ (Buchanan, and Peddieson, 1989) และ (Henderson, 2002)

d	○ ♂	9 7 I	N 93	AG A	ส่ดขด	0
ตารางที่ 2.1	พารามเตอรขอ	งหม้อแปลง	เไพอไๆ	ชอเลกทร	กที่ใช้ไ	นการจำลองผล

พารามิเตอร์	ค่า			
สักย์ไฟฟ้าบริเวณขั้วอิเล็กโทรดขาเข้า	50 V			
ศักย์ไฟฟ้าบริเวณขั้วอิเล็ก โทรดของกราวด์	0 V			
เมตริกซ์ก่ากงที่เมื่อสนามไฟฟ้ากงที่ (c ^ะ)				
	$\begin{bmatrix} 13.9 & 7.78 & 7.43 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 13.9 & 7.43 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 11.5 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 2.56 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 2.56 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 3.06 \end{bmatrix} \times 10^{10} N/m^2$			
เมตริกซ์สภาพยอมทางไฟฟ้าเมื่อความเครียด				
คงที่ (ะ)	$\begin{bmatrix} 13.05 & 0 & 0 \\ 0 & 13.05 & 0 \\ 0 & 0 & 11.51 \end{bmatrix} \times 10^{-9} F / m^2$			
เมตริกซ์ค่าคงที่ความเค้นของไพอิโซ				
อิเล็กทริก (e)	$\begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 12.7 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 12.7 & 0 & 0 \\ -5.2 & -5.2 & 15.1 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} C/m^2$			
สภาพยอมทางไฟฟ้าของสุญญากาศ ($arepsilon_{m{k}}$	8.854x10 ⁻¹² F/m			
ความหนาแน่นมวลของวัสคุ ($ ho$)	7600 Kg / m^3			

หลังจากประยุกต์เงื่อนไขค่าขอบเขตให้กับระบบแล้ว ก็คำเนินการหาค่าศักย์ไฟฟ้า

และการกระจัดเชิงกล ณ จุดต่อต่าง ๆ ของระบบสมการเชิงเส้นต่อไป

2.4 สรุป

ในบทนี้ได้นำเสนอแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกสำหรับ คำนวณหาค่าศักย์ไฟฟ้าและการกระจัดเชิงกลซึ่งแบบจำลองทางคณิตศาสตร์จะปรากฎอยู่ในรูปของ สมการอนุพันธ์ย่อยอันดับสอง การประยุกต์ใช้วิธีไฟไนท์อิลิเมนท์ในแบบ 3 มิติเพื่อคำนวณหาค่า ศักย์ไฟฟ้าและการกระจัดเชิงกล ได้ใช้วิธีการถ่วงน้ำหนักเศษตกค้างของกาเลอร์คิน โดยรายละเอียด ต่าง ๆ ในบทนี้ จะนำไปสู่การพัฒนาโปรแกรมไฟไนท์อิลิเมนท์เพื่อใช้เป็นโปรแกรมจำลองผลระบบ ที่จะได้กล่าวถึงในบทที่ 4 ต่อไป



บทที่ 3 ความถี่ธรรมชาติของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริก

3.1 บทนำ

หม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกเป็นอุปกรณ์ทางด้านอิเล็กทรอนิกส์ที่ใช้เชื่อมโยงระหว่างระบบ ไฟฟ้าที่มีศักย์ไฟฟ้าที่ต่างกัน ซึ่งมีหลักการทำงานโดยทางด้านขาเข้าจะแปลงพลังงานไฟฟ้าให้เป็น พลังงานกลก่อน แล้วจึงแปลงพลังงานกลที่ได้มานั้นกลับเป็นพลังงานไฟฟ้าอีกครั้งทางด้านขาออก ซึ่งจะส่งถ่ายพลังงานทางกลในรูปแบบของการสั่นสะเทือน โดยจะมีช่วงการทำงานที่เรียกว่า ช่วง ความถี่ธรรมชาติ เพราะฉะนั้นแล้วจึงมีความจำเป็นที่จะต้องศึกษาถึงความถี่ธรรมชาติ โดยในบทที่ 3 นี้จะกล่าวถึงวิธีการกำนวณความถี่ธรรมชาติของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกด้วยวิธีค่าเจาะจง เนื่องจากวิธีก่าเจาะจงนี้เป็นวิธีที่นิยมใช้ในการหาค่าความถี่ธรรมชาติแล้วยังเป็นวิธีที่สามารถใช้ ร่วมกับวิธีไฟไนท์อิลิเมนท์ได้ สำหรับการคำนวณจะใช้โปรแกรม MATLAB[™] ที่พัฒนาขึ้นเอง ประกอบกับเปรียบเทียบผลความถี่ธรรมชาติจากการกำนวณด้วยวิธีไฟไนท์อิลิเมนท์และผลความถี่ ธรรมชาติที่จากการทดสอบจริงเพื่อยืนยันความถูกต้องของโปรแกรม

3.2 ความถี่ธรรมชาติ

การสั่นสะเทือน คือ ปรากฏการณ์ของการเคลื่อนที่กลับไปกลับมาของวัตถุจากอิทธิพลของ แรงที่มีลักษณะเป็นคาบมากระทำต่อวัตถุ ซึ่งวัตถุส่วนใหญ่แล้วจะมีการสั่นสะเทือนเกิดขึ้นอยู่เสมอ และในบางครั้งก็ไม่สามารถหลีกเลี่ยงไม่ให้เกิดการสั่นสะเทือนขึ้นได้ การสั่นสะเทือนที่เกิดขึ้นนั้น อาจทำให้ชิ้นงานเกิดอาการล้า (fatigue) แล้วการสั่นสะเทือนจังกล่าวนั้นอาจจะมีรูปร่างที่แน่นอน หรือไม่แน่นอนก็ได้ ซึ่งปกติแล้วการสั่นสะเทือนสามารถแบ่งออกเป็นสองกรณีด้วยกัน โดยการ สั่นสะเทือนอย่างแรกนั้นอาจจะเป็นแรงกระทำมาจากภายในที่เกิดขึ้นเมื่อมีแรงมากระทำกับวัตถุเพียง ครั้งเดียวแล้วปล่อยให้วัตถุเคลื่อนไหวอย่างอิสระด้วยแรงที่มีอยู่กายในวัตถุ ซึ่งเรียกการสั่นสะเทือน แบบนี้ว่า การสั่นสะเทือนแบบอิสระ (free vibration) โดยจะสั่นสะเทือนด้วยความถี่ธรรมชาติ (natural frequency) ซึ่งอาจจะมีความถี่เดียวหรือหลายความถี่ก็ได้ ทั้งนี้ขึ้นอยู่กับธรรมชาติของระบบ และสำหรับกรณีที่มีแรงกระทำที่มาจากภายนอกมากระทำกับวัตถุในหลายๆครั้งจะก่อให้เกิดการ สั่นสะเทือนแบบบังกับ (forced vibration) โดยการสั่นสะเทือนที่เกิดขึ้นนั้นจะสั่นสะเทือนด้วยความถี่ ที่เท่ากับความถิ่ของแรงภายนอกที่มากระทำและทำให้ระบบเกิดการสั่นสะเทือนกลับไปกลับมา ถ้า ความถี่ของแรงภายนอกที่มากระทำเท่ากับความถิ่ธรรมชาติของวัตถุ จะส่งผลทำให้แอมปลิจูด (amplitude) การสั่นสะเทือนงองวัตถุมีมากกว่าปกดิ โดยเรียกปรากฏการณ์ที่เกิดขึ้นนี้ว่า การสั่นส้ง หรือเรโซแนนซ์ (resonance) ซึ่งทำให้ขนาดของการสั่นสะเทือนนั้นเกิดการขยายมากขึ้นจนทำให้เกิด ความเสียหายแก่ระบบได้

3.3 วิธีการหาค่าความถี่ธรรมชาติของหม้อแปลงใพอิโซอิเล็กทริก

ตามปกติวัตถุทุกชนิดที่สั่นสะเทือนหรือโยกตัวได้ จะมีความถี่ธรรมชาติของตัวเองอยู่แล้ว และจะสั่นสะเทือนด้วยความถี่เฉพาะตัวที่ความถี่นี้เท่านั้น ซึ่งเมื่อมีการถ่ายแรงที่มากพอเข้าไปที่ วัตถุๆนั้นก็จะสั่นสะเทือนด้วยความถี่ธรรมชาติของตนเองออกมาโดยประกอบกับที่หม้อแปลง ไพอิโซอิเล็กทริกนั้นทำงานด้วยการสั่นสะเทือน ดังนั้นจึงต้องศึกษาเกี่ยวกับความถี่ธรรมชาติของ หม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกเป็นอย่างมาก เพื่อที่จะสามารถทำนายช่วงการทำงานสำหรับการหา

ความถี่ธรรมชาติของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกในงานวิจัยนี้จะมี 2 วิธีหลักๆดังต่อไปนี้ 1. วิธีแรกสามารถหาได้จากการวัดอัตราการขยายศักย์ไฟฟ้าของหม้อแปลงไพอิโซ อิเล็กทริกเมื่อทำการทดสอบจริง โดยจะปรับค่าความถี่ที่ป้อนให้กับทางด้านศักย์ไฟฟ้าขาเข้าและมี ความต้านทานมาต่อขนานกับหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกทางด้านศักย์ไฟฟ้าขาออก แล้วจะสังเกต ถึงอัตราการขยายศักย์ไฟฟ้าของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริก ซึ่งถ้าอัตราการขยายศักย์ไฟฟ้ามีก่าสูง มากขึ้นและลดลงจนกงที่ แสดงว่าช่วงกวามถี่ที่ทำให้อัตราการขยายศักย์ไฟฟ้าสูงมากขึ้นและลดลง นั้นคือ ช่วงกวามถี่ธรรมชาติของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกโดยจะอธิบายวิธีทางการทดลองไว้อย่าง ละเอียดในหัวข้อที่ 3.5

2. วิธีที่สองในการหาค่าความถี่ธรรมชาตินั้นเป็นการหาจากการคำนวณทางคณิตศาสตร์ ซึ่งถ้า เป็นในกรณีที่ระบบเป็นแบบง่ายๆ ก็จะสามารถคำนวณได้แบบไม่ซับซ้อน แต่ถ้าเป็นในกรณีที่ระบบ มีความซับซ้อนมากๆ การคำเนินการจะทำได้ค่อนข้างยากเพราะต้องคำนวณระบบที่เป็นเมตริกซ์ โดย ในปัจจุบันได้มีวิธีไฟในท์อิลิเมนท์ที่สามารถคำนวณหาความถี่ธรรมชาติของระบบที่เป็นเมตริกซ์ได้ ในการจำลองหาความถี่ธรรมชาติของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกนั้นจะประยุกต์ใช้วิธีค่าเจาะจง (eigenvalue) เนื่องจากวิธีค่าเจาะจงนี้สามารถใช้ร่วมกับวิธีไฟในท์อิลิเมนท์ได้

วิธีก่าเจาะจง (eigenvalue technique) จะศึกษาการเกิดปรากฏการณ์การสั่นพ้องโดยใช้วิธีแปลง ระบบให้อยู่ในรูปของแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ ซึ่งในที่นี้จะใช้สมการเชิงอนุพันธ์ย่อยในการหา ก่ากวามถี่ธรรมชาติ โดยการนำก่าคุณสมบัติของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกมาจัดรูปแบบสมการ แบบเมตริกซ์ แล้วแก้สมการแบบวิธีก่าเจาะจงเพื่อหากวามถี่ธรรมชาติที่จะทำให้หม้อแปลง ไพอิโซอิเล็กทริกนั้นสามารถสั่นสะเทือนและทำงานได้ ซึ่งวิธีนี้เป็นวิธีที่มีประสิทธิภาพสำหรับการ หาก่ากวามถี่ธรรมชาติ แต่มีข้อเสียคือต้องมีกวามชำนาญในการใช้โปรแกรมทางคณิตศาสตร์และ ต้องการข้อมูลของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกที่มีกวามละเอียดและมีกวามซับซ้อนในการแก้สมการ ที่เป็นแบบเมตริกซ์เพื่อหาค่าเจาะจงและในการพิจารณาไม่สามารถนำผลของความไม่เป็นเชิงเส้น (nonlinear) ในระบบมาใช้ได้

3.4 การคำนวณความถี่ธรรมชาติด้วยวิธีค่าเจาะจง

ในการศึกษาเรื่องการสั่นสะเทือนทางวิศวกรรมมักจะเกี่ยวข้องกับการสร้างแบบจำลองทาง กณิตศาสตร์ เพื่อแทนสิ่งที่มีอยู่จริงทางกายภาพ โดยสร้างแบบจำลองที่มีพฤติกรรมคล้ายกับระบบ จริงให้มากที่สุด เพื่อให้สมการทางคณิตศาสตร์ที่ได้นั้นสามารถแทนการสั่นสะเทือนของระบบได้ อย่างถูกต้องดังแสดงในรูปที่ 3.1 ซึ่งหลังจากที่ได้สร้างแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ขึ้นแล้ว ขั้นตอน ต่อมาคือการหาสมการการเคลื่อนที่ของแบบจำลองที่สร้างขึ้นมา หลังจากนั้นจึงทำการหาผลเฉลย ของสมการการเคลื่อนที่แล้วนำผลที่ได้มาทำการวิเคราะห์เพื่อหาความถี่ธรรมชาติรวมไปถึง คุณลักษณะต่างๆของแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ โดยนอกจากนี้แล้วยังสามารถนำแบบจำลองของ ระบบไปพัฒนาสำหรับแก้ไขปัญหาในรูปแบบที่คล้ายกันได้ ซึ่งการวิเคราะห์ปัญหาการเคลื่อนที่ สามารถทำได้โดยการเปลี่ยนสมการเชิงอนุพันธ์ของการเคลื่อนที่ ดังแสดงในสมการที่ (3.1) ให้เป็น การแก้ปัญหาค่าเจาะจง (eigenvalue problem) แล้วสามารถนำค่าที่ได้ไปหาเวกเตอร์เจาะจง (eigenvector) เพื่อใช้ในการศึกษารูปแบบของการสั่นสะเทือนได้



รูปที่ 3.1 แบบจำลองทางกายภาพของระบบสั่นสะเทือน

รูปที่ 3.1 เป็นรูปแบบจำลองทางกายภาพของการสั่นสะเทือน โดยสำหรับการหาความถี่ ธรรมชาติของระบบนี้จะปรับให้อยู่ในรูปของแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ของสมการการสั่นสะเทือน ดังสมการที่ (3.1)

$$[M]\{\dot{u}\} + [C]\{\dot{u}\} + [K]\{u\} = [F]$$
(3.1)

- โดยที่ [M] คือ เมตริกซ์มวล (mass matrix)
 - [C] คือ เมตริกซ์ความหน่วง (damping matrix)
 - [K] คือ เมตริกซ์ความยืดหยุ่น (stiffness matrix)
 - [F] คือ แรงที่มากระทำ
 - *น*ี คือ ความเร่ง
 - *น*๋ คือ ความเร็ว
 - *u* คือ การกระจัดเชิงกล

โดยจากสมการ (3.1) นั้นสามารถลดรูปสมการลงได้ในกรณีที่ไม่คิดความหน่วงของวัตถุ และไม่มีแรงภายนอกมากระทำ โดยสมการเชิงอนุพันธ์ของการเคลื่อนที่ของระบบเมื่อลดรูปแล้วจะ อยู่ในรูปแบบจำลองดังนี้

$$[M]\{\ddot{u}\} + [K]\{u\} = 0 \tag{3.2}$$

สำหรับปัญหาที่มีการเปลี่ยนแปลงตามเวลา สามารถแทน *u* ให้อยู่ในรูปของ {*u*} = {*φ*}sin *ω*t เมื่อ {*φ*} คือเวกเตอร์ค่าเจาะจงและ *ω* คือความถี่เชิงมุม เมื่อพิจารณาปัญหาค่า เจาะจงจะมีสมการเป็น

$$([K] - \omega^2[M])\{\phi\} = 0$$
(3.3)

การแก้ปัญหาก่าเจาะจงนั้นมีหลายวิธีแต่ในที่นี้จะใช้วิธีเชิงธาตุมูล (elementary method) สามารถเขียน ในรูปแบบมาตรฐานโดยกำหนดให้ $\lambda=\omega^2$ จะได้

$$([K] - \lambda[M]) \{\phi\} = 0 \tag{3.4}$$

หลังจากนั้นคูณด้วย $[M]^{-1}$ จะได้

$$[M]^{-1}([K] - \lambda[M])\{\phi\} = 0$$

$$([M]^{-1}[K] - \lambda[M]^{-1}[M])\{\phi\} = 0$$

$$([M]^{-1}[K] - \lambda[I])\{\phi\} = 0$$
(3.5)

เมื่อ [I] เป็นเมตริกซ์เอกลักษณ์ (identity matrix) และกำหนดให้ $[A] = [M]^{-1}[K]$ จะได้

$$([A] - \lambda[I])\{\phi\} = 0 \text{ หรือ } \lambda[I]\{\phi\} = [A]\{\phi\}$$
(3.6)

เนื่องจาก {\$\phi\$} เป็นผลเฉลยที่ทำให้สมการมีได้หลายคำตอบ ดังนั้นเรียกปัญหาแบบนี้ว่า ปัญหาค่า เจาะจงมาตรฐานซึ่งคือตัวกำหนดของสมการลักษณะเฉพาะ โดยจะต้องมีค่าเป็นศูนย์และค่าเจาะจง สามารถหาได้ดังนี้

$$\det([A] - \lambda[I]) = 0 \tag{3.7}$$

สมการ (3.7) เรียกว่า สมการลักษณะเฉพาะหรือสมการความถี่และเรียกแต่ละรากของ λ จากสมการ ความถี่ว่า ค่าเจาะจง เมื่อรู้ค่าเจาะจงแต่ละค่าก็จะสามารถหาค่าความถี่ธรรมชาติแต่ละค่าที่สอดคล้อง กับค่าเจาะจงได้ โดยหาจาก $\lambda = \omega^2$ และเมื่อแทนค่าเจาะจงลงในสมการ ([A] – $\lambda[I]$) $\{\phi\} = 0$ ก็จะ ได้เวกเตอร์เจาะจง

หลังจากนั้นนำหลักการดังกล่าวมาใช้กับหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริก โดยการนำแบบจำลอง ของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกที่ ได้จากวิธีไฟ ในท์อิลิเมนท์มาประยุกต์ใช้กับวิธี เชิงธาตุมูลสำหรับการหาค่าเจาะจงโดยที่เมตริกซ์กวามยืดหยุ่น [K] และเมตริกซ์มวล [M] ใน สมการ (3.3) คือ เมตริกซ์กวามยืดหยุ่นของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริก [K_{uu}] และเมตริกซ์มวลของ หม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริก [M]ในแบบจำลองไฟในท์อิลิเมนท์ของหม้อแปลงไพอิโซ อิเล็กทริกจากสมการที่ (2.37) ในบทที่ 2 แล้วนำสมการดังกล่าวมาจัดให้อยู่ในรูปแบบของสมการ สำหรับหาค่าความถี่ธรรมชาติได้ดังนี้

$$\det([K_{uu}] - \omega^2[M]) = 0$$
(3.7)

้โดยที่ ω คือค่าเจาะจงและสามารถหาค่าความถี่ธรรมชาติได้ดังนี้

$$f_i = \frac{\omega_i}{2\pi} \tag{3.8}$$

เมื่อ f_i คือ ความถี่ธรรมชาติของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกและ i คือลำดับของความถี่ธรรมชาติ

3.5 ผลการวัดความถี่ธรรมชาติและค่าศักย์ไฟฟ้าของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริก

โดยในงานวิจัยนี้ได้ศึกษาหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกชนิดวงแหวนแบนโหมดการสั่นตาม แนวรัศมี สำหรับการทดสอบเพื่อหาความถี่ธรรมชาติของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกนั้น สามารถ ดำเนินการได้จากการให้แรงดันไฟฟ้าทางด้านขาเข้ากับหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกอย่างคงที่ โดยมี กวามด้านทานต่อขนานกับหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกทางด้านขาออก แล้วทำการปรับค่าความถี่ที่ ป้อนให้กับทางด้านขาเข้าในช่วงกวามถี่ระหว่าง 0-100 kHz หลังจากนั้นทำการวัดค่าแรงดันไฟฟ้า ทางด้าน ขาเข้าประกอบกับ วัดแรงดัน ไฟ ฟ้าทางด้าน ขาออกของหม้อแปลงไพอิโซ อิเล็กทริก แล้วจึงหาอัตราส่วนระหว่างค่าแรงดันไฟฟ้าทางด้านขาออกเทียบกับแรงดันไฟฟ้าทางด้าน ขาเข้า โดยที่แรงดันไฟฟ้าทางด้านขาเข้านั้นจะมีค่าคงที่อยู่เสมอ สำหรับวิธีการทดสอบเพื่อหากวามถี่ ธรรมชาติของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกนั้นสามารถแสดงได้ดังรูปที่ 3.2



รูปที่ 3.2 การทคสอบหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกชนิคการสั่นตามแนวรัศมีเพื่อ หาค่าความถี่ธรรมชาติ

และสำหรับวงจรการทดลองเพื่อหาค่าความถี่ธรรมชาตินั้นสามารถแสดงได้เป็นแผนภาพดังรูปที่ 3.3 โดยในรูปที่ 3.3 นั้นจะประกอบไปด้วย 1.แหล่งจ่ายไฟฟ้ากระแสสลับ 2.วงจรเรียงไฟฟ้ากระแสสลับ เป็นไฟฟ้ากระแสตรง 3.วงจรควบคุมความถี่ปฏิบัติการและภาคควบคุมแรงดันไฟฟ้าที่ใช้ในการขับ มอสเฟตรวมกัน 4.วงจรอินเวอร์เตอร์แบบครึ่งคลื่น 5.หม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกชนิดวงแหวนแบน โหมดการสั่นตามแนวรัศมี 6.โหลด (หลอดไฟฟลูออเรสเซนต์ 36 W 1345 **Ω**) พร้อมแสดงผลการ ทดสอบเพื่อหาค่าอัตราการขยายของค่าศักย์ไฟฟ้าในช่วงความถี่ต่างๆได้เป็นลักษณะของกราฟได้ดัง รูปที่ 3.4



รูปที่ 3.3 แผนภาพวงจรการทคลองเพื่อหาค่าความถี่ธรรมชาติของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริก



รูปที่ 3.4 กราฟแสดงผลของความถี่ธรรมชาติของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริก

สำหรับการทดสอบเพื่อหาค่าความถี่ธรรมชาติของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกนั้นจะ กำหนดค่าความละเอียดของช่วงความถี่ที่จะป้อนให้กับทางด้านขั้วอิเล็กโทรดขาเข้าของหม้อแปลง ใพอิโซอิเล็กทริกโดยจะเพิ่มขึ้นครั้งละ 5 kHz แล้วสังเกตผลอัตราการขยายของก่าศักย์ใฟฟ้าที่เกิดขึ้น ซึ่งถ้ามีช่วงก่าความถี่ที่ทำให้เกิดอัตราการขยายก่าศักย์ไฟฟ้าที่สูงมากขึ้น แสดงว่าได้เข้าใกล้ความถี่ ธรรมชาติของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกแล้ว ก็จะทำการปรับความละเอียดของช่วงความถี่ที่ป้อน ให้มีก่ามากขึ้นตามไปด้วย เนื่องจากหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกนั้นจะมีช่วงความถี่ธรรมชาติที่ ก่อนข้างแกบและก่าศักย์ไฟฟ้าที่เกิดขึ้นในช่วงความถี่ธรรมชาตินั้นจะมีก่ารเปลี่ยนแปลงโดยที่จะ เพิ่มขึ้นและลดลงอย่างรวดเร็ว ดังนั้นจึงมีความจำเป็นที่ต้องทำการปรับความถี่ให้ละเอียดมากยิ่งขึ้น เพื่อที่จะเก็บข้อมูลต่างๆเมื่อเวลาหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกได้เข้าใกล้ความถี่ให้ละเอียดมากยิ่งขึ้น เพื่อที่จะเก็บข้อมูลต่างๆเมื่อเวลาหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกได้เข้าใกล้ความถี่ให้ละเอียดมากยิ่งขึ้น เพื่อที่จะเก็บข้อมูลต่างๆเมื่อเวลาหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกได้เข้าใกล้ความถี่ให้ละเอียดมากยิ่งขึ้น เพื่อที่จะเก็บข้อมูลต่างๆเมื่อเวลาหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกได้เข้าใกล้ความถี่ธรรมชาติ โดยผลการ ทดลองจริงจากกราฟในรูปที่ 3.4 ที่ได้แสดงผลของความถี่ธรรมชาติจองหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริก นั้นจะสังเกตเห็นว่าอัตราการขยายของก่าศักย์ไฟฟ้าจะมีก่าสูงมากขึ้นที่ก่าความถี่บางก่าเท่านั้น ซึ่ง ก่าความถิ่นั้นคือความถี่ธรรมชาติหรือก่าความถิ่ปฏิบัติการของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกโดยจาก รูปที่ 3.4 จะสามารถอ่านก่ากวามถิ่นรรมชาติของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกจากการทดลองจริงได้ ออกเป็น 5 ก่าและจะพบว่าก่าความถิ่ในช่วง 80-90 kHz จะเป็นช่วงความถิ่ที่ทำให้เกิดก่าอัตราการ ขยายของก่าศักย์ไฟฟ้าได้สูงที่สุด

3.6 การเปรียบเทียบผลความถี่ธรรมชาติจากการทดลองกับการคำนวณด้วยวิธีไฟในท์อิลิเมนท์ จากแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ของสมการการสั่นสะเทือนสำหรับการคำนวณหาค่าความถี่ ธรรมชาติที่ได้กล่าวไว้ในหัวข้อ 3.4 นั้นจะสามารถคำนวณหาค่าความถี่ธรรมชาติได้โดยใช้วิธีไฟ ในท์อิลิเมนท์ในการสร้างระบบเมตริกซ์แล้วใช้วิธีค่าเจาะจงสำหรับการหาค่าความถี่ธรรมชาติและ เพื่อเป็นการยืนยันพิสูจน์ความถูกต้องของโปรแกรมสำหรับการคำนวณหาค่าความถี่ธรรมชาติที่ได้ พัฒนาขึ้นนี้ จึงได้ทำการเปรียบเทียบผลความถี่ธรรมชาติที่ได้จากการคำนวณกับผลความถี่ธรรมชาติ ที่ได้จากการทดลองจริงได้ดังตารางที่ 3.1

ตารางที่ 3.1 การเปรียบเทียบความถี่ธรรมชาติของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกระหว่างการ ทคลองจริงและวิธีไฟไนท์อิลิเมนท์

	ความถี่ธรรมชาติ (kHz)			
โหมดความถื่	การทดลองจริง	ไฟไนท์อิลิเมนท์	ความคลาคเกลื่อน(%)	
1	17.75	-	-	
2	29.13	30.54	4.84	
3	71.08	70.48	0.84	
4	81.12	83.44	2.86	
5	82.29	85.57	3.99	

ความถี่ธรรมชาติจากตารางที่ 3.1 นั้นจะเป็นค่าความถี่ที่มีผลทำให้เกิดค่าศักย์ไฟฟ้าที่บริเวณขั้ว อิเล็กโทรดขาออกของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริก โดยจำนวนกำตอบที่ได้จากการกำนวณด้วยวิธีไฟ ในท์อิลิเมนท์นั้นจะขึ้นอยู่กับเมตริกซ์ของระบบสมการ ซึ่งถ้าเมตริกซ์ของระบบมีขนาดที่ใหญ่ก็จะได้ จำนวนกำตอบของก่าความถิ่มากแต่ถ้าเมตริกซ์ของระบบมีขนาดที่เล็กลงก็จะได้จำนวนกำตอบของ กวามถี่ที่น้อยลงตามไปด้วย โดยกำตอบของความถิ่ที่ได้จากวิธีไฟในท์อิลิเมนท์นั้นจะเรียงจากก่าน้อย ใปหาค่ามากและสำหรับการกำนวณกรั้งนี้จะเลือกศึกษาความถิ่ในช่วง 0-100 kHz เนื่องจากเป็นช่วง กวามถิ่ที่น้อยลงตามไปด้วย โดยกำตอบของความถิ่ที่ได้จากวิธีไฟในท์อิลิเมนท์นั้นจะเรียงจากก่าน้อย ไปหาค่ามากและสำหรับการกำนวณกรั้งนี้จะเลือกศึกษาความถิ่ในช่วง 0-100 kHz เนื่องจากเป็นช่วง กวามถิ่ธรรมชาติความถิ่แรกของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริก ซึ่งจะพบว่ามี *s* โหมดความถิ่ธรรมชาติ จากกวั้นตอนในการทดสอบเพื่อหาก่าความถิ่ธรรมชาติจากวิธีไฟในท์อิลิเมนท์ โดยความกลาดเกลื่อนนี้เกิด จากขั้นตอนในการทดสอบเพื่อหาก่าความถิ่ธรรมชาติจากวิธีไฟในท์อิลิเมนท์ โดยความกลาดเกลื่อนนี้เกิด จากขั้นตอนในการทดสอบเพื่อหาก่าความถิ่ธรรมชาติจองหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกหรือสิ่งของต่างๆ ซึ่ง ปัจจัยเหล่านี้มีผลต่อการสั่นสะเทือนทั้งสิ้น จึงมีผลทำให้บางช่วงความถิ่ธรรมชาติที่เกิดขึ้นนั้นมีความ กลาดเกลื่อนขึ้นได้ ซึ่งจากผลการเปรียบเทียบระหว่างการทดลองจริงกับการกำนวณด้วยวิธีไฟไนท์ อิลิเมนท์นั้นจะมีความกอาดเกลื่อนในทุกๆโหมดวามถิ่ไม่เกิน *ร*%

3.7 สรุป

ในบทที่ 3 นี้ได้นำเสนอแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกที่ใช้ สำหรับคำนวณหาค่าความถี่ธรรมชาติ โดยจะประยุกต์ใช้วิธีไฟในท์อิลิเมนท์ในแบบ 3 มิติเพื่อ คำนวณหาความถี่ธรรมชาติและในบทนี้ยังกล่าวถึงการทดสอบเพื่อหาค่าความถี่ธรรมชาติของ หม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกซึ่งสามารถแสดงได้ดังรูปที่ 3.4 พร้อมทั้งเปรียบเทียบผลความถี่ ธรรมชาติจากการทดลองจริงกับโปรแกรมที่พัฒนาขึ้นด้วยวิธีไฟในท์อิลิเมนท์ ซึ่งผลเฉลยที่ได้จาก การเปรียบเทียบนั้นจะมีความคลาดเกลื่อนมีค่าไม่เกิน 5% ดังนั้นจากผลลัพธ์ที่ปรากฏดังกล่าวจึง สามารถยืนยันความถูกต้องของโปรแกรมไฟในท์อิลิเมนท์แบบ 3 มิติสำหรับคำนวณหาค่าความถี่ ธรรมชาติที่ได้พัฒนาขึ้น จึงทำให้ผลความถี่ธรรมชาติที่ได้จากการคำนวณนั้นมีความน่าเชื่อถือ และ นำไปสู่การจำลองก่าการกระจายของศักย์ไฟฟ้าและการกระจัดเชิงกลที่กระจายตัวอยู่ตลอดภายใน หม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกที่เกิดขึ้นในช่วงความถี่ธรรมชาติได้ด้วยระเบียบวิธีไฟในท์อิลิเมนท์ใน แบบ 3 มิติที่จะได้กล่าวถึงในบทที่ 4 ต่อไป

บทที่ 4

โปรแกรมจำลองผลศักย์ไฟฟ้าและการกระจัดเชิงกลพร้อมผลการจำลองแบบ 3 มิติ

4.1 บทนำ

การจำลองผลของงานวิจัยนี้มีวัตถุประสงค์เพื่อจำลองการทำงานของหม้อแปลงไพอิโซ อิเล็กทริกชนิดวงแหวนแบนโหมดการสั่นตามแนวรัสมีโดยจะสังเกตจากความสัมพันธ์ของก่า สักย์ไฟฟ้าและการกระจัดเชิงกลที่เกิดขึ้นในช่วงความอี่ธรรมชาติและผลของก่าศักย์ไฟฟ้ากับการ กระจัดเชิงกลที่ได้จากการจำลองนั้นสามารถนำไปประยุกต์ในการใช้งานจริง ดังนั้นจึงมีความจำเป็น ที่ต้องศึกษาถึงการกระจายตัวของก่าศักย์ไฟฟ้าและการกระจายตัวของการกระจัดเชิงกลที่ตำแหน่ง ต่างๆของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกโดยภายในบทที่ 4 นี้จะได้กล่าวถึงก่าพารามิเตอร์ต่าง ๆ ของ ระบบที่ใช้ในการจำลองผลและอธิบายถึงโปรแกรมที่ใช้สำหรับจำลองผลด้วยระเบียบวิธีไฟไนท์ อิลิเมนท์แบบ 3 มิติ ทั้งนี้เพื่อให้เห็นถึงลักษณะการกระจายตัวของก่าศักย์ไฟฟ้าและการกระจัดเชิงกล ที่สอดกล้องกับสภาพความเป็นจริงมากยิ่งขึ้นโดยโปรแกรมที่ใช้สำหรับการจำลองผลของก่า ศักย์ไฟฟ้าและการกระจัดเชิงกลด้วยวิธีไฟไนท์อิลิเมนท์แบบ 3 มิตินั้นเป็นโปรแกรมที่พัฒนาขึ้นเอง โดยระเบียบวิธีไฟไนท์อิลิเมนท์แบบ 3 มิติ จะใช้กริดรูปทรงสี่หน้าสี่จุดต่อและได้ใช้การสร้าง กริดจากโปรแกรมสำเร็จรูปที่ชื่อว่า Solid works และใช้โปรแกรม MATLAB[™] ในการจำลองผลของ ก่าศักย์ไฟฟ้าและการกระจัดเชิงกลในแบบ 3 มิติ

4.2 โครงสร้างของโปรแกรมจำลองผล

การคำนวณเพื่อหาค่าศักย์ไฟฟ้าและการกระจัดเชิงกลของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกด้วยระเบียบวิธี ไฟในท์อิลิเมนท์แบบ 3 มิตินั้น สามารถดำเนินการคำนวณตามขั้นตอนภายในโครงสร้างของโปรแกรม จำลองผลที่จะได้กล่าวถึงต่อไปนี้ โดยในงานวิจัยนี้ได้ดำเนินการสร้างกริดด้วยโปรแกรม Solid works เพื่อนำข้อมูลของจุดต่อและอิลิเมนท์ต่างๆมาพัฒนาต่อด้วยโปรแกรมMATLAB[™] ที่พัฒนาขึ้นเอง โดยจะอธิบายถึงโครงสร้างต่างๆของโปรแกรมที่ใช้สำหรับการจำลองผลแบบ 3 มิติได้ดังต่อดังนี้

4.2.1 โปรแกรมการสร้างกริด

โปรแกรมที่ใช้ในการสร้างกริดสำหรับปัญหาแบบ 3 มิติในงานวิจัยนี้ จะใช้การ สร้างกริดจากโปรแกรมที่ชื่อว่า Solid works โดยความสามารถของโปรแกรม Solid works นี้ จะ นำมาใช้สำหรับการวาดรูปหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกรวมไปถึงสามารถสร้างกริดได้ในปัญหา แบบ 3 มิติ แล้วสำหรับข้อมูลจากโปรแกรม Solid works ที่มีความจำเป็นต่อการนำไปพัฒนาเป็น โปรแกรมไฟในท์อิลิเมนท์แบบ 3 มิติจะประกอบไปด้วย ข้อมูลที่บอกตำแหน่งระยะพิกัดใน แนวแกน x y และ z ข้อมูลที่บอกหมายเลขจุดต่อ ข้อมูลที่บอกหมายเลขอิลิเมนท์และข้อมูลที่บอก หมายเลขของขอบเขตของชิ้นงานที่ต้องการกำหนดเงื่อนไขของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริก ส่วน ขั้นตอนของระเบียบวิธีไฟในท์อิลิเมนท์ที่นอกเหนือจากนี้ซึ่งได้แก่ การสร้างสมการของแต่ละ อิลิเมนท์ การสร้างเมตริกซ์ระบบสมการรวม การกำหนดเงื่อนไขค่าขอบเขตของชิ้นงานรวมไปถึง การแก้สมการเชิงเส้นเพื่อหาค่าผลเฉลยนั้น จะทำการโดยใช้โปรแกรม MATLAB[™] ที่พัฒนาขึ้นเอง เพื่อจำลองผลต่อไป

งานวิจัยนี้ ได้ใช้ปริมาตรตลอดตัวหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกเป็นขอบเขตใน การศึกษา ซึ่งใช้การวาดภาพของระบบที่ศึกษาเป็นในรูปแบบของ 3 มิติ โดยการประยุกต์ใช้ โปรแกรม Solid works ทั้งนี้เพราะโปรแกรม Solid works มีความสามารถในการวาดภาพที่มีความ ซับซ้อนได้แล้วสามารถวาดในรูปแบบที่เป็น 3 มิติ ได้สะดวก ซึ่งจะแสดงภาพโดยรวมของระบบที่ ศึกษาในแบบ 3 มิติ ได้ดังรูปที่ 4.1 ซึ่งเป็นการแสดงภาพของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกชนิด วงแหวนแบนโหมดการสั่นตามแนวรัศมีโดยการวาดรูปจากโปรแกรม Solid work ดังนี้



รูปที่ 4.1 ขอบเขตในการศึกษาของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกแบบ 3 มิติ

หลังจากวาดภาพหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกด้วยโปรแกรม Solid works แล้ว สำหรับขั้นตอนต่อไปคือ ทำการสร้างกริดเป็นลักษณะรูปทรงสี่หน้าสิ่จุดต่อ โดยสำหรับงานวิจัยนี้ได้ ปรับกวามละเอียดของกริดไว้ที่สูงสุด 4.2.2 โปรแกรมจำลองผลศักย์ไฟฟ้าและการกระจัดเชิงกลของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริก ในขั้นตอนนี้เป็นการประยุกต์ใช้โปรแกรมที่ได้พัฒนาขึ้นมาเพื่อจำลองผล ค่าศักย์ไฟฟ้าและการกระจัดเชิงกลด้วยระเบียบวิธีไฟไนท์อิลิเมนท์แบบ 3 มิติ โดยข้อมูลที่จำเป็นต่อ การพัฒนาโปรแกรมไฟไนท์อิลิเมนท์นั้นได้นำมาจากในหัวข้อ 4.2.1 ที่ได้อธิบายไว้ก่อนหน้านี้ แล้ว โดยโครงสร้างของโปรแกรมสามารถแสดงได้ด้วยแผนภูมิในรูปที่ 4.2 ดังต่อไปนี้



รูปที่ 4.2 แผนภูมิการคำเนินงานของโปรแกรมจำลองผลศักย์ไฟฟ้าและการกระจัดเชิงกล ด้วยระเบียบวิธีไฟไนท์อิลิเมนท์แบบ 3 มิติ

จากแผนภูมิการคำเนินงานในรูปที่ 4.2 ซึ่งแสดงโครงสร้างโปรแกรมจำลองผลของระบบใน รูปแบบของ 3 มิติ เพื่อให้เกิดความเข้าใจถึงหน้าที่ของโปรแกรมในแต่ละขั้นตอนอย่างละเอียดชัดเจน โดยจะอธิบายถึงรายละเอียดหน้าที่ต่าง ๆ ดังต่อไปนี้ ขั้นตอนแรกการกำหนดข้อมูลที่ได้จากการสร้างกริค : โดยขั้นตอนแรกนี้โปรแกรม ที่พัฒนาขึ้นจะรับค่าข้อมูลอินพุท ซึ่งจะแสดงถึงลักษณะของจุดต่อพร้อมกับอิลิเมนท์ที่ได้จาก โปรแกรมการสร้างกริด Solid works ซึ่งรายละเอียดของข้อมูลประกอบด้วย จำนวนและตำแหน่งของ จุดต่อ หมายเลขของจุดต่อที่ประกอบขึ้นเป็นอิลิเมนท์รวมไปถึง จำนวนและหมายเลขของ อิลิเมนท์ เป็นต้น

ขั้นตอนการสร้างสมการคำนวณค่าศักย์ไฟฟ้าและการกระจัดเชิงกลในระดับ อิลิเมนท์ : โดยขั้นตอนนี้โปรแกรมจะสร้างสมการอิลิเมนท์เมตริกซ์ในรูปแบบของทรงสี่หน้าสี่จุด ต่อเมื่อพิจารณาปัญหาในรูปแบบของ 3 มิติ ของทุก ๆ อิลิเมนท์โดยการสร้างสมการอิลิเมนท์ที่เป็น เมตริกซ์ของแต่ละอิลิเมนท์จะต้องคำนึงถึงค่าคุณสมบัติทางไฟฟ้าและทางกลของวัสดุที่ใช้ผลิตหม้อ แปลงไพอิโซอิเล็กทริกที่เกี่ยวข้องในแต่ละอิลิเมนท์นั้น ๆ ด้วย ซึ่งค่าคุณสมบัติทางไฟฟ้าและทางกล ของวัสดุต่างๆได้ถูกกล่าวไว้แล้วในบทที่ 2

ขั้นตอนการสร้างเมตริกซ์ระบบสมการรวม : ซึ่งขั้นตอนนี้ โปรแกรมจะทำหน้าที่ รวมสมการของอิลิเมนท์ย่อยเข้าเป็นเมตริกซ์ใหญ่ของระบบสมการรวมดังแสดงรายละเอียดอยู่ใน หัวข้อที่ 2.3.4 ของบทที่ 2 ซึ่งหากแบ่งลักษณะของปัญหาออกเป็นอิลิเมนท์ทั้งหมด n จุดต่อจะ ก่อให้เกิดเมตริกซ์ระบบสมการรวมซึ่งประกอบด้วยสมการการกระจัดเชิงกลในแกนนอน (U_x) สมการการกระจัดเชิงกลในแกนตั้ง (U_y) สมการการกระจัดเชิงกลในแกนลึก (U_z) และสมการ ศักย์ไฟฟ้า (Φ) โดยรวมทั้งสิ้น 4n สมการ

ขั้นตอนการกำหนดเงื่อนไขค่าขอบเขต : ซึ่งขั้นตอนนี้ โปรแกรมจะทำหน้าที่ ประยุกต์เงื่อนไขขอบเขตก่อนแล้วจึงทำการแก้ระบบสมการรวม โดยงานวิจัยนี้จะกำหนดค่าเงื่อนไข ขอบเขตดังตารางที่ 2.1 ในบทที่ 2

ขั้นตอนสุดท้ายการแก้ระบบสมการรวมเพื่อหาค่าผลเฉลย : โดยในขั้นตอนสุดท้ายนี้ โปรแกรมจะทำการแก้ระบบสมการรวมซึ่งเป็นสมการเชิงเส้นเพื่อหาค่าผลเฉลยของค่าศักย์ไฟฟ้าและ การกระจัดเชิงกลที่อยู่ประจำแต่ละจุดต่อโดยจะเลือกใช้ระเบียบวิธีการทำเมตริกซ์ผกผัน

4.3 ผลการจำลองด้วยระเบียบวิธีไฟในท์อิลิเมนท์พร้อมวิเคราะห์ผล

สำหรับหัวข้อนี้จะนำเสนอผลการจำลอง โดยการจำลองผลนั้นได้ใช้โปรแกรม MATLAB[™] ในการพัฒนาโปรแกรมไฟไนท์อิลิเมนท์สำหรับคำนวณการกระจายตัวของค่าศักย์ไฟฟ้าและการ กระจัดเชิงกลของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกด้วยระเบียบวิธีไฟไนท์อิลิเมนท์แบบ 3 มิติ พร้อม แสดงผลทางกราฟิกการกระจายตัวของค่าศักย์ไฟฟ้าและการกระจัดเชิงกลที่เกิดขึ้น โดยการจำลองค่า ศักย์ไฟฟ้าและการกระจายตัวของก่าศักย์ใฟฟ้าและการกระจัดเชิงกลที่เกิดขึ้น โดยการจำลองค่า ศักย์ไฟฟ้าและการกระจายตัวตองค่าเริ่นนั้นจะจำลองแบบภาพตัดการกระจายตัวตลอดปริมาตรที่ ศึกษา ซึ่งจะทำการพิจารณาศึกษาหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกในช่วงกวามถี่ 80-90 kHz เพราะว่าเป็น ช่วงความถี่ที่ทำให้เกิดอัตราขยายของค่าศักย์ไฟฟ้าสูงสุดตามที่ได้แสดงไว้ในรูปที่ 3.4 ของบทที่ 3 ซึ่ง แสดงผลการจำลองได้ดังนี้



รูปที่ 4.3 การกระจายตัวของศักย์ไฟฟ้า (V) ภายในหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกที่ความถี่ 82 kHz



รูปที่ 4.4 การกระจัคเชิงกล (m) ภายในหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกที่ความถี่ 82 kHz



รูปที่ 4.5 การกระจายตัวของศักย์ไฟฟ้า (V) ภายในหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกที่ความถี่ 84 kHz



รูปที่ 4.6 การกระจัดเชิงกล (m) ภายในหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกที่ความถี่ 84 kHz



รูปที่ 4.7 การกระจายตัวของศักย์ไฟฟ้า (V) ภายในหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกที่ความถี่ 86 kHz



รูปที่ 4.8 การกระจัดเชิงกล (m) ภายในหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกที่ความถี่ 86 kHz



รูปที่ 4.9 การกระจายตัวของศักย์ไฟฟ้า (V) ภายในหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกที่ความถี่ 88 kHz



รูปที่ 4.10 การกระจัดเชิงกล (m) ภายในหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกที่ความถี่ 88 kHz

จากรูปที่ 4.3-4.10 เป็นรูปที่แสดงผลการจำลองการกระจายตัวค่าศักย์ไฟฟ้าและการกระจัด เชิงกลของหม้อแปลงใพอิโซอิเล็กทริกในช่วงความถี่ 80-90 kHz สำหรับในรูปที่ 4.3-4.4 ที่ค่าความถึ่ 82 kHz จะพบว่าค่าศักย์ไฟฟ้าที่บริเวณขั้วอิเล็กโทรดขาออกนั้นมีค่าอยู่ที่ประมาณ 70 V ซึ่งค่า ้ศักย์ไฟฟ้าที่บริเวณขั้วอิเล็กโทรดขาออกที่เกิดขึ้นนั้นมีค่าสูงมากกว่าบริเวณขั้วอิเล็กโทรดขาเข้าแสดง ้ว่าหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกอยู่ในช่วงความถี่ธรรมชาติแล้วและในช่วงความถี่ต่อมาที่ก่ากวามถี่ 84 kHz ดังรูปที่ 4.5-4.6 ซึ่งในที่ก่าความถี่นี้จะเกิดก่าศักย์ไฟฟ้าที่บริเวณขั้วอิเล็กทริกโทรดขาออกที่ ้ก่อนข้างสูงมากๆ โดยที่มีก่าสูงถึง 450 V ซึ่งมีก่าเป็น 9 เท่าเมื่อเทียบกับก่าศักย์ไฟฟ้าที่บริเวณขั้ว ้อิเล็กโทรดขาเข้า จากการที่ค่าศักย์ไฟฟ้าที่บริเวณขั้วอิเล็กโทรดขาออกมีค่าสูงมากๆนั้น แสดงว่าที่ ้ ค่าความถี่นี้เป็นความถี่ธรรมชาติของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริก ซึ่งที่ความถี่ 84 kHz นั้นจะเป็นค่าที่ สอดคล้องกับค่าความถี่ธรรมชาติที่ได้จากการคำนวณด้วยวิธีไฟในท์อิลิเมนท์และค่าความถี่ธรรมชาติ ที่ได้จากการทคสอบจริงและในช่วงความถี่ 82-84 kHz จะสังเกตเห็นว่ารูปร่างการกระจายของการ กระจัดเชิงกลที่เกิดขึ้นนั้นมีลักษณะของการกระจายที่กล้ายกลึงกัน โดยสิ่งที่ต่างกันคือระยะของการ กระจัดเชิงกลที่เกิดขึ้น โดยที่ก่าระยะของการกระจัดเชิงกลจะมีก่าเพิ่มสูงมากขึ้นเรื่อยๆ ซึ่งจะพบว่าก่า การกระจัดเชิงกลที่เกิดขึ้นนั้นมีความสอดคล้องกับผลการจำลองของค่าศักย์ไฟฟ้าที่เกิดโดยที่ก่า ้ศักย์ไฟฟ้าที่บริเวณขั้วอิเล็กโทรดขาออกจะมีค่าเพิ่มสูงขึ้นมากเรื่อยๆและจะมีค่าศักย์ไฟฟ้าสูงที่สุดที่ ความถี่ 84 kHz เช่นกัน แล้วในช่วงความถี่ถัดมาความถี่ที่ 86-88 kHz ดังรูปที่ 4.7-4.10 ซึ่งเป็นความถี่ ที่ผ่านจากช่วงความถี่ธรรมชาติของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกแล้วก็จะเป็นช่วงความถี่ที่หม้อแปลง ้ไพอิโซอิเล็กทริกไม่สามารถทำงานได้อย่างเต็มที่ โดยจะสามารถสังเกตได้จากก่าศักย์ไฟฟ้าที่เกิดขึ้น บริเวณขั้วอิเล็กโทรคขาออกของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกนั้นจะมีลคลงแล้วจะมีค่าศักย์ไฟฟ้าที่ บริเวณขั้วอิเล็กโทรดขาออกเพียงเล็กน้อยเท่านั้นและรูปร่างการกระจายของการกระจัดเชิงกลที่ ้เกิดขึ้นนั้นจะเริ่มเปลี่ยนแปลงโดยรูปร่างการกระจายของการกระจัคเชิงกลที่เกิดขึ้นนั้นจะมีรูปร่างที่ ้ไม่แน่นอนเพราะว่าเมื่อป้อนความถี่ให้กับหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกแล้วก็จะเกิดการสั่นสะเทือน ซึ่งการสั่นสะเทือนนั้นอาจจะมีรูปร่างที่แน่นอนหรือไม่แน่นอนก็ได้ จึงมีผลทำให้รูปร่างการกระจาย ของการกระจัดเชิงกลที่เกิดขึ้นในช่วงที่ไม่เป็นความถี่ธรรมชาตินั้นมีรูปร่างที่ต่างกันและระยะการ กระจัดเชิงกลมีค่าค่อนข้างน้อยเมื่อเทียบกับระยะการกระจัดเชิงกลที่เกิดขึ้นในช่วงความถี่ธรรมชาติ ้โดยค่าระยะการกระจัดเชิงกลที่ค่อนข้างน้อยนี้ส่งผลทำให้ค่าศักย์ไฟฟ้าที่เกิดขึ้นในบริเวณขั้ว ้อิเล็กโทรคขาออกของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกมีค่าน้อยตามไปด้วย โดยจากผลการจำลอง ้ศักย์ไฟฟ้าที่บริเวณขั้วอิเล็ก โทรคขาออกทั้งหมคนั้นสามารถนำมาแสดงผลในลักษณะของอัตราการ ้งยายค่าศักย์ไฟฟ้าเป็นแบบกราฟเชิงเส้นได้ดังรูปที่ 4.11 และจากผลการจำลองการกระจายของการ กระจัดเชิงกลทั้งหมดสามารถนำมาแสดงผลในลักษณะของกราฟได้ดังรูปที่ 4.12



รูปที่ 4.11 อัตราการขยายศักย์ไฟฟ้าของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกในช่วงความถี่ 80-90 kHz



รูปที่ 4.12 ระยะการกระจัคเชิงกลของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกในช่วงความถี่ 80-90 kHz

จากรูปที่ 4.11 และ 4.12 อัตราการขยายของค่าศักย์ไฟฟ้าที่บริเวณขั้วอิเล็กโทรดขาออกและ ระยะการกระจัดเชิงกลที่เกิดขึ้นนั้นจะมีค่าอัตราการขยายสูงสุดที่ความถี่ 84.13 kHz โดยให้อัตราการ ขยายระหว่างขั้วอิเล็กโทรดขาออกกับขั้วอิเล็กโทรดขาเข้าสูงถึง 35 เท่าและให้ระยะของการกระจัด เชิงกลสูงถึง 1.04 μm โดยค่าศักย์ไฟฟ้าที่เกิดขึ้นบริเวณขั้วอิเล็กโทรดขาออกของหม้อแปลงไพอิโซ อิเล็กทริกนั้นจะสัมพันธ์กับระยะการกระจัดเชิงกลที่เกิดขึ้นในการสั่นแบบต่างๆ จากผลการจำลองการกระจายของค่าศักย์ไฟฟ้าและการกระจัดเชิงกลที่เกิดขึ้นในช่วงความถี่ 80-90 kHz ทั้งหมดนั้นจะสอดคล้องกับหลักการของการสั่นสะเทือนโดยที่การสั่นสะเทือนที่เกิดขึ้น นั้นอาจจะมีรูปร่างที่แน่นอนหรือไม่แน่นอนก็ได้ โดยการสั่นสะเทือนที่มีรูปร่างที่แน่นอนหรือไม่ แน่นอนนั้นสามารถสังเกตได้จากรูปการกระจายของการกระจัดเชิงกลดังเช่นในรูปที่ 4.3-4.8 ซึ่งอยู่ ในช่วงความถี่ 82-86 kHz หม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกจะเกิดรูปร่างการกระจัดเชิงกลกั่มีรูปร่างที่ แน่นอนเนื่องจากเป็นช่วงความถี่ธรรมชาติของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกดังแสดงในตารางที่ 3.1 ในบทที่ 3 โดยระยะการกระจัดเชิงกลจะเพิ่มมากขึ้นจนมีค่าที่สูงสุดและลดลงตามลำคับ ความถี่ ระยะการกระจัดเชิงกลที่มากจึงทำให้เกิดค่าศักย์ไฟฟ้าบริเวณขั้วอิเล็กโทรดขาออกมากขึ้นตามไปด้วย และสำหรับที่ค่าความถี่ 88 kHz ซึ่งเป็นช่วงที่เกิดการสั่นสะเทือนที่มีรูปร่างที่ไม่แน่นอน ดังแสดงใน รูปที่ 4.9-4.10 เนื่องจากไม่ได้เป็นช่วงความถี่ธรรมชาติของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กโทรกที่ได้การิกจึงส่งผลให้ เกิดการสั่นสะเทือนที่มีระยะการกระจัดเชิงกลารี่นองที่เกิดการสั่นสะเทือนที่มีรูปร่างที่ไม่แล่นอน ดังแสดงใน รูปที่ 4.9-4.10 เนื่องจากไม่ได้เป็นช่วงความถิ่ธรรมชาติของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กกริกด้องกี่หลังส่งผลให้ เกิดการสั่นสะเทือนที่มีระยะการกระจัดเชิงกลที่ก่อนข้างน้อยและทำให้เกิดค่าศักย์ไฟฟ้าที่บริเวณขั้ว อิเล็กโทรดขาออกที่น้อยลงด้วย

4.4 การคำนวณกำลังงานสูญเสียของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริก

ประสิทธิภาพของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกคือกำลังงานไฟฟ้าขาออกต่อกำลังงานไฟฟ้า ขาเข้าซึ่งจะมีค่าน้อยกว่าหนึ่งเสมอ ทั้งนี้เพราะมีการสูญเสีย (losses) เกิดขึ้น โดยที่หม้อแปลงไพอิโซ อิเล็กทริกสามารถแบ่งกำลังงานสูญเสียออกได้เป็น 2 ประเภทด้วยกันคือ กำลังงานสูญเสียจากการ สั่นสะเทือน (mechanical vibration loss) และกำลังงานสูญเสียทางไฟฟ้า (dielectric loss) ซึ่งหาได้ ดังนี้ (Joo, Lee, Rho, and Jung, 2006)

$$P_{\rm m} = \sum_{i=1}^{6} \frac{1}{2Q_{\rm m}} \omega_r [T_0]_{6\times 1} [S_0]_{6\times 1}$$
(4.1)

$$P_{d} = \sum_{i=1}^{3} \frac{1}{2} \omega_{r} \tan \delta[D_{0}]_{3\times 1} [E_{0}]_{3\times 1}$$
(4.2)

- เมื่อ
- P_m คือ กำลังงานสูญเสียจากการสั่นสะเทือน (mechanical vibration loss)
 - P_d คือ กำลังงานสูญเสียทางไฟฟ้า (dielectric loss)
 - Q_m คือ ส่วนประกอบคุณภาพทางกลของไพอิโซอิเล็กทริก (mechanical quality factor) สำหรับหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกรุ่น PZT-840 มีค่าเท่ากับ 500
 - $\omega_{\rm r}$ คือ ค่าความถี่เชิงมุมของเร โซแนนซ์ (angular resonance)

tan S คือ ส่วนประกอบการกระจายตัวของไพอิโซอิเล็กทริก (dielectric loss factor) สำหรับหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกรุ่น PZT-840 มีค่าเท่ากับ 0.4 % (Henderson, 2002)

เมื่อ T₀, S₀, D₀และ E₀ คือค่าความเค้น ความเครียด ความหนาแน่นของฟลักซ์ไฟฟ้า และ ค่าสนามไฟฟ้าที่ได้จากการคำนวณตามลำดับโดยที่ก่าสนามไฟฟ้าและความเครียดสามารถกำนวณได้ จากสมการที่ (2.26) และ (2.32) ในบทที่ 2 ได้ดังนี้คือ

$$E_{0} = -\left[B_{\Phi}\right]_{3\times4} [\Phi]_{4\times1}$$
(4.3)

$$S_0 = [B_u]_{6 \times 12} [U]_{12 \times 1}$$
(4.4)

เมื่อ Φ และ U คือค่าศักย์ไฟฟ้าและการกระจัดเชิงกลประจำแต่จุดต่อที่ได้จากการคำนวณ ด้วยวิธีไฟในท์อิลิเมนท์และสำหรับค่าความเค้นกับความหนาแน่นของฟลักซ์ไฟฟ้าสามารถหาได้จาก สมการที่ (2.1) และ (2.2) ที่ได้กล่าวไว้ในบทที่ 2 ดังนี้

$$\mathbf{T}_0 = \boldsymbol{c}^E \boldsymbol{S}_0 - \boldsymbol{e}^T \boldsymbol{E}_0 \tag{4.5}$$

$$\mathbf{D}_0 = eS_0 + \varepsilon^s E_0 \tag{4.6}$$

โดยที่ *E*₀ และ *S*₀ คือค่าสนามไฟฟ้าและความเครียดที่คำนวณได้จากสมการที่ (4.3) และ (4.4)

4.5 ผลการจำลองกำลังงานสูญเสียของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกด้วยวิธีไฟในท์อิลิเมนท์ พร้อมวิเคราะห์ผล

สำหรับหัวข้อต่อไปนี้จะแสดงผลการจำลองการกระจายกำลังงานสูญเสียของหม้อแปลง ไพอิโซอิเล็กทริกด้วยระเบียบวิธีไฟในท์อิลิเมนท์แบบ 3 มิติ ในช่วงความถี่ 80-90 kHz เพราะว่าเป็น ช่วงความถี่ที่ทำให้เกิดอัตราการขยายของค่าศักย์ไฟฟ้าและทำให้เกิดระยะการกระจัดเชิงกลสูงสุด ตามที่ได้แสดงไว้ในหัวข้อที่ 4.3 ซึ่งได้แสดงผลแบบภาพตัดของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกเพื่อให้ เห็นถึงผลการจำลองภายในหม้อแปลงโดยจะแสดงผลการจำลองเฉพาะกำลังงานสูญเสียทางกล เท่านั้นเพราะว่ากำลังงานสูญเสียทางไฟฟ้าจะมีค่าน้อยมากๆเมื่อเทียบกับกำลังงานสูญเสียทางกล (Rho, Joo, Lee, and Jung, 2002) โดยสามารถแสดงผลการจำลองในช่วงความถี่ 80-90 kHz ใค้ดังรูป ที่ 4.13-4.16



รูปที่ 4.13 กำลังงานสูญเสียทางกล (W) ภายในหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกที่ความถี่ 82 kHz



รูปที่ 4.14 กำลังงานสูญเสียทางกล (W) ภายในหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกที่ความถี่ 84 kHz



รูปที่ 4.15 กำลังงานสูญเสียทางกล (W) ภายในหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกที่ความถี่ 86 kHz



รูปที่ 4.16 กำลังงานสูญเสียทางกล (W) ภายในหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกที่ความถี่ 88 kHz

จากรูปที่ 4.13-4.16 เป็นรูปที่แสดงผลการจำลองการกระจายกำลังงานสูญเสียทางกลของ หม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริก โดยแสดงผลการจำลองในช่วงความถี่ 80-90 kHz โดยจากรูปที่ 4.13-4.14 ที่อยู่ในช่วงความถี่ 82-84 kHz จะพบว่ารูปร่างการกระจายของกำลังงานสูญเสียทางกลที่เกิดขึ้นนั้นมี ลักษณะของการกระจายที่ก่อนข้างจะเหมือนกันโดยจะมีสิ่งที่เปลี่ยนแปลงในแต่ละความถี่คือค่ากำลัง งานสูญเสียทางกลที่เกิดขึ้น โดยที่ค่ากำลังงานสูญเสียทางกลนั้นจะมีค่าเพิ่มสูงมากขึ้นเรื่อยๆ ตามลำคับ ซึ่งที่ก่าความถี่ 84 kHz นี้เป็นค่าความถี่ทำให้เกิดกำลังงานสูญเสียทางกลที่สูงสุดโดยจะ พบว่าค่ากำลังงานสูญเสียทางกลที่ได้จากการจำลองผลนั้นจะสัมพันธ์กับผลการจำลองของการกระจัด เชิงกลที่เกิดขึ้นในช่วงความถี่ 84 kHz นี้เป็นค่าความถี่ทำให้เกิดกำลังงานสูญเสียทางกลที่สูงสุดโดยจะ พบว่าค่ากำลังงานสูญเสียทางกลที่ได้จากการจำลองผลนั้นจะสัมพันธ์กับผลการจำลองของการกระจัด เชิงกลที่เกิดขึ้นในช่วงความถี่ 82-84 kHz สำหรับผลการจำลองในช่วงความถี่ที่ 86 kHz ดังแสดงใน รูปที่ 4.15 จะสังเกตเห็นว่ารูปร่างการกระจายของกำลังงานสูญเสียทางกลที่เกิดขึ้นนั้นก่อนข้างจะมี ลักษณะที่คล้ายกับผลการจำลองที่ผ่านมาอีกเช่นกันและสำหรับในที่ก่าความถี่ 88 kHz ดังแสดงในรูป ที่ 4.16 จะพบว่ารูปร่างการกระจายของกำลังงานสูญเสียทางกลที่เกิดขึ้นนั้นมีรูปร่างที่เปลี่ยนแปลงไป แล้วจะสังเกตเห็นอีกว่ารูปร่างการกระจายนั้นมีลักษณะกล้ายกับรูปร่างการกระจัดเชิงกลที่เกิดขึ้นดัง แสดงในรูปที่ 4.10 จึงมีผลทำให้รูปร่างการกระจายของกำลังงานสูญเสียทางกลที่เกิดขึ้นในช่วงที่ไม่ เป็นความถี่ธรรมชาดินั้นมีรูปร่างที่ต่างกัน โดยจากผลการจำลองการกระจายของกำลังงานสูญเสียทาง กลทั้งหมดสามารถาำมาแสดงผลในลักษณะของกราฟเชิงเส้นได้ดังรูปที่ 4.17



รูปที่ 4.17 กำลังงานสูญเสียทางกลของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกในช่วงความถี่ 80-90 kHz

จากผลการจำลองการกระจาขของกำลังงานสูญเสียทางกลที่เกิดขึ้นในช่วงกวามถี่ 80-90 kHz ดังแสดงในรูปที่ 4.17 กำลังงานสูญเสียทางกลของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกนั้นจะมีค่าสูงสุดอยู่ที่ กวามถี่ 84.13 kHz โดยให้กำลังงานสูญเสียทางกลสูงถึง 3.58 W ซึ่งกำลังงานสูญเสียทางกลที่เกิดขึ้น ในการสั่นสะเทือนแบบต่างๆทั้งหมดนั้นจะสัมพันธ์กับผลการจำลองของการกระจายการกระจัด เชิงกลของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริก โดยสังเกตได้จากรูปร่างการกระจายของกำลังงานสูญเสีย ในช่วงความถี่ 82-86 kHz ดังแสดงในรูป 4.13-4.15 ที่จะมีลักษณะการกระจายที่คล้ายกับการกระจาย ของการกระจัดเชิงกล ดังแสดงในรูปที่ 4.4, 4.6 และ 4.8 ตามลำดับ และสำหรับในความถี่ 88 kHz ดัง แสดงในรูปที่ 4.10 ที่ลักษณะรูปร่างการกระจายของการกระจัดเชิงกลนั้นมีการเปลี่ยนแปลงก็จะ พบว่ารูปร่างการกระจายของกำลังงานสูญเสียทางกลนั้นก็จะมีลักษณะที่เหมือนกับรูปร่างการกระจาย ที่เปลี่ยนไป ดังแสดงในรูปที่ 4.16 แล้วยังมีอีกบางสิ่งที่มีความสอดคล้องกันระหว่างกำลังงานสูญเสีย ทางกลและการกระจัดเชิงกลที่นอกเหนือจากรูปร่างการกระจายแล้วคือบริเวณตำแหน่งของการ กระจัดเชิงกลที่มีก่ามากก็จะพบว่าที่บริเวณตำแหน่งของกำลังงานสูญเสีย ทางกลกที่มีก่ามากก็จะพบว่าที่บริเวณตำแหน่งของกำลังงานสูญเสีย ทางกลกี่จะมีค่าน้อยเช่นกัน

4.6 ประสิทธิภาพของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริก

สำหรับการกำนวณหาค่าประสิทธิภาพนั้นสามารถกำนวณได้โดยผ่านทฤษฎีการถ่ายโอน กำลังงานไฟฟ้าสูงสุดโดยมีหลักการว่าการถ่ายโอนกำลังงานไฟฟ้าจะมีค่าสูงสุดเมื่อค่าความต้านทาน โหลดที่นำมาต่อมีค่าเท่ากับก่าความต้านทานของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกสำหรับการแก้ปัญหา วิเคราะห์วงจรไฟฟ้าในเรื่องทฤษฎีการถ่ายโอนกำลังไฟฟ้าสูงสุดจะมีลักษณะวงจรไฟฟ้าดังรูปที่ 4.18



รูปที่ 4.18 วงจรการถ่ายโอนกำลังงานไฟฟ้าสูงสุด

- เมื่อ V_{in} คือ ศักย์ไฟฟ้างาออกงองหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริก
 - R_L คือ ความต้ำนทานโหลด
 - R_s คือ ความต้านทานของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกโดยสำหรับหม้อแปลงไพอิโซ อิเล็กทริกในงานวิจัยนี้มีค่าเท่ากับ 5800 Ω (มณฑกานต์ พีรศักดิ์โสภณ, 2553)

โดยที่ประสิทธิภาพของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกนั้นสามารถหาได้จากการเปรียบเทียบ กันระหว่างค่ากำลังงานไฟฟ้าที่ตกคร่อมโหลด (P_{load}) และค่ากำลังงานไฟฟ้าที่ตกคร่อมหม้อแปลง ไพอิโซอิเล็กทริก (P_{in}) สำหรับค่าที่ได้จากการคำนวณต่างๆนั้นจะแสดงผลที่ค่าความถี่ 84.13 kHz เนื่องจากเป็นค่าความถี่ที่ทำให้เกิดค่าศักย์ไฟฟ้าที่บริเวณขั้วอิเล็กโทรดขาออก ระยะการกระจัดเชิงกล และค่ากำลังงานสูญเสียทางกลมากที่สุด ซึ่งค่าประสิทธิภาพที่ได้จากการคำนวณนั้นสามารถนำมา แสดงผลได้ดังรูปที่ 4.19



รูปที่ 4.19 ประสิทธิภาพของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริก

รูปที่ 4.19 เป็นการแสดงผลประสิทธิภาพของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริก โดยเป็นผลที่ได้จาก การคำนวณเมื่อเทียบกับค่าความต้านทานโหลดต่างๆ ที่ความถี่ 84.13 kHz เนื่องจากเป็นช่วงความถี่ที่ มีอัตราการขยายศักย์ไฟฟ้าสูงสุดและในช่วงที่เกิดอัตราการขยายศักย์ไฟฟ้าสูงสุดก็จะเกิดระยะการ กระจัดเชิงกลที่สูงสุดซึ่งมีผลทำให้เกิดกำลังงานสูญเสียทางกลสูงสุดค้วยเช่นกัน โดยจะนำค่ากำลัง งานสูญเสียทางกลที่เกิดขึ้นที่บริเวณขั้วอิเล็กโทรดขาออกมาใช้ในการคำนวณ เนื่องจากบริเวณขั้ว อิเล็กโทรดขาออกของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกเป็นบริเวณที่มีค่ากำลังงานสูญเสียทางกลสูงสุด และเป็นบริเวณที่จะถูกนำไปต่อใช้งานจึงใช้บริเวณขั้วอิเล็กโทรดขาออกเป็นพื้นที่ศึกษา โดยจะ วิเกราะห์เฉพาะก่ากำลังงานสูญเสียทางกลเท่านั้นเพราะว่าก่ากำลังงานสูญเสียทางไฟฟ้านั้นจะมีก่า น้อยมากๆ เมื่อเทียบกับก่ากำลังงานสูญเสียทางกล และจากทฤษฎีประสิทธิภาพการถ่ายโอนกำลังงาน ไฟฟ้าสูงสุดจะเกิดขึ้นเมื่อก่ากวามต้านทานของโหลดมีก่าเท่ากับก่ากวามต้านทานของหม้อแปลง ไพอิโซอิเล็กทริก จากรูปที่ 4.19 จะสังเกตเห็นว่าประสิทธิภาพของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกจะ สูงสุดประมาณถึง 94 % เมื่อก่าต้านทานโหลดมีก่าประมาณเท่ากับ 5.8 kΩ

4.7 สรุป

บทที่ 4 นี้ได้ศึกษาถึงความถี่ธรรมชาติที่มีผลต่อค่าศักย์ไฟฟ้าและระยะการกระจัดเชิงกลของ หม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริก รวมถึงการคำนวณหากำลังงานสูญเสียและคำนวณหาประสิทธิภาพของ หม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกชนิดวงแหวนแบน สำหรับการจำลองผลด้วยคอมพิวเตอร์ได้ประยุกต์ใช้ วิธีไฟในท์อิลิเมนท์ที่พัฒนาขึ้นด้วยโปรแกรม MATLAB[™] โดยผลลัพธ์ที่ได้จากการจำลองผลแสดง ให้เห็นว่าในช่วงความถี่ธรรมชาติของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกนั้น จะส่งผลให้เกิดค่าศักย์ไฟฟ้าที่ บริเวณขั้วอิเล็กโทรดขาออกและเกิดระยะการกระจัดเชิงกลรวมไปถึงเกิดกำลังงานสูญเสียทางกลของ หม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกมีค่ามากที่สุด โดยจะเกิดอัตราการขยายศักย์ไฟฟ้าสูงสุดที่ความถี่ 84.13 kHz และจะเกิดประสิทธิภาพสูงถึง 94 % เมื่อมีก่าโหลดเท่ากับ 5.8 kΩ



บทที่ 5

สรุปและข้อเสนอแนะ

5.1 สรุป

งานวิจัยนี้ได้นำเสนอแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ซึ่งอยู่ในรูปของสมการเชิงอนุพันธ์ย่อย อันดับสองสำหรับคำนวณหาก่าความถี่ธรรมชาติพร้อมกับการจำลองผลการกระจายของก่าศักย์ไฟฟ้า และการกระจัดเชิงกลของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกชนิควงแหวนแบนในแบบโหมดการสั่นตาม แนวรัศมี โดยได้ทำการศึกษาการคำนวณหาก่าความถี่ธรรมชาติพร้อมกับจำลองผลการกระจายของ ก่าศักย์ไฟฟ้าและการกระจัดเชิงกลประกอบกับการคำนวณหาก่ากำลังงานสูญเสียทางกลและ ประสิทธิภาพของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกด้วยวิธีไฟในท์อิลิเมนท์แบบ 3 มิติ โดยได้เน้นศึกษาที่ ก่าความถี่ธรรมชาติของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกในช่วงความถี่ที่ทำให้เกิดก่าศักย์ไฟฟ้าสูงสุด การ จำลองผลด้วยระเบียบวิธีไฟในท์อิลิเมนท์และโปรแกรมสำหรับกำนวณหาก่ากวามถี่ธรรมชาติได้ได้ โปรแกรม MATLAB[™] ที่พัฒนาขึ้นเองพร้อมตรวจสอบความถูกต้องของโปรแกรมกำนวณความถี่ ธรรมชาติ โดยการเทียบกับการทดลองจริงเพื่อให้เป็นที่น่าเชื่อถือ

ในบทที่ 2 นั้นจะเป็นขั้นตอนการพัฒนาแบบจำลองทางคณิตศาสตร์ของหม้อแปลงไพอิโซ อิเล็กทริกและขั้นตอนต่างๆ ในการประยุกต์ใช้ไฟในท์อิลิเมนท์สำหรับการคำนวณหาค่าศักย์ไฟฟ้า และการกระจัดเชิงกลซึ่งจะอยู่ในรูปแบบของสมการเชิงอนุพันธ์ย่อยอันดับสองและอธิบายถึง ้ขั้นตอนต่าง ๆ ในการประยุกต์ใช้ระเบียบวิธีไฟในท์อิลิเมนท์แบบ 3 มิติโดยได้เลือกใช้วิธีการถ่วง ้น้ำหนักเศษตกค้างของกาเลอร์คิน ซึ่งสำหรับการคำนวณนั้นจะคำนวณครอบคลุมตลอดทั่วทั้ง ้ปริมาตรของหม้อแปลงไพโซอิเล็กทริก สำหรับการคำเนินงานในบทที่ 3 นั้นจะอธิบายถึงแบบจำลอง ทางคณิตศาสตร์ของการสั่นสะเทือนเพื่อใช้ในการคำนวณหาก่ากวามถี่ธรรมชาติโดยแบบจำลองทาง ู คณิตศาสตร์จะอยู่ในรูปของสมการเชิงอนุพันธ์โดยการคำนวณหาค่าความถี่ธรรมชาติของหม้อแปลง ้ไพอิโซอิเล็กทริกนั้นจะใช้วิธีค่าเจาะจง โดยสามารถใช้ร่วมกับวิธีไฟไนท์อิลิเมนท์ได้ พร้อมกับ แสดงผลความถี่ธรรมชาติรวมไปถึงแสดงผลค่าศักย์ไฟฟ้าที่เกิดขึ้นจากการทดลองจริงและได้ทำการ เปรียบเทียบผลของความถี่ธรรมชาติจากการทคลองจริงกับผลของความถี่ธรรมชาติที่ได้จากการ ้ คำนวณด้วยวิธีไฟไนท์อิลิเมนท์ที่พัฒนาขึ้นเอง ซึ่งผลความถี่ธรรมชาติที่ได้ออกมาเป็นที่น่าพึงพอใจ ้อย่างยิ่งโดยผลลัพธ์ของความถี่ธรรมชาติที่ได้มีความคล้ายคลึงและสอดคล้องกันโดยมีความ ้คลาดเคลื่อนแตกต่างกันไม่เกิน 5 % ส่วนการคำเนินงานในบทที่ 4 นั้นเป็นการเสนอผลการจำลอง การกระจายของค่าศักย์ไฟฟ้าและการกระจัดเชิงกลของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกในแบบ 3 มิติ ้สำหรับกระบวนการสร้างกริดในแบบ 3 มิติได้เลือกใช้โปรแกรมสำเร็จรูป Solid works อีกทั้งยังได้ คำนวณหาค่ากำลังงานสูญเสียทางกลพร้อมกับจำลองผลการกระจายกำลังงานสูญเสียทางกลของหม้อ แปลงไพอิโซอิเล็กทริกประกอบการคำนวณหาค่าประสิทธิภาพของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริก โดย ผลลัพธ์ที่ได้จากการจำลองผลแสดงให้เห็นว่าในช่วงความถี่ธรรมชาติของหม้อแปลงไพอิโซ อิเล็กทริกนั้น จะส่งผลให้เกิดค่าศักย์ไฟฟ้าที่บริเวณขั้วอิเล็กโทรดขาออกและเกิดระยะการกระจัด เชิงกลรวมไปถึงเกิดกำลังงานสูญเสียทางกลของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกมีค่ามากที่สุด โดยจะเกิด อัตราการขยายศักย์ไฟฟ้าสูงสุดที่ความถี่ 84.13 kHz และจะเกิดประสิทธิภาพสูงถึง 94 % เมื่อโหลด ของหม้อแปลงมีค่าเท่ากับ 5.8 kΩ

5.2 ข้อเสนอแนะงานวิจัยในอนาคต

 พัฒนาโปรแกรมระเบียบวิธี ไฟในท์อิลิเมนท์แบบ 3 มิติเพื่อใช้ในการคำนวณหาค่าความ ร้อนที่เกิดขึ้นพร้อมจำลองผลรูปร่างลักษณะการกระจายของความร้อน โดยจะพิจารณาถึงผล กระทบของความร้อนที่ส่งผลต่อค่าคงที่วัสดุและคุณลักษณะต่างๆของหม้อแปลงไพอิโซ อิเล็กทริก

 2. ออกแบบหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกในรูปแบบต่างๆ อาทิเช่น เพิ่มจำนวนชั้นของ หม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริกเป็น 2 ชั้น 3 ชั้นหรือหลายๆชั้นและทำการปรับเปลี่ยนหม้อแปลง ไพอิโซอิเล็กทริกให้เป็นรูปทรงต่างๆ เพื่อศึกษาถึงการเปลี่ยนแปลงของค่าคุณลักษณะต่างๆ เมื่อมีการ เปลี่ยนแปลงไปของจำนวนชั้นหรือรูปทรงของหม้อแปลงไพอิโซอิเล็กทริก

ะ_{ราววิ}กยาลัยเทคโนโลยีสุรบไว

บรรณานุกรม

ปราโมทย์ เคชะอำไพ. (2549). ระเบียบวิธีเชิงตัวเลขในงานวิศวกรรม (พิมพ์ครั้งที่ 5). กรุงเทพฯ: จุฬาลงกรณ์มหาวิทยาลัย.

- เผด็จ เผ่าละออ. (2548). การออกแบบแนวใหม่ของมอเตอร์เหนี่ยวนำเพื่อลดการสั่นสะเทือนโดยวิธี ไฟไนท์อิลิเมนท์. วิทยานิพนธ์ดุษฎีบัณฑิต. สาขาวิชาวิศวกรรมไฟฟ้า มหาวิทยาลัย เทกโนโลยีสุรนารี.
- มณฑกานต์ พีรศักดิ์โสภณ. (2553). บัลลาสต์ไพอิโซอิเล็กทริกสำหรับหลอดฟลูออเรสเซนต์ 36 วัตต์ ชนิด T8. วิทยานิพนธ์มหาบัณฑิต. สาขาวิชาวิศวกรรมไฟฟ้า มหาวิทยาลัยเทคโนโลยีสุร นารี.
- มนฑล นาวงษ์. (2546). การศึกษาเปียโซอิเล็กทริกทรานฟอร์เมอร์สำหรับการประยุกต์ใช้งานในวงจร จ่ายกำลังแบบสวิตช์ชิ่ง. วิทยานิพนธ์มหาบัณฑิต สาขาวิชาวิศวกรรมระบบควบคุม สถาบัน เทคโนโลยีพระจอมเกล้าเจ้าคุณทหารลาคกระบัง.
- สุทัศน์ อ่วมจันทร์., และ สุพาภรณ์ อิฎฐสกุล. (2544) เปียโซอิเล็กทริกทรานสฟอร์เมอร์. ปริญญา นิพนธ์บัณฑิต สาขาวิชาวิศวกรรมระบบควบคุม สถาบันเทคโนโลยีพระจอมเกล้าเจ้าคุณ ทหารลาดกระบัง.
- อานนท์ อิศรมงคลรักษ์. (2552). การออกแบบอุปกรณ์กำบังสนามแม่เหล็กไฟฟ้าที่มีผลต่อ ผู้ปฏิบัติงานที่ทำงานใต้สายส่งกำลังไฟฟ้าด้วยวิธีไฟไนท์อิลิเมนท์แบบ 3 มิติ. วิทยานิพนธ์ มหาบัณฑิต. สาขาวิชาวิศวกรรมไฟฟ้า มหาวิทยาลัยเทคโนโลยีสุรนารี.
- Ando, E.I., and Kagawa, Y. (1992). Finite-element simulation of transient heat response in ultrasonic transducers. **IEEE Transactions on Ultrasonics.** 39 (3): 432-440.
- Antonova, E.E., and Silvester, P.P. (1997). Finite element for piezoelectric vibrations with open electric boundaries. **IEEE Transactions on Ultrasonics.** 44 (3): 548-556.
- Bai, Z., Zhao, Y., Ma, W., and Hao, T. (2008). Modal analysis for small satellite system with Finite element method. IEEE Transactions on Ultrasonics. 50 (2): 788-792.
- Bhuyan, S., and Hu, Junhui. (2008). Wireless drive of a piezoelectric plate by dipole antenna. IEEE Transactions on Ultrasonics. 55 (6): 1199-1202.
- Buchanan, G. R., and Peddieson, J., (1989). Axsymmetric vibration of infinite piezoelectric cylinders using one-dimensional finite element. IEEE Transactions on Ultrasonics. 36 (4): 459-465.

- Dalessandro, L., and Rosato, D. (2005). Finite element analysis of the frequency response of a metallic cantilever coupled with a piezoelectric transducer. IEEE Transactions on Ultrasonics. 54 (5): 1881-1890.
- Eric, M.B., Weixing, H., Dan, Y.C., and Fred, C.L., 2005, Radial mode piezoelectric transformer design for fluorescent Lamp ballast applications. IEEE Transactions on Power Electronics. 20(5): 1213-1220.
- Friedrich, W., Lerch, R., Prestele, K., and Soldner, R., (1990). Simulation of piezoelectric lamb wave delay lines using a finite element method. IEEE Transactions on Ultrasonics. 37 (2): 248-254.

Henderson, I. R. (2002). Piezoelectric ceramics: principles and applications. APC International Ltd. American Piezo Ceramics Inc & APC Products, Inc.

- Ho, S-T. (2007). Modeling and analysis on ring-type piezoelectric transformers. IEEE Transactions on Ultrasonics. 54 (11): 2376-2384.
- Huebner, K. H., Dewhirst, D. L., Smith, D. E., and Byrom, T. G. (2001). The finite element method for engineers (4th ed.). USA: John Wiley & Sons, Inc.
- Jin, Y., Foo, C.F., and Zhu, W.G. (1999). Three-dimensional simulation of piezoelectric transformer for the switching power supply. IEEE Transactions on Ultrasonics. 54 (1): 295-299.
- Joo, H-W., Lee, C-H., and Jung, H-K. (2001). Analysis of piezoelectric transformer by using finiteelement method and equivalent-circuit considering load variation. **IEEE Transactions on Ultrasonics.** 56 (1): 459-462.
- Joo, H-W., Lee, C-H., Rho, J-S., and Jung, H-K. (2006). Analysis of temperature rise for piezoelectric transformer using finite-element method. IEEE Transactions on Ultrasonics. 53 (8): 1449-1457.
- Joo, H-W., Lee, C-H., Rho, J-S., and Jung, H-K. (2003). Identification of material constants for piezoelectric transformers by three-dimensional, finite-element method and a designsensitivity. IEEE Transactions on Ultrasonics. 50 (8): 965-971.
- Kim, B. T., Kwon, B. I., and Park, S. C. (1999). Reduction of electromagnetic force harmonics in asynchronous traction motor by adapting the rotor slot number. IEEE Transactions on Magnetics. 35 (5): 3742-3744.

- Kwok, K.F., Dong, P., Cheng, K.W.E., Kwok, K.W., Ho, Y.L., Wang, X.X., and Chan, H. (2002). General study on piezoelectric transformer. IEEE Transactions on Ultrasonics. 55 (8): 216-220.
- Lerch, R. (1990). Simulation of piezoelectric devices by two and three dimension finite element. IEEE Transactions on Ultrasonics. 37 (2): 233-247.
- Lee, C-H., Joo, H-W., Rho, J-S, Cho H-S., and Jung H-K., (2002). Inversion of piezoelectric material coefficients by using finite element method with asymptotic waveform evaluation. IEEE Transactions on Ultrasonics. 56 (4): 661-664.
- Li, H.L., Hu, J.H., and Chan, H.L.W. (2004). Finite element analysis on piezoelectric ring transformer. **IEEE Transactions on Ultrasonics.** 51 (10): 1247-1254.
- Lin, R. L., Lee, F. C., Baker, E. M., and Chen, D. Y. (2000). Inductor-less piezoelectric transformer ballast for linear fluorescent lamps. Proceeding on CPES Power Electronics System. 309–314.
- Loveday, P.W. (2007). Analysis of piezoelectric ultrasonic transducers attached to waveguides using waveguide finite element. **IEEE Transactions on Ultrasonics.** 54 (10): 2045-2051.
- Loveday, P.W. (2008). Simulation of piezoelectric excitation of guided waves using waveguide finite element. **IEEE Transactions on Ultrasonics.** 55 (9): 2038-2045.
- Preston, T. W., Reece, A. B. J., and Sangha, P. S. (1988). Induction motor analysis by timestepping techniques. **IEEE Transactions on Magnetics.** 24 (1): 471-474.
- Rho, J-S., Joo, H-W., Lee, C-H., and Jung, H-K. (2002). Analysis of ultrasonic linear motor by using finite element method and equivalent circuit. IEEE Transactions on Ultrasonics. 52 (4): 649-652.
- Safari, A., and Akdogan, E. K. (2008). Piezoelectric and acoustic materials for transducer application. USA: Springer.
- Sung, J.C., Kyu, C.L., and Bo, H.C., 2005, Design of fluorescent lamp ballast with PFC using a power Piezoelectric., **IEEE Transaction on Industrial Electronics.** 52(6): 1573-1581.
- Tsuchiya, T., Kagawa, Y., Wakatsuki, N., and Okamura H. (2001). Finite element simulation of piezoelectric transformers. **IEEE Transactions on Ultrasonics.** 48 (4): 872-878.
- Uchino, K., and Hirose, S. (2001). Loss mechanisms in piezoelectric how to measure different losses separately. **IEEE Transactions on Ultrasonics**. 48 (1): 307-321.

- Wang, Y.C., He, J.J., Liu, Y.P., Wu, J., and Lee, C.K. (2005). Theory and experiment of high voltage step-up ratio disk type piezoelectric transformer for LCD-TV. IEEE Transactions on Ultrasonics. 55 (8): 284-287.
- Wang, J., Yong, Y-K., and Imai, T. (1997). Finite element analysis of the piezoelectric vibrations of quartz plate resonators with higher-order plate theory. IEEE Transactions on Ultrasonics. 55 (3): 650-658.
- Wang, J.S., and Ostergaard, D.F. (1999). A finite element-electric circuit coupled simulation method for piezoelectric tranducer. IEEE Transactions on Ultrasonics. 59 (9): 1105-1108.
- Yong, Y-K., and Cho, Y. (1994). Algorithms for eigenvalue problems in piezoelectric finite element analyses. **IEEE Transactions on Ultrasonics.** 54 (5): 1057-1062.
- Yong, Y-K., and Zhen, Z. (1993). A perturbation method for finite element modeling of piezoelectric vibrations in quartz plate resonators. IEEE Transactions on Ultrasonics. 40 (5): 551-562.



ภาคผนวก

การเผยแพร่ผลงานวิจัย

รายชื่อบทความวิจัยที่ได้รับการตีพิมพ์ในวารสารวิชาการนานาชาติ

Vacharakup, S., Peerasaksopho, M., Kulworawanichpong, T., and Pao-la-or, P. (2012).
 Study of Natural Frequencies and Characteristics of Piezoelectric Transformers by Using 3-D
 Finite Element Method. Applied Mechanics and Material, Vol. 110-116, pp. 61-66.



ประวัติผู้วิจัย

ผู้ช่วยศาสตราจารย์ ดร.เผด็จ เผ่าละออ เป็นอาจารย์ประจำสาขาวิชาวิศวกรรมไฟฟ้า สำนักวิชา วิศวกรรมศาสตร์ มหาวิทยาลัยเทคโนโลยีสุรนารี สำเร็จการศึกษาในระดับปริญญาตรี ปริญญาโท และปริญญาเอก จากสาขาวิชาวิศวกรรมไฟฟ้า มหาวิทยาลัยเทคโนโลยีสุรนารี ดำเนินงานวิจัยด้าน Applied FEM for Electromagnetic Field, for Electrical Machine, and for Heat Transfer แ ล ะ Applied AI มีผลงานวิจัยตีพิมพ์ระดับชาติและนานาชาติมากกว่า 40 เรื่อง จดสิทธิบัตร 1 ผลงาน และ ลิขสิทธิ์โปรแกรม 3 ผลงาน

นายสมศักดิ์ วัชระคุปต์ สำเร็จการศึกษาระดับปริญญาวิศวกรรมศาสตร บัณฑิต (วิศวกรรมไฟฟ้า) ที่มหาวิทยาลัยเทคโนโลยีสุรนารี จังหวัดนครราชสีมาใน ปี พ.ศ. 2551 หลังจากสำเร็จการศึกษาได้เข้าศึกษาต่อระดับปริญญาโท สาขาวิชา วิศวกรรมไฟฟ้า มหาวิทยาลัยเทคโนโลยีสุรนารีโดยขณะศึกษาได้ปฏิบัติงานเป็นผู้ช่วยสอน ปฏิบัติการของสาขาวิชาวิศวกรรมไฟฟ้าสำนักวิชาวิศวกรรมศาสตร์ มหาวิทยาลัยเทคโนโลยีสุรนารี จำนวน 5 รายวิชา ได้แก่ (1) ปฏิบัติการการแปลงผันพลังงานทางกลไฟฟ้า (2) ปฏิบัติการ วิศวกรรมไฟฟ้ามูลฐาน (3) ปฏิบัติการวงจรอิเลคทรอนิกส์ (4) ปฏิบัติการระบบควบคุมและ (5) ปฏิบัติการเครื่องจักรกลไฟฟ้า ทั้งนี้มีความสนใจในด้านการวิเคราะห์ความถี่ธรรมชาติโดยใช้ FEM รวมไปถึงการประยุกต์ใช้ FEM ในงานระบบไฟฟ้ากำลัง

ะ _{7 วิภ}ิยาลัยเทคโนโลยีสุรบโ