

จีโนทิกอัลกอริทึม ตอนที่ 1

อาทิตย์ ศรีแก้ว¹

Srikaew, A.¹, (2002). Genetic Algorithms - Part I. Suranaree J. Sci. Technol. 9:69-83

Abstract

Genetic algorithm is a searching method based on two natural processes: selections and genetics. It is considered as an evolutionary computation which has been proved to be a very powerful optimization method in an artificial intelligence area of interest. There have been various researches and applications of genetic algorithm covering in most fields of studies. This article introduces the genetic algorithm in details including its fundamental elements and structures, procedures, properties and advantages.

Key words : genetic algorithm, searching, optimization, artificial intelligence

บทคัดย่อ

จีโนทิกอัลกอริทึม (genetic algorithm) เป็นวิธีการค้นหาคำตอบที่ดีที่สุดโดยใช้หลักการคัดเลือกแบบธรรมชาติ และหลักการทำงานสายพันธุ์ จีโนทิกอัลกอริทึมเป็นการคำนวณอย่างหนึ่งที่กล่าวว่ามี "วิวัฒนาการ" อยู่ในขั้นตอนของการค้นหาคำตอบ และได้รับการจัดให้เป็นวิธีหนึ่งในกลุ่มของการคำนวณเชิงวิวัฒนาการ ซึ่งปัจจุบันเป็นที่ยอมรับในประสาทวิภาค และมีการนำไปประยุกต์ใช้อย่างกว้างขวางในงานทางค้านปัญญา ประดิษฐ์ต่าง ๆ บทความนี้นำเสนอรายละเอียดขององค์ประกอบและโครงสร้างของจีโนทิกอัลกอริทึม เพื่อความเข้าใจและสามารถนำไปประยุกต์ใช้งานได้จริง

บทนำ

จีโนทิกอัลกอริทึม [1-2] หรือเรียกโดยย่อว่า "GA" ถูกพัฒนาขึ้นในช่วงทศวรรษที่ 60 โดยจำลองเอาแนวคิดของวิวัฒนาการของสิ่งมีชีวิตในระบบชีววิทยา มาใช้ในการคำนวณด้วยคอมพิวเตอร์ GA ได้รับความนิยมโดยการเผยแพร่ของ John Holland ในหนังสือชื่อ "Adaptation in Natural and Artificial Systems"

ซึ่งตีพิมพ์เป็นครั้งแรกเมื่อปี ก.ศ. 1975 หลังจากนั้น จึงมีการนำเอา GA ไปประยุกต์ใช้งานในด้านต่าง ๆ กันอย่างแพร่หลาย พร้อม ๆ กับการศึกษาและพัฒนาองค์ประกอบต่าง ๆ ของ GA ให้มีประสิทธิภาพดีขึ้น GA ถือว่าเป็นวิธีการค้นหาคำตอบที่ดีที่สุดเชิงฟัมฟูสาน (combinatorial optimization method)

¹ Ph.D., อาจารย์ประจำสาขาวิชาวิศวกรรมไฟฟ้า สำนักวิศวกรรมศาสตร์ มหาวิทยาลัยเทคโนโลยีสุรนารี อ.เมือง ช.นครราชสีมา 30000.

แบบปัญญาประดิษฐ์ที่มีความสามารถในการค้นหาคำตอบอย่างชาญฉลาดและลดความยุ่งยากในขั้นตอนต่างๆ ของการค้นหาลงไป ซึ่งวิธีแบบปัญญาประดิษฐ์นี้ข้อได้เปรียบและมีความแตกต่างไปจากวิธีดังเดิม เช่น การคำนวณเชิงตัวเลข การโปรแกรมเชิงเส้น หรือวิธีการค้นหาผลเฉลย ปัจจุบันจึงเห็นได้ว่ามีการนำเอา GA ไปใช้ในเกือบทุกสาขาวิชา ตัวอย่างบางส่วนที่น่าสนใจคือ เช่น การประมวลผลสัญญาณดิจิตอล [3-4] การประมวลผลสัญญาณภาพและการมองเห็นด้วยคอมพิวเตอร์ [5-8] ระบบควบคุม [3, 9-11] การสื่อสารและโทรคมนาคม [12-14] อิเล็กทรอนิกส์ [15-17] ไฟฟ้ากำลัง [18-21] คอมพิวเตอร์และอินเตอร์เน็ต [22-24] การแพทย์ [25-27] การเงิน [28] การขนส่ง [29] และอื่นๆ อีกมากmany นอกจากนั้นแล้ว GA ยังถูกนำไปใช้ร่วมกับเครื่องมืออื่นๆ ได้อย่างมีประสิทธิภาพ เช่น ระบบฟื้นฟูลอกิก [30] ระบบที่ให้ไวไฟลีด [31] ระบบเครื่องย่ายประเทศไทย [32] เป็นต้น จะเห็นได้ว่าประสิทธิภาพและสมรรถนะของ GA ได้เป็นที่ยอมรับและมีการนำไปประยุกต์ใช้กันอย่างแพร่หลาย ในบทความนี้จึงขอนำเสนอรายละเอียดของ GA ในทุกองค์ประกอบเพื่อความเข้าใจในหลักการทำงานของ GA อันจะนำไปสู่การนำไปประยุกต์ใช้ได้ต่อไปอย่างมีประสิทธิภาพ

GA คืออะไร?

GA เป็นขั้นตอนในการค้นหาคำตอบให้กับระบบ เราสามารถมอง GA เป็นเครื่องมือในการช่วยคำนวณอย่างหนึ่งที่ทำงานอยู่ข้างๆ ระบบ วัյจักรของ GA โดยธรรมชาติแล้วประกอบไปด้วย 3 กระบวนการที่สำคัญได้แก่ (ดังแสดงในรูปที่ 1)

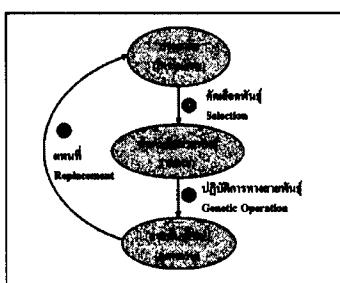


Figure 1. GA cycle.

1. การคัดเลือกสายพันธุ์ (selection)

กือขั้นตอนในการคัดเลือกประชากรที่ดีในระบบไปเป็นต้นกำเนิดสายพันธุ์เพื่อให้กำเนิดลูกหลานในรุ่นถัดไป

2. ปฏิบัติการทางสายพันธุ์ (genetic operation)

กือกรรมวิธีการเปลี่ยนแปลงโครงใบไม้ ด้วยวิธีการทางสายพันธุ์ เป็นขั้นตอนการสร้างลูกหลานซึ่งได้จากการรวมพันธุ์ของต้นกำเนิดสายพันธุ์เพื่อให้ได้ลูกหลานที่มีส่วนผสมพسانมากจากพ่อแม่หรือได้จากการแปรผันยืนของพ่อแม่เพื่อให้ได้ลูกหลานสายพันธุ์ใหม่เกิดขึ้น

3. การแทนที่ (replacement)

กือขั้นตอนการนำเอาลูกหลานกำเนิดใหม่ไปแทนที่ประชากรเก่าในรุ่นก่อน เป็นขั้นตอนการในการคัดเลือกว่าควรจะเอาลูกหลานในกลุ่มใดไปแทนประชากรเก่าในกลุ่มใด

GA มีการจำลองวิวัฒนาการของสิ่งมีชีวิตในระบบนธรรมชาติ กล่าวคือกระบวนการภายใต้ของ GA ทำให้คำตอบของระบบที่มีอยู่ก็คือวิวัฒนาการในตัวเองอันจะนำไปสู่การปรับตัวให้กลไกเป็นคำตอบที่คิดว่าและดีที่สุด ได้ รายละเอียดขององค์ประกอบในรูปจกร GA มีดังนี้

o ประชากร (population) - ประกอบไปด้วยกลุ่มของโครงใบไม้ (chromosome) ซึ่งเป็นตัวแทนของคำตอบในระบบที่ต้องการค้นหา

o ต้นกำเนิดสายพันธุ์ (parents) - กลุ่มประชากรที่ถูกคัดเลือกเพื่อเป็นตัวแทนในการให้กำเนิดสายพันธุ์ใหม่ในรุ่นถัดไป (next generation) ประชากรกลุ่มนี้จะเปรียบเสมือนกับเป็น "พ่อแม่" สำหรับใช้ในการสืบทอดสายพันธุ์ให้ลูกหลานต่อไป

o สายพันธุ์ใหม่ (offspring) - หรือ "ลูกหลาน" เป็นประชากรกลุ่มใหม่ที่ได้รับการถ่ายทอดสายพันธุ์มาจากพ่อแม่โดยคาดหวังที่จะได้รับสายพันธุ์ที่ดีที่สุดเพื่อถ่ายทอดต่อๆ กันในประชากรรุ่นถัดไป

ขั้นตอนการทำงานของ GA

แผนภาพในรูปที่ 2 แสดงขั้นตอนทั่วไปของ GA และการเรื่องไปอย่างเข้ากับระบบในโลกจริงเพื่อทำการค้นหา

คำตอบที่ต้องการ คำตอบของระบบที่ต้องการให้ GA ทำการค้นหาจะอยู่ในรูปของโครโน้มในกลุ่มของประชากรซึ่งคำตอบที่ต้องการจะเป็นโครโน้มที่ดีที่สุดในกลุ่ม ดังนั้นระบบจะสามารถรู้ได้ว่าคำตอบที่มีอยู่ใน GA ณ เวลาหนึ่ง ๆ นั้นดีหรือไม่ดีอย่างไรด้วยการประเมินค่าของโครโน้มผ่านฟังก์ชันวัดคุณภาพสังเคราะห์

นั้นที่จะถูกแทนที่ด้วยกลไกเชิงพาระสำหรับขั้นตอนของการแทนที่โดยใช้ค่าความหมายสมในการตัดสิน

- เริ่มต้นทำข้ามขั้นตอนในข้อ 2) ไปร์เรอ ฯ จนกระทั่งได้คำตอบที่ต้องการ คำตอบที่ได้จะมาจากโครโน้มที่ดีที่สุดในกลุ่มประชากรนั้นเองโดยที่

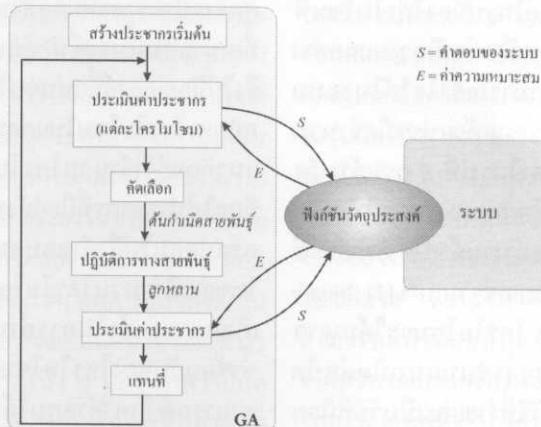


Figure 2. Simple GA process in real-world system.

ขั้นตอนทั่วไปของ GA

- สร้างประชากร โดยปกติจะใช้การสุ่ม (random)
- ประเมินค่าโครโน้มของกลุ่มประชากรทั้งหมด ด้วยฟังก์ชันวัดคุณภาพสังเคราะห์ เนื่องจากระบบไม่สามารถเข้าใจค่าของโครโน้มภายใน GA ดังนั้นโครโน้มจะต้องผ่านการถอดรหัสก่อนที่จะนำไปทำการคำนวณด้วยฟังก์ชันวัดคุณภาพสังเคราะห์ได้
- คำนวณหาค่าความหมายสมแล้วส่งกลับไปยัง GA
- ใช้ค่าความหมายสมทำการคัดเลือกโครโน้ม นำกลุ่มเพื่อนำมาเป็นต้นกำเนิดสายพันธุ์ซึ่งจะใช้เป็นตัวแทนในการถ่ายทอดสายพันธุ์ให้กับรุ่นลูกไป
- นำต้นกำเนิดสายพันธุ์มาทำการสร้างถูกหลาดด้วยปฏิบัติการทางสายพันธุ์ โครโน้มที่ได้ในขั้นตอนนี้ก็คือโครโน้มถูกหลาด
- คำนวณค่าความหมายสมของโครโน้มถูกหลาด โดยใช้ขั้นตอนเดียวกับข้อ 3)
- โครโน้มในประชากรเดิมจะถูกแทนที่ด้วยถูกหลาดที่ได้จากข้อ 5) ประชากรเพียงบางส่วนเท่า

สามารถใช้ค่าจากฟังก์ชันวัดคุณภาพสังเคราะห์เพื่อเป็นการประเมินว่าคำตอบที่ได้เป็นที่ต้องการแล้วหรือไม่

โครโน้มประชากรและการเข้ารหัส (Population & Encoding Scheme)

การเข้ารหัสประชากรเป็นขั้นตอนแรกและเป็นขั้นตอนที่สำคัญ เพราะเป็นการถอดแบบให้โครโน้มเป็นตัวแทนของคำตอบจากระบบ ใน GA ทั่ว ๆ ไปจะให้โครโน้มอยู่ในรูปของตัวแปรแบบสตริง (string of variables)

$$S = (s_1, s_2, \dots, s_L)$$

โดยที่ S คือโครโน้มหนึ่ง ๆ และแต่ละ $s_i, i=1, 2, \dots, L$ คือแต่ละตัวแปรในชุดคำตอบของระบบ (แต่ละระบบจะมีจำนวนตัวแปรไม่เท่ากัน ขึ้นอยู่กับลักษณะของปัญหา ความซับซ้อนและการถอดแบบการแก้ปัญหาของระบบนั้น ๆ)

เมื่อพิจารณาโครโน้มหนึ่ง ๆ เราสามารถมองได้ว่าเป็นการนำเอาคำตอบทั้งชุดของระบบมาวางเรียงต่อกันเป็นสาย GA จะมองโครโน้มเป็นหนึ่ง

คำตอนประกอบไปด้วยองค์ประกอบที่เรียกว่ายีน (gene) ซึ่งในทางชีววิทยาถือว่าเป็นส่วนที่เก็บคุณลักษณะสำคัญของสิ่งมีชีวิตเอาไว้ เช่น สีของตาหรือผิวเป็นต้น ดังนั้น โครงโน้มโน้มใน GA จึงเป็นที่เก็บคุณลักษณะของคำตอนของระบบเอาไว้เพื่อใช้ในการสืบทอดสายพันธุ์ให้ประชากรรุ่นต่อไป บานวนการภายในของ GA จะมีองค์ประกอบของระบบอยู่ในรูปของโครงโน้มโน้มที่เรียกว่า "genotype" รูปแบบดังกล่าวมีความแตกต่างจากรูปของตัวแปรที่เราสามารถเข้าใจได้ในระบบปกติที่เรียกว่า "phenotype" เช่น ตัวแปรชนิดจำนวนจริงหรือจำนวนเต็มดังแสดงในรูปที่ 3 การเข้ารหัส จึงเป็นการจัดวางรูปแบบคำตอนของระบบให้อยู่ในรูปที่ GA สามารถเข้าใจและทำงานด้วยได้ ตัวอย่างเช่น การเข้ารหัสแบบบิท (binary string) ดังแสดงในรูปที่ 4 โครงโน้มโน้มจะได้มาจากการเรียงกันด้วยคำตอนของระบบแบบบิทต่อบิท วิธีการเข้ารหัสแบบนี้เป็นวิธีที่ง่ายและเป็นวิธีที่นิยมใช้กันทั่วไปวิธีหนึ่ง วิธีเข้ารหัสอื่น ๆ ก็มีเช่น การเข้ารหัสแบบจำนวนเต็ม [33] (integer) และการเข้ารหัสแบบค่าจริง [33-34] (real-valued) ฯลฯ ข้อดีของวิธีการเข้ารหัสรักษาโครงสร้างแบบบิท สามารถเข้าใจและตรวจสอบคุณภาพได้ทันทีโดยไม่ต้องถอดรหัส วิธีการเข้ารหัสแบบบิทจึงเป็นอีกวิธีที่มีข้อดีเหนือกว่าวิธีอื่น ๆ ในเมื่องของการคำนวณเชิงตัวเลข อันเนื่องมาจากวิธีดังกล่าวสามารถใช้ตัวแปรแบบจำนวนจริงในการคำนวณโดยตรง จึงไม่มีการสูญเสียความละเอียดของตัวเลขแต่อย่างใด นอกจากนั้นยังสามารถใช้วิธีคำนวณที่หลากหลายกว่าต่อโครงโน้มโน้มได้โดยตรงอีกด้วย

วิธีการเข้ารหัสแต่ละวิธีจะมีคุณสมบัติที่ไม่เหมือนกันซึ่งขึ้นอยู่กับปัจจัยหลาย ๆ อย่าง เช่น ขนาดของคำตอนหรือวิธีการคำนวณในระบบ ฯลฯ โดยปกติแล้วตัว GA ใช้โครงโน้มโน้มที่อยู่ในรูปของ phenotype การเข้ารหัสก็เป็นขั้นตอนที่ไม่จำเป็นเนื่องมาจากการโน้มโน้มที่เป็น phenotype จะอยู่ในรูปเดียวกันกับคำตอนของระบบซึ่งสามารถเข้าใจได้ทันที

ปกติแล้วใน GA จะใช้โครงโน้มโน้มหลาย ๆ ชุดแทนคำตอนของระบบ คือ S_i , $i=1,2,\dots,N$ นั่นคือในวิธีการหนึ่ง ๆ ของ GA จะมีคำตอนอยู่หลาย ๆ ชุด ปกติแล้วขนาดของประชากรจะมีจำนวนอยู่

ระหว่าง 30-100 โครงโน้มโน้ม ในระบบที่เป็นเวลาจริง (real-time system) มีการใช้ไมโคร GA (micro-GA) ซึ่งมีขนาดของประชากรเพียงประมาณ 10 โครงโน้มโน้ม เพื่อเพิ่มความเร็วในการคำนวณ ขนาดของประชากรอาจจะกล่าวได้ว่าเป็นสิ่งแรกที่ต้องทำการกำหนดค่าก่อน แน่นอนว่าคำตอนของระบบควรจะเป็นคำตอนที่ดีที่สุดจากประชากรที่มีอยู่ด้วยนั้นจึงนานวนของโครงโน้มโน้มที่เหมาะสมนั้นจะขึ้นอยู่กับระบบและการออกแบบ ซึ่งไม่มีกฎเกณฑ์ที่แน่นอนในการระบุจำนวนที่เหมาะสมของโครงโน้มโน้มในแต่ละครั้งได้ อย่างไรก็ตามที่หลักแนวคิดอยู่ว่าจำนวนโครงโน้มโน้มที่น้อยเกินไปอาจจะมีผลให้ประชากรที่น้อยอยู่ทั้งหมดไม่สามารถขยายพันธุ์ครอบคลุมไปถึงคำตอนของระบบได้ตามที่ต้องการ ในขณะที่จำนวนโครงโน้มโน้มที่มากเกินไปก็จะก่อให้เกิดความล่าช้าในการคำนวณและทำให้เกิดความซ้ำซ้อนกันของโครงโน้มโน้มซึ่งอาจมีผลให้ GA ไม่สามารถถูกเข้าหาคำตอนได้บ่อยที่คาดคิด

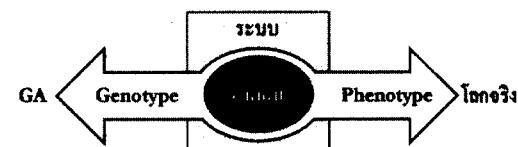


Figure 3. System solution in GA system and real-world system.

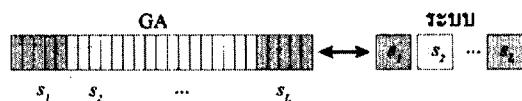


Figure 4. Binary string encoded chromosome.

การประเมินค่าความเหมาะสม (Fitness Evaluation)

การประเมินค่าความเหมาะสมเป็นขั้นตอนในการประเมินว่าโครงโน้มโน้มหนึ่ง ๆ ดีหรือไม่ดีอย่างไร เทียบกับโครงโน้มโน้มอื่น ๆ ที่มีอยู่ในกลุ่มประชากรนั้น ๆ โดยปกติแล้วการประเมินค่าความเหมาะสมของโครงโน้มโน้มจะประกอบไปด้วยการคำนวณค่าของสองฟังก์ชันดังนี้

1) พังก์ชันวัตถุประสงค์ (objective function หรือ evaluation function)

เป็นกระบวนการสำหรับที่ใช้ในการประเมินผลคำตอบของระบบว่าดีหรือไม่ดีแค่ไหน พังก์ชันวัตถุประสงค์เป็นพังก์ชันที่ทำการประเมินคำตอบจากโครโน่โชนโดยเทียบกับเป้าหมายของระบบ ในกรณีที่ระบบเป็นปัญหาของการค้นหาค่าต่ำสุด (minimization problem) โครโน่โชนที่เป็นคำตอบที่ดีที่สุดของระบบจะมีค่าตัวเลขจากพังก์ชันวัตถุประสงค์ที่น้อยที่สุด ตัวอย่างของพังก์ชันวัตถุประสงค์ ได้แก่ พังก์ชันที่ $y = \sum_{i=1}^n f_i(s_i)$ ที่ใช้คำนวณค่าความผิดพลาดของระบบ (error) ดังนั้นวัตถุประสงค์ของระบบดังกล่าวก็คือต้องการให้ค่าความผิดพลาดของระบบมีค่าน้อยที่สุด ค่าการประเมินที่ได้จากการพังก์ชันวัตถุประสงค์จะเป็นตัวบอกว่าคำตอบของระบบเหมาะสมน้อยหรือไม่ดีเท่าไร ในกรณีนี้ สำหรับคำตอบหนึ่ง ๆ แล้ว ค่าความผิดพลาดที่น้อยกว่าหมายถึงคำตอบนั้นจะเป็นคำตอบที่ดีกว่า เนื่องมาจากพังก์ชันวัตถุประสงค์ต้องใช้ตัวระบบเป็นที่คำนวณค่าการประเมิน ดังนั้นพังก์ชันวัตถุประสงค์จึงถือเป็นส่วนสำคัญในการเชื่อมโยง GA เข้ากับระบบในโลกจริงดังแสดงในรูปที่ 5

สังเกตว่าโครโน่โชนที่นำไปประเมินค่าด้วยพังก์ชันวัตถุประสงค์จะต้องอยู่ในรูปที่ระบบเข้าใจ (เน้นคืออยู่ในรูป phenotype) ดังนั้นถ้ากำหนดให้โครโน่โชน S ที่เวลา t ได้ s คือ $S(t)$ เราสามารถเขียนค่าความสัมพันธ์ของค่าการประเมินของโครโน่โชนนี้กับพังก์ชันวัตถุประสงค์ได้ดังนี้

$$F(S(t)) = F(s_1, s_2, \dots, s_L)$$

โดยที่ s_1, s_2, \dots, s_L คือคำตอบของระบบที่ผ่านการถอดรหัสให้อยู่ในรูปของ phenotype เรียบเรียงแล้ว

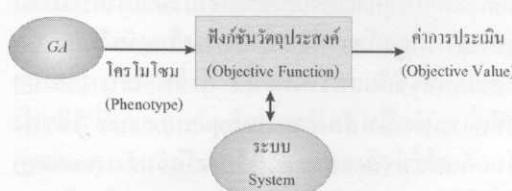


Figure 5. Objective function that connects between GA and real-world.

2) พังก์ชันกำหนดค่าความเหมาะสม (fitness function)

เป็นพังก์ชันที่ทำการจับคู่ค่าการประเมินที่ได้จากพังก์ชันวัตถุประสงค์ไปเป็นค่าความเหมาะสม (fitness value) จุดประสงค์ของพังก์ชันนี้เพื่อทำการกำหนดค่าความเหมาะสมให้กับโครโน่โชนแต่ละตัว โดยมีค่าเปรียบเทียบกันของภายในกลุ่มประชากร ค่าความเหมาะสมเหล่านี้จะถูกนำมาใช้เป็นเครื่องมือเพื่อตัดสินคัดเลือกโครโน่โชนที่จะใช้ในการสืบทายพันธุ์ในรุ่นถัดไป สาเหตุที่ GA ไม่ใช้ค่าการประเมินในการคัดเลือกโครโน่โชนก็ เพราะว่าค่าการประเมินที่ได้จากพังก์ชันวัตถุประสงค์นั้นจะมีค่าขั้นอยู่กับระบบ จึงทำให้ตัวเลขที่ได้มีความหลากหลายและแตกต่างกันเกินไป ยกตัวอย่างเช่น ขนาดค่าความผิดพลาดของระบบสามารถมีค่าน้อยที่สุดคือศูนย์และมากที่สุดที่ไม่จำกัดบนด้านมากและเครื่องหมาย จะเห็นได้ว่าเป็นการไม่สะดวกนักที่จะนำเอาค่าดังกล่าวมาใช้ในการคัดเลือกโครโน่โชนเนื่องมาจากค่านั้นอาจจะมีความแตกต่างกันเกินไป (โดยเฉพาะในแต่ละรอบของ GA ที่มีการประเมินโครโน่โชน ค่าความผิดพลาดอาจจะแตกต่างกันโดยสิ้นเชิงได้) พังก์ชันกำหนดค่าความเหมาะสมจึงเป็นการคำนวณค่าการประเมินของโครโน่โชนทั้งหมดเทียบกับโครโน่โชนคู่อีกตัวหนึ่งและทำให้มีค่าที่อยู่บนบรรทัดฐานเดียวกันกล่าวคือ

$$E(F_i) \in [E_{\min}, E_{\max}], i=1, 2, \dots, N$$

โดยที่ $E(F_i)$ คือพังก์ชันกำหนดค่าความเหมาะสมจากค่าการประเมิน F_i (ของโครโน่โชนตัวที่ i) E_{\min} และ E_{\max} เป็นค่าต่ำสุดและต่ำสูงสุดของค่าความเหมาะสมโดยปกติจะมีค่าคงที่ตลอดระยะเวลาการทำงานของ GA (ซึ่งต่างกับค่าการประเมินที่สามารถเปลี่ยนแปลง

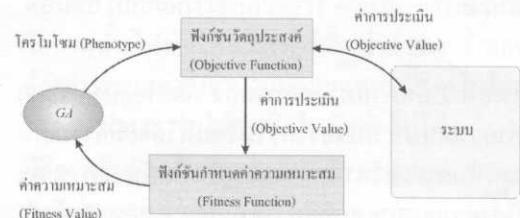


Figure 6. Objective function and fitness function.

ไปตามสภาวะของคำตอบที่คำนวณได้ในแต่ละรอบ ของ GA) รูปที่ 6 แสดงความสัมพันธ์ระหว่างฟังก์ชัน วัดคุณภาพของฟังก์ชันกำหนดค่าความเหมาะสม ของ GA

เทคนิคงของฟังก์ชันกำหนดค่าความเหมาะสม มีอยู่หลายแบบ เทคนิคที่ง่ายและนิยมใช้ เช่น วิธี กำหนดค่าอย่างเป็นสัดส่วน (proportional) หรือวิธีการ กำหนดค่าบรรทัดฐานเชิงเส้น (linear normalization) ฯลฯ รายละเอียดโดยสังเขปของเทคนิคดังกล่าวมี ดังต่อไปนี้

เทคนิควิธีกำหนดค่าอย่างเป็นสัดส่วน (Proportional)

กำหนดให้ประชากรประกอบไปด้วย โครโนไซม์ทั้งหมด N ตัว คือ S_i , $i = 1, 2, \dots, N$ และค่าการประเมินของโครโนไซม์ตัวที่ i คือ $F_i = f(S_i)$ จะได้ว่าค่าความเหมาะสมของแต่ละโครโนไซม์คือ

$$E(F_i) = \frac{F_i}{\sum_{j=1}^N F_j}$$

ค่าความเหมาะสมที่ได้จากการวิธีนี้จะถูกทำให้ อยู่ในบรรทัดฐานเดียวกัน นั่นคือมีค่าไม่เกิน 1 อย่างไรก็ตาม วิธีนี้ไม่เหมาะสมที่จะใช้กับค่าการประเมินที่มี ค่าเป็นลบ

เทคนิควิธีการกำหนดบรรทัดฐานเชิงเส้น (Linear Normalization)

ทำการจัดเรียงโครโนไซม์ทั้งหมด N ตามลำดับ โดยที่เรียงจากมากไปน้อยถ้าระบบต้องการ หาคำตอบที่มีค่านากที่สุด ในขณะที่เรียงจากน้อยไป มากจะใช้สำหรับระบบที่ต้องการหาคำตอบที่มีค่า น้อยที่สุด กำหนดให้ตัวรีที่แสดงลำดับของการเรียง เป็น r

ให้โครโนไซม์ที่คิดว่ามีค่าความเหมาะสม เป็น E_{best} แล้วโครโนไซม์ตัวที่ i จะมีค่าความเหมาะสม คือ

$$E_i = E_{best} - (r-1)X\lambda$$

โดยที่ λ คือค่าอัตราการลดลง (decrement rate) ค่าความเหมาะสมของโครโนไซม์ที่ได้จะมีค่าไม่เกิน E_{best} ในขณะที่โครโนไซม์ที่อยู่ในอันดับแรก ๆ จะ มีค่าความเหมาะสมที่คิดว่าความสัดส่วนของ ค่าอัตรา การลดลงจะมีค่าแตกต่างกันไปตามลักษณะของค่า การประเมิน (ซึ่งอาจจะไม่เหมือนกันในแต่ละระบบ)

ด้วยวิธีการกำหนดบรรทัดฐานเชิงเส้น จะเห็นได้ว่าสุดท้ายแล้วค่าการประเมินของระบบ จะอยู่ในบรรทัดฐานเดียวกัน โดยมีค่า E_{best} เป็นหลัก ค่าการประเมินอื่น ๆ จะถูกจับถูกไปเป็นค่าความ เหมาะสมที่ไม่ขึ้นอยู่กับค่าการประเมิน แต่จะขึ้นอยู่กับลำดับของค่าการประเมินที่บ่งบอกว่า โครโนไซม์นั้นดีหรือไม่ดีอย่างไร

การคัดเลือกสายพันธุ์ (Selection)

การคัดเลือกสายพันธุ์เป็นขั้นตอนในการคัดเลือก โครโนไซม์ที่คิดว่ามีค่าความเหมาะสมในอันดับต้นของโครโนไซม์ที่ได้จะถูกนำไปใช้เป็นต้นกำเนิดสายพันธุ์ เพื่อใช้ในการให้กำเนิดถูกหลานในรุ่นต่อไป โดยปกติ แล้วเพื่อให้ได้สายพันธุ์ที่ศักดินำกำเนิดของสายพันธุ์จะ ต้องดีด้วย จึงกล่าวเป็นปัญหาว่าจะทำการคัดเลือกต้น กำเนิดสายพันธุ์ที่ดีได้อย่างไร

การคัดเลือกสายพันธุ์เป็นการขั้กสองการ คัดเลือกโครโนไซม์ที่จะสามารถอยู่รอดได้ในแต่ละรุ่น สำหรับ GA จะทำการคัดเลือกโครโนไซม์โดยการ พิจารณาที่ค่าความเหมาะสมของโครโนไซม์นั้น ๆ ดัง นั้นโครโนไซม์ที่มีค่าความเหมาะสมที่ดียิ่งเท่าไหร่ ถึงจะเป็นโครโนไซม์ที่ดีและมีโอกาสที่จะให้ถูก หลาน (offspring) ในจำนวนที่มากกว่าได้ ซึ่งบ่งเป็น การบ่งบอกว่าโอกาสในการอยู่รอดในรุ่นต่อไปก็จะมี เพิ่มมากไปยิ่งขึ้นด้วย

ขั้นตอนในการคัดเลือกสายพันธุ์ประกอบ ไปด้วย 2 ขั้นตอนใหญ่ ๆ ได้แก่ การกำหนดค่า โอกาสในการถูกคัดเลือกเพื่อเป็นต้นกำเนิดสายพันธุ์ ให้กับโครโนไซม์ และการแบ่งลงค่าโอกาสไปเป็น จำนวนของโครโนไซม์ โครโนไซม์ที่มี โอกาสในการถูกคัดเลือกสูงจะให้จำนวนของโครโนไซม์ ถูกแทนที่สูงด้วย วิธีการกำหนดโอกาสในการถูก คัดเลือกที่ใช้กันแพร่หลายทั่ว ๆ ไป เช่น [35-38] วิธีการแบ่งเป็นสัดส่วน (proportionate) วิธีของ ไบล์ชมันน์ (Boltzmann) วิธีการจัดอันดับ (ranking) และวิธีจัดการแข่งขัน (tournament) ฯลฯ สำหรับการ แบ่งลงค่าโอกาสหรือที่เรียกว่าการซักดูอย่าง (sampling) จะใช้วิธีของวงล้อรูเล็ต (roulette wheel)

sampling) หรือวิธีกระบวนการการเพิ่มสุ่มครอบจักรวาล (stochastic universal sampling หรือ SUS) หลักการโดยทั่วไปของกำหนดโอกาสจะใช้ค่าความหมายสนของแต่ละ โครงการในโฉมเพื่อช่วยในการคัดเลือกดังรายละเอียดต่อไปนี้

วิธีการแบ่งเป็นสัดส่วน (Proportionate Selection)

วิธีการนี้จะทำการคัดเลือกโครงการในโฉมนอย่างเป็นสัดส่วนจากค่าความหมายสนของโครงการในโฉมนี้ ๆ ถ้ากำหนดให้โครงการในโฉม S มีค่าความหมายสนเป็น $E(S)$ ค่าโอกาสในการถูกคัดเลือกของโครงการในโฉมนี้คือ

$$P(S) = \frac{E(S)}{E_{avg}}$$

โดยที่ E_{avg} คือ ค่าความหมายสนเฉลี่ยของโครงการในโฉมทั้งหมด ค่า $P(S)$ แสดงให้เห็นว่าโครงการในโฉมนี้แต่ละตัวสามารถเป็นต้นกำเนิดสายพันธุ์ในอัตราส่วนที่แตกต่างกัน โครงการในโฉมนี้มีค่าความหมายสนมากเท่าใดมีโอกาสในการสืบสายพันธุ์ด้วยอัตราที่สูงกว่าโครงการในโฉมนี้มีค่าความหมายสนน้อยกว่า

ข้อจำกัดของการคัดเลือกสายพันธุ์ด้วยวิธีการนี้ คือ ค่าความหมายสนจะต้องมีค่าเป็นบวกเท่านั้น อย่างไรก็ตามความสามารถใช้ค่าเอกซ์โพเนนเชียลของค่าความหมายสนซึ่งจะเป็นวงแหวนแทนได้ (วิธีดังกล่าวจะกล่าวเป็นวิธีของนโยบายชั้นนี้นั่นเอง) วิธีการแบ่งเป็นสัดส่วนเป็นวิธีที่ง่ายแต่อาจจะสามารถนำไปสู่คำตอบของคนเฉพาะคืนได้ (local optimum) วิธีการแบบอื่น ๆ จึงถูกพัฒนาและศึกษาในประสิทธิภาพของการทำงานของ GA ดังเช่นวิธีของนโยบายชั้นนี้หรือวิธีแบบจัดอันดับ

วิธีของโบลต์ซมันน์ (Boltzmann Selection)

วิธีของนโยบายชั้นนี้เป็นวิธีการแก้ปัญหาของโครงการในโฉมนี้มีค่าความหมายสนที่เป็นลบ นอกจากนั้นแล้วยังมีจุดประสงค์เพื่อทดสอบค่าความหมายสนของประชากรโดยรวม พิจารณาค่าโอกาสในการถูกคัดเลือกของโครงการในโฉม S ที่มีค่าความหมายสนเป็น $E(S)$ สามารถเขียนได้ดังนี้

$$P(S) = \frac{e^{E(S)}}{E_{avg}}$$

สมการข้างต้นได้มาจากการคำนวณค่าเอกซ์โพเนนเชียล

ของค่าความหมายสนของโครงการในโฉมนี้นั่นเอง

วิธีการจัดอันดับ (Ranking Selection)

วิธีการนี้เป็นวิธีการที่ง่าย โดยโครงการในโฉมจะถูกจัดเรียงให้มีอันดับตามค่าความหมายสน โครงการในโฉมนี้มีค่าความหมายสนที่คิดว่าสูงจะมีอันดับ N โดยที่ N คือจำนวนโครงการในโฉมทั้งหมด (N จะเป็นค่าอันดับที่มากที่สุด) ในขณะที่โครงการในโฉมนี้มีค่าความหมายสนที่ต่ำกว่าสูงจะมีอันดับ 1 โอกาสในการถูกคัดเลือกของโครงการในโฉมนี้จะมีค่าเท่ากัน

$$P(S) = \frac{r}{E_{avg}}$$

วิธีการจัดอันดับมีข้อดีคือ P จะไม่แปรผันกับขนาดของค่าความหมายสนแต่จะขึ้นกับอันดับของโครงการในโฉมนอย่างไรก็ตามวิธีการดังกล่าวจะมีผลทำให้การอุ่นเข้าสู่คำตอบของ GA ชา เนื่องมาจากโครงการในโฉมนี้ต้องกว่ามีโอกาสในการถูกคัดเลือกที่คิดว่ามีเมื่อเทียบกับวิธีที่กล่าวมาก่อนข้างต้น

วิธีจัดการแข่งขัน (Tournament Selection)

เป็นวิธีการเดียวกับการแข่งขันกีฬาทั่วไป ทำได้โดยการสุ่มแบ่งกลุ่มคัดเลือกโครงการในโฉมแล้วเลือกเอาโครงการในโฉมที่ดีที่สุดในกลุ่มนั้นเพื่อเป็นต้นกำเนิดสายพันธุ์ จำนวนของโครงการในโฉมนี้แต่ละกลุ่มนั้นจะแตกต่างกันออกไป โดยปกติแล้วจะใช้วิธีสุ่มแบบจับคู่โครงการในโฉมนี้ (นั่นคือมีเพียง 2 โครงการในโฉมนี้ถูกสุ่มเลือกเข้ามาในแต่ละการแข่งขัน) วิธีจัดการแข่งขันมีความหมายสนในการทำให้ปัญหาความเหลื่อมล้ำของค่าความหมายสนของโครงการในโฉมหมดไป

หลังจากที่ได้มีการกำหนดค่าโอกาสในการถูกคัดเลือกให้กับแต่ละโครงการในโฉมจนหมดแล้ว ขั้นตอนต่อไปก็คือการซักตัวอย่าง ซึ่งเป็นการนำเอาค่าโอกาสนี้ไปทำการแปลงให้เป็นค่าตัวเลข ตัวเลขดังกล่าวจะแสดงถึงจำนวนของลูกเหล็กที่โครงการในโฉมนี้ ๆ จะสามารถให้กำเนิดในขั้นต่อไปได้

วิธีการซักตัวอย่างแบบวงล้อรูเล็ต (Roulette Wheel Sampling)

ในขั้นตอนแรกจะทำการสร้างวงล้อรูเล็ต ขึ้นมา ก่อน โดยกำหนดให้ P_{total} คือ ผลรวมของค่าโอกาสในการถูกคัดเลือกของโครงการในโฉมในประชากร

ทั้งกลุ่ม ค่า n นี้จะมีค่าเท่ากับเส้นรอบวงของวงล้อรูเล็ต หลังจากนั้นค่า P ของโครงสร้างในโฉนดแต่ละตัวจะถูกแปลงไปยังบนวงล้อรูเล็ตภายในช่วง $[0, P_{\text{total}}]$ โดยที่บนคาดบนวงล้อรูเล็ตสำหรับแต่ละโครงสร้างในโฉนด จะสัมพันธ์กับค่า P ของโครงสร้างในโฉนดนั้น ๆ ญูปีที่ 7 แสดงตัวอย่างของวงล้อรูเล็ตสำหรับประชากร S ที่มีค่าความเหมาะสม $E = \{3, 1, 5, 20, 8\}$ ค่า P คือค่าโอกาสในการถูกคัดเลือกของโครงสร้างในโฉนดตัวที่ i ; ซึ่งได้มาจากการแบ่งเป็นสัดส่วน สังเกตว่าค่า P ของโครงสร้างจะสัมพันธ์โดยตรงกับค่าความเหมาะสมของโครงสร้างในโฉนด

จากญูปีที่ 7 โครงสร้าง S_1 ซึ่งมีค่าความเหมาะสมเท่ากับ 20 เป็นค่าสูงที่สุดในกลุ่มนี้บนคาดบนวงล้อรูเล็ตมากที่สุดและมีโอกาสในการถูกคัดเลือกสูงที่สุด (ค่าวิกา P_1) ในขณะที่โครงสร้าง S_2 ซึ่งมีค่าความเหมาะสมเท่ากับ 1 เป็นค่าต่ำที่สุดในกลุ่มนี้บนคาดบนวงล้อรูเล็ตเดียวกับตัวที่สุดและมีโอกาสในการถูกคัดเลือกต่ำที่สุด (ค่าวิกา P_2) ขั้นตอนในการคัดเลือกโครงสร้างในโฉนดเริ่มจากการสุ่มค่าตัวชี้ซึ่งเป็นตัวเลขระหว่าง 0 ถึง P_{total} และถ้าตัวเลขดังกล่าวตรงกับโครงสร้างในโฉนดบนวงล้อรูเล็ต โครงสร้างในโฉนดนั้นจะถูกเลือก กระบวนการนี้เรียกว่าการหุนวงล้อในเกณฑ์รูเล็ตนั้นเอง ในแต่ละครั้งของการหุนวงล้อที่จะได้โครงสร้างที่จะเป็นต้นกำเนิดสายพันธุ์หนานหนี่ด้วยการสุ่มตัวเลขเพื่อคัดเลือกโครงสร้างในโฉนดตามค่าความเหมาะสมที่สูงจะดำเนินไปเรื่อยๆ จนกระทั่งได้ต้นกำเนิดสายพันธุ์เท่ากับจำนวนที่ต้องการ ดังนั้นสำหรับการคัดเลือกด้วยวิธีนี้ก็จะต้องดำเนินการหุนวงล้อ N โครงสร้างในโฉนดต้องทำการหุนวงล้อรูเล็ตทั้งหมด N ครั้ง เราจะเห็นได้ว่าโครงสร้างในโฉนดที่มีค่าความเหมาะสมที่สูงจะมีโอกาสถูกคัดเลือกมากกว่าโครงสร้างที่มีค่าความเหมาะสมที่ต่ำกว่าซึ่งเป็นปรากฏการณ์ปกติในธรรมชาติทั่ว ๆ ไป

ค่า P ที่ใช้จากตัวอย่างในญูปีที่ 7 ได้มามากวิธีการแบ่งเป็นสัดส่วน เรายังเห็นได้ว่ามีค่าความเหมาะสมของโครงสร้างตัวที่สองจะถูกเลือกน้อยกว่า n ตัวอื่น ๆ นักอันจะทำให้เกิดความเหลื่อมล้ำในการคัดเลือกขึ้น วิธีอื่น ๆ ที่มีประสิทธิภาพคือกว่าเจ้มีนิยมใช้มากกว่า ยกตัวอย่างเช่นวิธีการจัดอันดับซึ่งจะให้ค่าของโอกาสในการถูกคัดเลือกที่ไม่เปลี่ยนไปตามขนาด

ของค่าความเหมาะสม

วิธีที่สองคือการสุ่มคัดเลือกโครงสร้างในโฉนด บนคาดบนวงล้อรูเล็ตเป็นขั้นตอนการสุ่มคัดเลือกในโฉนดนั้นที่มีอัตราส่วนในการคัดเลือกทุกครั้ง ดำเนินการผิดังกล่าวขึ้นประชากรในรุ่นต่อไปจะประกอบไปด้วยโครงสร้างในโฉนดนั้นที่มีอัตราส่วนเดียวกันหนึ่งเดือนทั้งคู่นี้ไม่เป็นประโยชน์ต่อการค้นหาคำตอบแต่ยังคงใช้ได้ผล วิธีที่สองคือการหุนวงล้อรูเล็ตปรุงได้หลายวิธี วิธีหนึ่งที่ง่ายและมีประสิทธิภาพคือกำหนดให้ในแต่ละครั้งที่โครงสร้างในโฉนดถูกคัดเลือก ขนาดของโครงสร้างในโฉนดนั้นจะน้อยลงและจะเป็นศูนย์เมื่อทำให้แต่ละโครงสร้างในโฉนดเหลืออีกน้อยลงจนกระทั่งการหุนวงล้อรูเล็ตเป็นใหญ่ในหมู่ประชากรของโครงสร้างในโฉนดตัวใดตัวหนึ่งได้

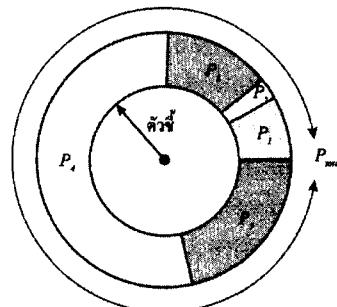


Figure 7. Fitness values of each chromosome in Roulette Wheel selection.

วิธีการซักตัวอย่างแบบกระบวนการการเพื่อนสุ่มครอบจักรวาล (Stochastic Universal Sampling)

SUS เป็นวิธีการซักตัวอย่างที่ถูกเรียกใช้เพียงครั้งเดียวที่สามารถคัดเลือกโครงสร้างในโฉนดตามจำนวนที่ต้องการได้ ข้อแตกต่างของ SUS กับแบบวงล้อรูเล็ตอยู่ตรงที่มีการใช้ตัวชี้มากกว่าหนึ่งตัวนั่นคือสำหรับการคัดเลือก N โครงสร้างในโฉนดมีตัวชี้ทั้งหมด N ตัวโดยที่ตัวชี้แต่ละตัวจะมีระยะห่างเท่ากันและมีค่าเท่ากับ $\frac{P_{\text{total}}}{N}$ ดังแสดงในญูปีที่ 8

SUS จะเริ่มจากการสุ่มสลับที่โครงสร้างบนวงล้อรูเล็ต ถ้าค่าตัวชี้ p_{it} ซึ่งเป็นค่าวิกาเริ่มต้นจะถูกสุ่มนั่นมาในช่วง $[0, P_{\text{total}}]$ ตัวชี้ที่เหลือจำนวน $N-1$ ตัวถัดจากตัวชี้ p_{it} จะถูกคำนวณโดยมีระยะห่างระหว่างตัวชี้ที่คิดกันเท่ากับ $\frac{P_{\text{total}}}{N}$ โครงสร้างที่จะ

ถูกคัดเลือกได้มากกว่าในไซน์จำนวนทั้งสิ้น N โครโน่ในไซน์ซึ่งถูกตัวชี้ N ด้วยอัตราส่วนที่ P_i วิธีนี้ทำให้ลดความเหลื่อมล้ำในแต่ละโครโน่ในไซน์สำหรับการคัดเลือกคงเมื่อเทียบกับวิธีดังเดิมของวงล้อเรียงตัว โครโน่ในไซน์ที่มีค่า P_i สูงจะถูกตัวชี้จำนวนที่มากกว่าในไซน์ที่มีค่า P_j ที่ต่ำกว่า

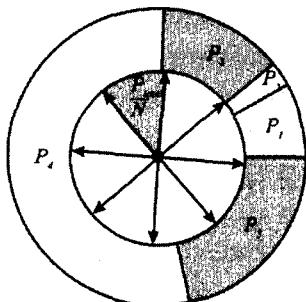


Figure 8. Stochastic universal sampling.

ปฏิบัติการทางสายพันธุ์ (Genetic Operation)

หลังจากนวนการคัดเลือกได้ดำเนินไปจนเสร็จสมบูรณ์ โครโน่ในไซน์ถูกหานะจะถูกสร้างจากโครโน่ในไซน์ที่ถูกคัดเลือกมาเป็นต้นกำเนิดสายพันธุ์ โดยการนำเอาโครโน่ในไซน์ที่เป็นต้นกำเนิดสายพันธุ์นั้นมาทำการเปลี่ยนแปลงให้เกิดโครโน่ในไซน์ใหม่ขึ้นมาหลายเป็นโครโน่ในไซน์ถูกหานะดังแสดงในรูปที่ 9 ขั้นตอนนี้เป็นขั้นตอนสำคัญอีกขั้นตอนหนึ่งในวัฏจักรของ GA ซึ่งมีการคาดหวังว่าโครโน่ในไซน์ถูกหานะที่เกิดขึ้นมาในนั้นจะได้รับส่วนดีของโครโน่ในไซน์ต้นกำเนิดสายพันธุ์ โดยผ่านปฏิบัติการทางสายพันธุ์ ถ้าพิจารณาถึงการเปลี่ยนแปลงอันเนื่องจากปฏิบัติการทางสายพันธุ์ที่เกิดขึ้นกับประชากรซึ่งเป็นคำตอบของระบบแล้วเราสามารถเปรียบปฏิบัติการทางสายพันธุ์ได้กับการก้าวเดินไปสู่คำตอบของระบบนั้นเอง

โดยปกติที่ว่าไปปฏิบัติการทางสายพันธุ์จะมีอยู่ 2 วิธีหลัก ๆ คือ การทำครอสโซเวอร์ (crossover)

โครโน่ในไซน์ที่อยู่บัน —————> [] —————> โครโน่ในไซน์ใหม่ (ถูกหานะ)
(ต้นกำเนิดสายพันธุ์)

Figure 9. Genetic operation.

และการทำมิวเทชัน (mutation) ดังรายละเอียดต่อไปนี้

1) ครอสโซเวอร์

เป็นวิธีการรวมตัวใหม่ของโครโน่ในไซน์ (recombination operator) โดยทำการรวมส่วนย่อยระหว่างโครโน่ในไซน์ต้นกำเนิดสายพันธุ์ดังเดิมสองโครโน่ในไซน์ไปเพื่อให้กลาญเป็นโครโน่ในไซน์ถูกหานะ โครโน่ในไซน์ถูกหานะที่ได้จากการครอสโซเวอร์นี้จะมีพันธุกรรมจากต้นกำเนิดสายพันธุ์อยู่ในตัว โดยปกติที่ว่าไปแล้วจะมีการกำหนดอัตราการทำครอสโซเวอร์ เอาไว้ซึ่งส่วนใหญ่จะใช้ความน่าจะเป็น (P_c) เป็นตัวกำหนดอัตราดังกล่าว วิธีการทำครอสโซเวอร์มีได้หลายแบบดังรายละเอียดในตัวอย่างต่อไปนี้ การทำครอสโซเวอร์แบบจุดเดียว (Single-Point Crossover)

การทำครอสโซเวอร์แบบจุดเดียวนี้โครโน่ในไซน์ถูกหานะจะมีสายพันธุ์ของต้นกำเนิดอยู่อย่างเดิมที่ส่วนจุดดัดในการทำครอสโซเวอร์นั้นโดยปกติจะได้มาจากการสุ่มเลือก ตัวอย่างของการทำครอสโซเวอร์แบบจุดเดียวแสดงอยู่ในรูปที่ 10

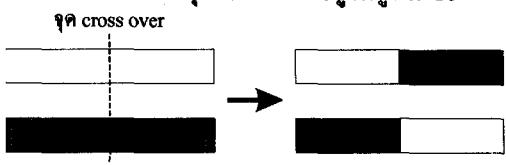


Figure 10. Example of single-point crossover.

การทำครอสโซเวอร์แบบหลายจุด (Multiple-Point Crossover)

ตัวอย่างการทำครอสโซเวอร์แบบหลายจุด ดังแสดงในรูปที่ 11 มีการใช้จุดดัดห้าแห่ง 3 จุด ดังนั้นโครโน่ในไซน์ถูกหานะจะมีสายพันธุ์ของต้นกำเนิดอยู่มากกว่าหนึ่งส่วน หลักการคือการเลือกจุดของครอสโซเวอร์นั้นเมื่อยุ่งหลายแบบ แต่ละแบบจะให้ผลลัพธ์การเปลี่ยนแปลงของสายพันธุ์ในโครโน่ในไซน์ถูกหานะที่แตกต่างกันออกไปด้วย วิธีที่ง่ายและเป็นที่นิยมใช้ที่ว่าไปคือการสุ่มเลือกจุดครอสโซเวอร์ การทำครอสโซเวอร์แบบหลายจุดจะให้ผลของถูกหานะที่มีความหลากหลายกว่าการทำครอสโซเวอร์แบบจุดเดียว อันจะมีผลให้การถูกตัวชี้คำตอบของระบบสามารถรอบ

คุณพื้นที่ของคำตอบได้มากขึ้น อย่างไรก็ตาม การทำครอสโซเวอร์แบบหลายจุด ซึ่งทำให้เกิดการเปลี่ยนแปลงของโครงโน้มถูกหลาบนได้มากกว่าการทำครอสโซเวอร์แบบจุดเดียวที่น้ำใจจะทำให้โอกาสเมื่อยเปลี่ยนของคำตอบที่มีอยู่ในโครงโน้มถูกหลานมีอัตราที่สูงกว่าเช่นกัน

การทำครอสโซเวอร์ที่นิยมอีกชนิดหนึ่งคือ ครอสโซเวอร์แบบสมมาตร (Uniform Crossover) ซึ่งมีข้อดีในการลดปัญหาความไม่สมดุลย์ในการแบ่งจุดครอสโซเวอร์แบบจุดเดียวของโครงโน้มที่มีขนาดต่างๆ กัน

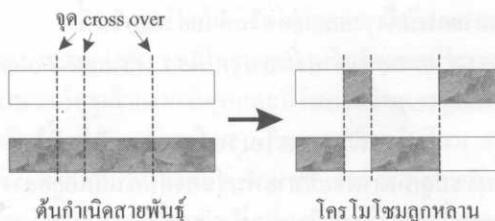


Figure 11. Example of multiple-point crossover.

2) มิวเทชัน

เป็นวิธีการแปรผันชนิดหรือส่วนย่อยของโครงโน้ม ซึ่งสามารถเปรียบเทียบได้กับการทำลายพันธุ์ของสิ่งมีชีวิตในทางชีววิทยานั่นเอง มิวเทชันคือการเปลี่ยนแปลงยืนในโครงโน้มซึ่งในทางปฏิบัติแล้ว ยืนก็คือบิตในระบบตัวเลขของคอมพิวเตอร์ดังแสดงในรูปที่ 12

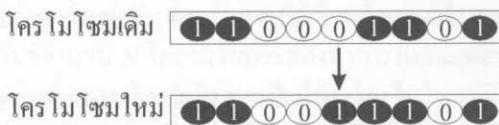


Figure 12. Bit mutation on the 4th bit of the chromosome.

การทำมิวเทชันเปรียบเสมือนกับการทำก้าวเดินไปสู่คำตอบของระบบ เช่นเดียวกับการทำครอสโซเวอร์ นอกเหนือไปจากนั้นแล้วมิวเทชันยังสามารถมองเป็นการทำให้เกิดความหลากหลายขึ้นในกลุ่มประชากร มีผลให้คำตอบที่เกิดขึ้นในกระบวนการของ GA ครอบคลุมพื้นที่การค้นหาคำตอบทั่วถึงยิ่งขึ้น อย่างไรก็ตามอัตราในการทำมิวเทชันเป็นปัจจัยที่

สำคัญอย่างหนึ่งที่ต้องคำนึงถึงเพราะจะมีผลต่อพฤติกรรมการทำงานของ GA มีผลการค้นคว้ารายงานว่าอัตราการทำมิวเทชันจะขึ้นอยู่กับขนาดของประชากรเพื่อให้การสำรวจพื้นที่ในการค้นหาคำตอบเป็นไปอย่างทั่วถึง [39] ดังนั้นการทำหน้าที่คัดเลือกต้องมีความเหมาะสมที่สุดต่อระบบด้วยเพื่อก่อให้เกิดผลในการค้นหาคำตอบที่มีประสิทธิภาพยิ่งขึ้น ซึ่งโดยปกติแล้วการทำมิวเทชันจะมีอัตราการใช้งานที่ค่อนข้างต่ำ

การแทนที่ (Replacement)

การแทนที่เป็นขั้นตอนหลังจากที่ GA ได้โครงโน้มถูกหลานเรียบร้อยแล้วและจะมีการนำโครงโน้มใหม่ไปแทนที่ประชากรรุ่นเก่า จุดประสงค์ในการแทนที่นี้คือการนำ基因ที่มีคุณภาพดีมาแทน基因ที่มีคุณภาพแย่ลง แต่ในบางกรณี โครงโน้มใหม่ที่ได้รับการแทนที่จะทำให้ประชากรรุ่นใหม่ประกอบไปด้วยโครงโน้มใหม่ ๆ ซึ่งเป็นโครงโน้มที่ดีกว่าอันเนื่องมาจากการได้สืบทายพันธุ์ที่ได้จากต้นกำเนิดสายพันธุ์ที่ผ่านการคัดเลือกแล้ว กลยุทธ์ในการคัดเลือกว่าโครงโน้มไหนจะถูกแทนที่นั้นสามารถแบ่งได้เป็น 2 วิธี คือ

1) การแทนที่ประชากรทั้งรุ่น (generational GA)

เป็นการนำประชากรถูกหลานไปแทนที่ประชากรรุ่นเก่าทั้งหมด ดังนั้นถ้าในระบบหนึ่งมีประชากรขนาด N จำนวนของโครงโน้มถูกหลานที่จะมาแทนที่จะต้องมีขนาด N เช่นกัน วิธีนี้เป็นวิธีที่ง่ายเนื่องจากไม่จำเป็นจะต้องมีขั้นตอนของการคัดเลือกว่าประชากรส่วนไหนจะถูกแทนที่ แต่การที่ไม่มีขั้นตอนดังกล่าวกลยุทธ์เป็นข้อเสีย นั่นคือ โครงโน้มที่ดี ในรุ่นก่อนจะถูกแทนที่ไปด้วย วิธีแรกอย่างง่าย ๆ คือ ก่อนที่จะทำการแทนที่ให้คัดเลือกเก็บโครงโน้มที่ดีที่สุด 2-3 ตัวแรกเอาไว้โดยอาจจะใช้วิธีการคัดเลือกดังที่อธิบายมาแล้วก่อนหน้านี้ วิธีดังกล่าวอาจเรียกได้ว่าเป็นกลยุทธ์คัดเลือกหัวกระตุก (elitist strategy) อย่างไรก็ตามประชากรที่เหลืออยู่อาจจะถูกครอบงำด้วยโครงโน้มหัวกระตุกนี้ได้โดยง่าย กล่าวคือถ้าไม่โครงโน้มใหม่ที่ดีกว่าเกิดขึ้น โครงโน้มที่ดีที่สุดจากรุ่นก่อนก็จะถูกเก็บไว้อยู่ต่อลดไปและไม่ก่อให้เกิดการ

เปลี่ยนแปลงใด ๆ จึงทำให้ GA ไม่สามารถสร้างวิژัณการโคล โน โขมใหม่ ๆ ขึ้นมาได้ ถึงแม้ว่าผลของโคล โน โขมหัวกระทิษนี้ในการสกัดขึ้นได้แต่เวชน์ก็ได้รับการพิสูจน์แล้วว่าทำให้ระบบโคลบรวนดีขึ้น 2) การแทนที่ประชากรแบบคงตัว (*steady-state GA*)

เป็นการนำเอาประชากรลูกหลานไปแทนที่ประชากรเดิมเพียงบางส่วนเท่านั้นดังนั้นจะต้องมีการคัดเลือกประชากรที่จะถูกแทนที่ซึ่งโดยปกติจะพิจารณาจากค่าความเหมาะสมของโคล โน โขมนั่นเอง โคล โน โขมก่อจะถูกแทนที่ด้วยโคล โน โขมใหม่เพียง 1 หรือ 2 ตัวเท่านั้น กลวิธีในการแทนที่มีอยู่หลายวิธี [40-41] เช่น การแทนที่ประชากรที่ต้องที่สุดหรือการแทนที่ประชากรโดยการสุ่มเลือก เป็นต้น

ข้อดีของ GA

เมื่อพิจารณาถึงความสามารถและโครงสร้างของ GA แล้ว สามารถสรุปข้อดีต่าง ๆ ของ GA ได้ดังนี้

1. มีโครงสร้างที่เหมาะสมสำหรับการประมวลผลแบบบ้าน - โดยโครงสร้างของ GA แล้วสามารถถูกออกแบบให้ทำงานในลักษณะของการประมวลผลแบบบ้านได้จึงสามารถทำให้ความเร็วในการคำนวณเพิ่มขึ้น GA สามารถแบ่งการคำนวณเป็นหน่วยย่อย โดยที่แต่ละหน่วยเป็น GA ที่ทำงานได้สมบูรณ์ในตัวของแต่ละแกนกันทำการคืนหาคำตอบของระบบพร้อม ๆ กัน ได้ นอกไปจากนี้แล้ว GA ยังสามารถแบ่งตัวของเป็นหน่วยย่อยที่แต่ละหน่วยแยกทำหน้าที่ตามขั้นตอนของ GA ต่าง ๆ ได้ เช่น แยกเป็นหน่วยคำนวณค่าความเหมาะสมหน่วยทำการคัดเลือก หน่วยทำปฏิบัติการทางสายพันธุ์ เป็นต้น
2. มีเสถียรภาพและความน่าเชื่อถือ - เป็นที่ยืนยันแล้ว ว่ามีเทคนิคหลาย ๆ อย่างที่สามารถใช้ทำให้ GA มีการคืนหาคำตอบที่ดีที่สุด ได้ถึงแม้ว่าสภาวะแวดล้อมของระบบจะมีการเปลี่ยนแปลงไป
3. สามารถให้คำตอบที่เหมาะสมที่สุดในวงกว้าง (*global optimum*) - ปัญหาหลาย ๆ อย่างจะมีคำตอบอยู่หลายชุดซึ่งเป็นคำตอบของแคบเฉพาะถิ่นที่เหมาะสม

ที่สุด (*local optimum*) GA ได้รับการพิสูจน์ให้เห็นว่าสามารถเดาขนาดปัญหาของระบบคั่งกล่าวได้อย่างมีประสิทธิภาพ

4. มีความยืดหยุ่นในการออกแบบชนิดของโคล โน โขม- ขึ้นของโคล โน โขมสามารถถูกออกแบบให้เป็นตัวเลขชนิดใด ๆ ที่ได้ตามความเหมาะสมกับระบบไม่ว่าจะเป็นแบบฐานสองหรือเลขจำนวนจริง จึงทำให้ GA สามารถใช้งานกับระบบต่าง ๆ ได้หลากหลาย
5. เหมาะสำหรับระบบที่มีเงื่อนไขข้อจำกัดต่าง ๆ - ในหลาย ๆ ระบบจะมีการระบุเงื่อนไขของพารามิเตอร์ต่าง ๆ เพื่อจำกัดให้ระบบมีเสถียรภาพและเป็นการจำกัดพื้นที่สำหรับการคืนหาคำตอบด้วย GA มีโครงสร้างที่สามารถออกแบบให้มีการจำกัดขอบเขตของโคล โน โขมได้อย่างสะใจ จึงเหมาะสมกับการแก้ไขปัญหาที่ต้องมีเงื่อนไขแบบต่าง ๆ ได้เป็นอย่างดี
6. เหมาะสำหรับระบบที่มีฟังก์ชันวัตถุประสงค์แบบพหุคุณ - GA สามารถใช้กับระบบที่มีฟังก์ชันวัตถุประสงค์มากกว่าหนึ่ง บทวิ่งข้างต้น การออกแบบตัวกรองชนิด IIR ที่ต้องมีการกำหนดฟังก์ชันวัตถุประสงค์สำหรับทั้งค่าความผิดพลาดของขนาด (*magnitude error*) และค่าความผิดพลาดของเวลา ประวิจ (delay error) ลักษณะดังกล่าวทำให้ GA มีความสามารถในการแก้ปัญหาจึงได้หลากหลายซึ่งส่วนใหญ่จะมีเป้าหมายในการแก้ปัญหานากกว่าหนึ่งอย่าง
7. ใช้แก้ปัญหาของระบบได้โดยที่ไม่จำเป็นจะต้องรู้หรือคำนวณพารามิเตลรูปแบบปิด (closed form solution) ของระบบ โดยปกติแล้วการคำนวณหาผลเฉลยดังกล่าวจะมีความซุ่มยากและต้องใช้เวลามาก การนำเอา GA มาประยุกต์ใช้งานจึงช่วยลดความซุ่มยากในส่วนนี้ได้เป็นอย่างดี

แหล่งข้อมูลเพิ่มเติม

ได้มีการประยุกต์ใช้งาน GA ไว้อย่างกว้างขวางและมีผู้นำเสนองานไว้บนอินเตอร์เน็ตมากมาย ผู้อ่านสามารถหาข้อมูลเพิ่มเติมเกี่ยวกับ GA ได้ที่

<http://www.aic.nrl.navy.mil/galist>
เว็บไซต์ข้างต้นเป็นศูนย์กลางที่รวบรวมเว็บไซต์ต่างๆ ที่เกี่ยวกับ GA จากที่ว่าໄสโกเอวิริจิเนะจะเป็นที่เริ่มต้นหรือเป็นแหล่งในการค้นหาข้อมูลเพิ่มเติมได้เป็นอย่างดี

ซอฟท์แวร์ในการช่วยคำนวณ GA

เนื่องมาจากการใช้ GA ทำให้มีจั่งเป็นจะต้องมีผลเดียรูปแบบปิดของระบบ ดังนั้นงานที่นำเข้า GA มาใช้ส่วนใหญ่จะเป็นการจำลองสถานการณ์ตัวอย่างของซอฟท์แวร์ที่ช่วยในการคำนวณ GA ได้แก่ GENESIS [43], GENEsYs [44], BUGS [45] และ TOLKIEN [46] เป็นต้น สำหรับผู้อ่านที่คุ้นเคยกับการใช้โปรแกรม MATLAB [42] ซึ่งเป็นซอฟท์แวร์ที่ใช้ง่าย มีประสิทธิภาพและเป็นที่นิยมแพร่หลาย ได้แก่ ผู้พัฒนา GA Toolbox [47] ซึ่งมาเพื่อใช้กับโปรแกรม MATLAB โดยผู้อ่านสามารถค้นหารายละเอียดเพิ่มเติมได้ที่

<http://www.shef.ac.uk/uni/projects/gatoolbox.html>

บทสรุป

ถึงแม้ว่า GA จะเป็นวิธีที่มีประสิทธิภาพในการค้นหาคำตอบเพื่อให้ได้คำตอบที่ดีที่สุดในวงกว้าง แต่ GA เองก็ยังมีจุดอ่อนอยู่ เช่น กัน โดยเฉพาะเมื่อนำ GA ไปใช้กับระบบที่มีการเชื่อมโยงกับสภาพแวดล้อมที่เป็นโลกจริง เนื่องจากความลักษณะของ GA ที่มีอยู่หลายขั้นตอนที่การคำนวณเป็นแบบสุ่ม ในบางครั้งอาจจะไม่ใช่เรื่องง่ายที่จะคาดหวังให้ผลลัพธ์จาก GA นั้นทำงานได้เสถียร โดยการกำหนดเวลาไว้อ้างแน่นอน ดังนั้น GA อาจจะไม่เหมาะสมกับระบบที่เป็นแบบเวลาจริง (real-time system) หรือระบบที่มีระยะเวลาในช่วงของการประมวลผลที่ค่อนข้างจำกัด อย่างไรก็ตาม GA ยังถือว่าเป็นเครื่องมือที่มีความชาญฉลาดในเรื่องของปัญญาประดิษฐ์และเหมาะสมสำหรับระบบที่มีข้อจำกัดแบบต่างๆ หรือระบบที่มีฟังก์ชันวัตถุประสงค์มากกว่าหนึ่ง รวมไปถึงคุณลักษณะสำคัญ

ของ GA ที่สามารถเข้าใจปัญหาของการถูกตีอกโดยคำตอบของคนเฉพาะถิ่นที่แหงะที่สุด ปัจจุบันจึงมีการนำเข้า GA ไปประยุกต์ใช้ในงานต่างๆ มากมาย และขึ้นนำไปใช้ร่วมกับวิธีการค้นหาคำตอบที่เป็นแบบปัญญาประดิษฐ์อื่นๆ เช่น ระบบเครือข่ายประสาทเทียบ (neural network) เพื่อใช้ GA ใน การค้นหาโครงสร้างของเครือข่ายที่เหมาะสมที่สุดหรือมีการนำ GA ไปใช้ในการปรับฟังก์ชันสมาร์ติกาของดูเวย์พัฒนา การนำ GA ไปประยุกต์ใช้จึงเป็นหัวข้อที่น่าสนใจเป็นอย่างยิ่ง

กิตติกรรมประกาศ

ผู้เขียนขอขอบพระคุณ รศ.ดร.สรราฐิ ฤทธิจิตร สำหรับความกรุณาและสนับสนุนทุกๆ อย่าง ทำให้สามารถสร้างสรรค์บทความนี้ได้สำเร็จสมบูรณ์ตามเป้าหมายที่ตั้งไว้ วิวัฒนาการ ขอขอบพระคุณ อ.สมศักดิ์ วาณิชอนันต์ชัย สำหรับคำแนะนำที่เป็นประโยชน์อย่างมาก และสุดท้าย คุณกนกอร เจริญปิติวงศ์ สำหรับเวลาอ่านมีค่าในการช่วยเหลือตรวจสอบทบทวนความและเป็นกำลังใจให้กับผู้เขียนตลอดมา

เอกสารอ้างอิง

- Holland, H. (1975). *Adaptation in Natural and Artificial Systems*. Ann Arbor: the University of Michigan Press, Michigan.
- Goldberg, D.E. (1989). *Genetic Algorithm in Search, Optimization, and Machine Learning*. Addison-Wesley Publishing.
- Man, K.F., Tang, K.S., Kwong, S. and Halang, W.A. (1997). *Genetic Algorithms for Control and Signal Processing*. Springer-Verlag, London.
- Castillo, O., Montiel, O., Sepulveda, R. and Melin, P. (2001). *Application of a Breeder Genetic Algorithm for System Identification in an Adaptive Finite Impulse Response Filter*. Proceedings of The 3rd NASA/DoD Workshop on Evolvable Hardware. p.146-153.
- Minami, M., Suzuki, H., Agbanhan, J. and

- Asakura, T. (2001). Visual Servoing to Fish and Catching Using Global/Local GA Search. Proceedings of 2001 IEEE/ASME International Conference on Advanced Intelligent Mechatronics. 1:183-188.
- [6] Lo Bosco, G. (2001). A Genetic Algorithm for Image Segmentation. Proceedings of 11th International Conference on Image Analysis and Processing. p.262-266.
- [7] Hussein, F., Kharma, N. and Ward, R. (2001). Genetic Algorithms for Feature Selection and Weighting: A Review and Study. Proceedings of 6th International Conference on Document Analysis and Recognition. p.1240-1244.
- [8] Mitsukura, Y., Fukumi N. and Akamatsu, N. (2001). A Detection Method of Face Regions in Color Images by using Evolutionary Computation. Proceedings of 2001 International Joint Conference on Neural Networks. 3:2253-2257.
- [9] Bedwani, W.A. and Ismail, O.M. (2001). Genetic Optimization of Variable Structure PID Control Systems. ACS/IEEE International Conference on Computer Systems and Applications. p.27-30.
- [10] Visioli, A. (2001). Optimal Tuning of PID Controllers for Integral and Unstable Processes. IEE Proceedings of Control Theory and Applications. 148(2):180-184.
- [11] Melin, P. and Castillo, O. (2001). Intelligent Control of Nonlinear Dynamical Systems with a Neuro-Fuzzy-Genetic Approach. Proceedings of International Joint Conference on Neural Networks. 1:515-520.
- [12] Bajwa, A., Williams, T. and Stuchly, M.A. (2001). Design of Broadband Radar Absorbers with Genetic Algorithm. IEEE International Symposium of Antennas and Propagation Society. 4:672-675.
- [13] Weile, D.S. and Michielssen, E. (2001). The Control of Adaptive Antenna Arrays with Genetic Algorithms Using Dominance and Diploidy. IEEE Transactions on Antennas and Propagation. 49(10):1424-1433.
- [14] Arabas, J. and Kozdrowski, S. (2001). Applying an Evolutionary Algorithm to Telecommunication Network Design. IEEE Transactions on Evolutionary Computation. 5(4):309-322.
- [15] Grimbleby, J.B. (2000). Automatic Analogue Circuit Synthesis using Genetic Algorithms. IEE Proceedings on Circuits, Devices and Systems. 147(6):319-323.
- [16] Manganaro, G. (2000). Genetic Algorithms for VLSI Design, Layout, and Test Automation [Reviews]. IEEE Circuits and Devices Magazine. 16(2):34-34.
- [17] Goh, C. and Li, Y. (2001). GA Automated Design and Synthesis of Analog Circuits with Practical Constraints. Proceedings of the 2001 Congress on Evolutionary Computation. 1:170-177.
- [18] Wong, Y.K., Chung, T.S. and Lai, W.M. (2000). Application of Genetic Algorithm in Reactive Power/Voltage Control-Problem. International Conference on Advances in Power System Control, Operation and Management. 2:486-490.
- [19] Poirier, E., Ghribi, M. and Kaddouri, A. (2001). Loss Minimization Control of Induction Motor Drives Based on Genetic Algorithms. IEEE International Electric Machines and Drives Conference. p.475-478.
- [20] Yong-Hua, S. and Irving, M.R. (2001). Optimisation Techniques for Electrical Power Systems II. Heuristic Optimisation Methods. Power Engineering Journal. 15(3):151-160.
- [21] Kezunovic, M. and Liao, Y. (2001). Fault Location Estimation Based on Matching the Simulated and Recorded Waveforms Using Genetic Algorithms. 7th International Conference on Developments in Power System Protection, (IEE). p.399-402.
- [22] Nick, Z.Z. and Themis, P. (2001). Web Search Using a Genetic Algorithm.

- IEEE Internet Computing. 5(2):18-26.
- [23] Min-Huang, H., Ming-Chun, C., Yue-Shan, C. and Shyan-Ming, Y. (2001). A GA-Based Dynamic Personalized Filtering for Internet Search Service on Multi-Search Engine. Canadian Conference on Electrical and Computer Engineering. 1:271-276.
- [24] Sun Kim, K. and Byoung-Tak, Z. (2001). Evolutionary Learning of Web-Document Structure for Information Retrieval. Proceedings of the 2001 Congress on Evolutionary Computation. 2:1253-1260.
- [25] Meesad, P. and Yen, G.G. (2001). A Hybrid Intelligent System for Medical Diagnosis. Proceedings of International Joint Conference on Neural Network. 4:2558-2563.
- [26] Moller, R. and Zeipelt, R. (2001). Automatic Segmentation of 3D-MRI Data Using a Genetic Algorithm. Proceedings of International Workshop on Medical Imaging and Augmented Reality. p.278-281.
- [27] Chi Kin, C., Hung Tat, T., Tong, L. and Tze Kin, L. (2001). Medical Image Registration and Model Construction Using Genetic Algorithms. Proceedings of International Workshop on Medical Imaging and Augmented Reality. p.174-179.
- [28] Lam, S.S. (2001). A Genetic Fuzzy Expert System for Stock Market Timing. Proceedings of the 2001 Congress on Evolutionary Computation. 1:410-417.
- [29] Srinivasan, D., Rucy Long, C. and Young Peng, P. (2001). Hybrid Fuzzy Logic-Genetic Algorithm Technique for Automated Detection of Traffic Incidents on Freeways. Proceedings of 2001 IEEE Intelligent Transportation Systems. p.352-357.
- [30] Cordon, O., Herrera, F. and Villar, P. (2001). Generating the Knowledge Base of a Fuzzy Rule-Based System by the Genetic Learning of the Database. IEEE Transactions on Fuzzy Systems. 9(4): 667-674.
- [31] Jones, E., Runkle, P., Dasgupta, N., Couchman, L. and Carin, L. (2001). Genetic Algorithm Wavelet Design for Signal Classification. IEEE Transactions on Pattern Analysis and Machine Intelligence. 23(8):890-895.
- [32] Yamazaki, Y., Aiyoshin, V., Krasilnikova, J. and Krasilnikov, I. (1998). Adaptive-Intelligent Control by Neural-Network and Genetic-Algorithm Systems and Its Application. Proceedings of 2nd International Conference on Knowledge-Based Intelligent Electronic Systems. 3:230-239.
- [33] Wright, A. H. (1991). Genetic Algorithms for Real Parameter Optimization. Foundations of Genetic Algorithms. J.E. Rawlins (Ed.), Morgan Kaufmann. p.205-218.
- [34] Janikow, C.Z. and Michalewicz, Z. (1991). An Experimental Comparison of Binary and Floating Point Representations in Genetic Algorithms. Proceedings of 4th International Conference on Genetic Algorithms. p.31-36.
- [35] Baker, J.E. (1985). Adaptive Selection Methods for Genetic Algorithms. Proceedings of an International Conference on Genetic Algorithms. Lawrence Erlbaum Associates (Hillsdale).
- [36] Prügel-Bennett, A. (2000). Finite Population Effects for Ranking and Tournament Selection. Complex Systems. 12(2): 183-205.
- [37] Prügel-Bennett, A. and Shapiro, J.L. (1994). An Analysis of Genetic Algorithms using Statistical Mechanics. Physical Review Letters. 72(9):1305-1309.
- [38] Prügel-Bennett, A. and Shapiro, J.L. (1997). The Dynamics of a Genetic Algorithm for Simple Random Ising Systems. Physica D. 104:75-114.
- [39] Prügel-Bennett, A. (2001). The Mixing Rate of Different Crossover Operators. Foundations of Genetic Algorithms 6 (Published spring 2001).
- [40] Rogers, A. and Prügel-Bennett, A. (1999).

- Modelling the Dynamics of Steady-State Genetic Algorithms. In Banzhaf, W. and Reeves, C. eds. "Foundations of Genetic Algorithms 5" p.57-68. Morgan Kaufmann, San Francisco.
- [41] Rogers, A. and Prügel-Bennett, A. (2000). Evolving Populations with Overlapping Generations. *Theoretical Population Biology*. 57(2):121-129.
- [42] MATHWORKS (1991). MATLAB User's Guide The Mathworks, Inc.
- [43] Grefenstette, J.J. (1990). A User's Guide to GENESIS v5.0. Naval Research Laboratory, Washington, D.C.
- [44] Thomas, B. (1992). Users Guide for GENEsYs. System Analysis Research Group, Department of Computer Science, University of Dortmund.
- [45] Smith, J.A. (1991). Designing Biomorphs with an Interactive Genetic Algorithm. *Proceedings of 4th International Conference on Genetic Algorithms*.
- [46] Tang, Y.C. (1994). TOLKIEN Reference Manual. Department of Computer Science, Chinese University of Hong Kong.
- [47] Chipperfield, A.J., Fleming, P.J. and Pohlheim, H. (1994). A Genetic Algorithm Toolbox for MATLAB. *Proceedings of International Conference on System Engineering*, Coventry, UK.